

## **Научном већу Института за физику у Београду**

### **Предмет: Молба за покретање поступка за избор у звање научни сарадник**

Молим Научно веће Института за физику у Београду да у складу са Правилником о поступку и начину вредновања и квантитативном исказивању научно-истраживачких резултата истраживача покрене поступак за мој избор у звање научни сарадник.

У прилогу достављам:

1. мишљење руководиоца лабораторије са предлогом чланова комисије за избор у звање;
2. стручну биографију;
3. преглед научне активности;
4. елементе за квалитативну и квантитативну оцену научног доприноса;
5. списак и копије научних радова и осталих научних доприноса;
6. податке о цитирањости;
7. уверење о одбрањеној докторској дисертацији;

У Београду, мај 2022.

С поштовањем,

Сања Ђурђић Мијин

## **Научном већу Института за физику у Београду**

### **1. Предмет: Мишљење руководиоца лабораторије о избору Сање Ђурђић Мијин у звање научни сарадник, са предлогом чланова комисије за избор у звање**

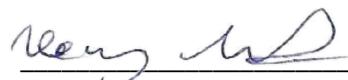
Сања Ђурђић Мијин у Центру за физику чврстог стања и нове материјале Института за физику у Београду запослена је од 03.12.2018. године. Од децембра 2018. до децембра 2019. године била је ангажована на пројекту „**Наноструктурни мултифункционални наноматеријали и нанокомпозити**“ (III450018) Министарства просвете, науке и технолошког развоја Републике Србије под руководством академика Зорана В. Поповића. Од августа 2020. ангажована је на PROMIS пројекту „**StrainedFeSC**“ (број: 6062656) Фонда за науку Републике Србије под руководством др Ненада Лазаревића.

У звање истраживач сарадник изабрана је у новембру 2021. године. У истраживачком раду бави се изучавањем динамике решетке магнетних квази-дводимензионалних материјала и квази-дводимензионалних материјала у којима долази до формирања таласа густине наелектрисања. С обзиром на то да испуњава све предвиђене услове у складу са Правилником о поступку, начину вредновања и квантитативном исказивању научноистраживачких резултата истраживача МПНТР, сагласан сам са покретањем поступка за избор Сање Ђурђић Мијин у звање научни сарадник.

За састав комисије за избор Сање Ђурђић Мијин у звање научни сарадник предлажем:

1. др Ану Милосављевић, научног сарадника, Института за физику у Београду
2. др Ненада Лазаревића, вишег научног сарадника Института за физику у Београду
3. др Ђорђа Спасојевића, редовног професора Физичког факултета Универзитета у Београду

др Ненад Лазаревић



виши научни сарадник,  
руководилац лабораторије  
за физику чврстог стања

## **2. Биографски подаци**

Сања Ђурђић Мијин рођена је у Београду 29.09.1993. године. Након завршене основне школе и гиманзије, 2012. године уписује Физички факултет Универзитета у Београд, смер *Примењена и компјутерска физика*, на ком дипломира 2016. године, са просечном оценом 9.57. Исте године уписује мастер студије на Физичком факултету, смер *Теоријска и експерименална физика*. У оквиру пројекта 2015-2-ES01-KA107-022648 програма ERASMUS+ мастер тезу под називом „Компаративна студија поларизоване оптичке емисије из поларних и неполарних квантних тачака у GaN/InGaN наножицама“ ради на Техничком Универзитету у Мадриду, под менторством др Жарка Гачевића, и на Самосталном Универзитету у Мадриду, под менторством др Снежане Лазић. Мастер рад, под менторством др Славице Малетић и коменторством др Снежане Лазић, брани 5. јула 2017. године, чиме завршава мастер студије са просечном оценом 10.00. У фебруару 2018. свој научно-истраживачки рад наставља на Институту за физику у Београду, у Центру за физику чврстог стања и нове материјале у групи др Зорана В. Поповића. На пројекту МПНТР „**Наноструктурни мултифункционални наноматеријали и нанокомпозити**“ (III450018) којим је руководио академик Зоран В. Поповић била је ангажована од децембра 2018. до децембра 2019. године. Од августа 2020. године ангажована је на пројекту Фонда за науку Републике Србије „**StrainedFeSC**“ (број: 6062656) чији је руководилац др Ненад Лазаревић. Под менторством др Ненада Лазаревића израдила је докторску дисертацију под насловом „Нееластично расејање светlostи на квазидводимензионалним материјалима“ коју је одбранила на Физичком факултету 10. 03. 2022. У досадашњој каријери Сања Ђурђић Мијин је публиковала 4 научна рада: 1 из категорије М21а и 3 из категорије М21, од којих је наведена као први аутор на 3 рада, као и 7 саопштења са међународих скупова штампаних у изводу (М34).

## **3. Преглед научне активности**

Током докторских студија Сања Ђурђић Мијин бавила се испитивањем вибрационих особина магнетних квазидводимензионалних материјала и квазидводимензионалних материјалима у којима долази до формирања таласа густине налекетрисања методом Раманове спектроскопије.

Квазидводимензионални материјали представљају изузетно занимљиве системе у којима је могуће експериментално испитивање физичких феномена недоступних код њихових тродимензионалних аналогона. Експериментална потврда магнетног уређења које опстаје до монослоја, а које је у комбинацији са њиховим јединственим транспортним и оптичким особинама, отворила могућност њихове широке примене.

У циљу давања доприноса тренутним сазнањима о нискодимензионом магнетизму, Сања Ђурђић Мијин се бавила испитивањем магнетних представника слојевитих кристала - CrI<sub>3</sub> и Vl<sub>3</sub>. Истраживања на трихалидима прелазних метала CrI<sub>3</sub> и Vl<sub>3</sub> су рађена због магнетног уређења које у овим материјалима опстаје до монослоја.

Анализом раманских спектара квазидводимензионалног CrI<sub>3</sub> утврђено је да у овом материјалу долази до структурног фазног прелаза између нискотемпературске ромбоедарске R $\bar{3}$  и високотемпературске C2/m моноклиничну структуру. У спектрима обе фазе детектовани су сви симетријом предвиђени модови, сем једног, а добијени експериментални резултати у доброј су сагласности са DFT прорачунима. На основу температурски зависних мерења, праћењем цепања ромбоедарских E<sub>g</sub> модова на моноклиничне A<sub>g</sub> и B<sub>g</sub> модове, утврђено је да до фазног прелаза долази на температури од 180 K. На температурата изнад температуре фазног прелаза не постоје доприноси ромбоедарске фазе, на основу чега је закључено да у кристалима CrI<sub>3</sub> не долази до коегзистенције две фазе у ширем температурском опсегу. Анализом симетрија

кристалних структура нискотемпературске и високотемпературске фазе одређена је група симетрије слоја  $P\bar{3}1/m$ . Резултати овог истраживања представљени су у публикацији:

- **S. Djurdjić Mijin**, A. Šolajić, J. Pešić, M. Šćepanović, Y. Liu, A. Baum, C. Petrović, N. Lazarević, and Z. V. Popović, *Lattice dynamics and phase transition in  $Crl_3$  single crystals*, Phys. Rev. B 98, 104307 (2018), DOI: 10.1103/PhysRevB.98.104307, ISSN: 2469-9950, IF (2018): 3,736 (M21)

Поларизовани рамански спектри слојевитих кристала  $VI_3$  добијени на 100 K анализирани су у сагласности са три предложене симетрије кристалне структуре:  $C2/m$ ,  $R\bar{3}$  и  $P\bar{3}1c$ . На основу поларизационе зависности модова, као и поређењем експерименталних резултата са DFT прорачунима, утврђено је да примећени фононски модови одговарају  $P\bar{3}1c$  симетрији кристалне решетке. Да би се утврдило зашто резултати Рамановог и XRD експеримента, рађени на истим узорцима, указују на различите симетрије кристалне решетке (на  $P\bar{3}1c$ , односно  $R\bar{3}$ ), урађена је PDF (функција дистрибуције пара) анализа резултата добијених у синхротронском XRD експерименту. Најбољи резултат добијен је коришћењем модела сачињеног од 75% доприноса дугодометно уређене  $R\bar{3}$  фазе и 25% краткодометно уређене  $P\bar{3}1c$  фазе. Овај резултат могуће је тумачити на два начина: коегзистенцију дугодоментног  $R\bar{3}$  и кракодоментног  $P\bar{3}1c$  уређења, или на насумично распоређене краткодометне  $P\bar{3}1c$  домене унутар дугодометне  $R\bar{3}$  кристалне решетке. Резултати овог истраживања представљени су у публикацији:

- **S. Djurdjić Mijin**, A.M. Milinda Abeykoon, A. Šolajić, A. Milosavljević, J. Pešić, Yu Liu, C. Petrović, Z. V. Popović, N. Lazarević, *Short-range order in  $VI_3$* , Inorg Chem. 59 (22):16265-16271 (2020), DOI: 10.1021/acs.inorgchem.0c02060, ISSN: 0020-1669, IF (2020): 5,165 (M21a)

Због изузетно богатог фазног дијаграма и чињенице да се три различити фазе таласа густине наелектрисања формирају на експериментално доступним температурама, утицај феномена таласа густине наелектрисања (CDW) на динамику решетке испитиван је у  $1T\text{-TaS}_2$ . Поређењем поларизованих раманских спектра несамерљиве CDW фазе са *ab initio* прорачунима за нормалну металну фазу  $1T\text{-TaS}_2$ , утврђено је да експериментални резултати одговарају прорачунима фононске густине стања, до чије пројекције долази због нарушења трансляционе инваријантности. Приликом преласка из приближно самерљиве у самерљиву, формира се суперструктура која је сачињена од упакованих тзв. „Давидових звезда“. На основу симетријске анализе и моделовања спектара снимљених на температури од 4 K, утврђено је да се у спектрима јавља 19  $A_g$  модова и 19  $E_g$  модова, што указује на тригоналан/хексагоналнан начин паковања „Давидових звезда“ у суперструктуру. У раманским спектрима приближно самерљиве фазе примећени су доприноси самерљиве и несамерљиве фазе, потврђујући претпоставку да је приближно самерљива фаза сачињена од самерљивих домена унутар несамерљиве структуре. Резултати експеримента електронског Рамановог расејања показали су да се поред отварања CDW процепа, у самерљивој фази отвара и Мотов процеп, као последица метал-изолатор прелаза. Процењена величина процепа од 170-190 meV у сагласности је са резултатима ARPES студија. Резултати овог истраживања представљени су у публикацији:

- **S. Djurdjić Mijin**, A. Baum, J. Bekaert, A. Šolajić, J. Pešić, Y. Liu, Ge He, M. V. Milošević, C. Petrović, Z. V. Popović, R. Hackl, and N. Lazarević, *Probing charge density wave phases and the Mott transition in  $1T\text{-TaS}_2$  by inelastic light scattering*. Physical Review B 103(24), 245133 (2021), DOI: 10.1103/PhysRevB.99.214304, ISSN: 2469-9950, IF (2020): 4,036 (M21)

## **4. Елементи за квалитативну оцену научног доприноса**

### **4.1 Квалитет научних резултата**

#### **4.1.1 Значај научних резултата**

У оквиру свог истраживања, др Сања Ђурђић Мијин испитивала је једне од првих квазидводимензионалних материјала у којима је потврђено магнетно уређење које опстаје до монослоја – CrI<sub>3</sub> и VI<sub>3</sub>. Циљ истраживања CrI<sub>3</sub> био је испитивање структурног фазног прелаза и његовог утицаја на динамику решетке овог слојевитог материјала. На основу добијених резултата утврђено је да у кристалима CrI<sub>3</sub> на темперури 180 K долази до фазног прелаз првог реда између нискотемпературске ромбоедарске и високотемпературске моноклиничне фазе. Коегзистенције фаза није примећена у ширем температурском опсегу. Главни циљ истраживања на запреминским кристалима VI<sub>3</sub> био је разрешење недоумица везаних за кристалну структуру овог материјала, с обзиром на то да су три различите рентгеноструктурне студије понудиле три могуће симетрије. Комбинујући резултате Раманове спектроскопије, DFT прорачуне и резултате PDF (функција дистрибуције пара) анализе података добијених у синхротронском XRD експерименту, утврђено је да је кристална структура VI<sub>3</sub> коегзистенција дугодоментног R3} и кракодометног P3}1c уређења, или да је сачињена од насумично распоређених краткодометних P3}1c домена унутар дугодометне R3} кристалне решетке.

Као материјал у коме долази до формирања таласа густине наелектрисања, али и до формирања суперпроводности, 1T-TaS<sub>2</sub> представља идеалну платформу за испитивање коегзистенције колективних електронских феномена. Како механизам формирања CDW-а није у потпуности разјашњен, ово истраживање било је фокусирано на испитивање свих CDW фаза које се јављају у 1T-TaS<sub>2</sub>, као и на уочени метал-изолатор прелаз до ког долази при формирању самерљиве (*commensurate*) CDW фазе. Добијени резултати показују да у раманским спектрима несамерљиве фазе долази до пројекције фононске густине стања, као последица нарушења транслационе симетрије у среде формирања CDW-а. Анализом раманских спектара самерљиве фазе пружен је одговор на дуго постојеће питање о начину паковања тзв. „Давидових звезда“ у CDW супер структуру. Утврђено је да је начин паковања тригоналан/ хексагоналан. Додатно, показано је да приближно самерљива фаза представља коегзистенцију самерљиве и несамерљиве фазе, односно да је приближно самерљива структура заправо несамерљива структура са насумично распоређеним самерљивим доменима. Резултати експеримента електронског Рамановог расејања показали су да поред отварања CDW процепа, у самерљивој фази долази до отварања додатног процепа као последица метал-изолатор прелаза. Овај процеп познат је као Мотов процеп. Процења величина процепа у доброј је сагласности са резултатима ARPES студија и износи 170-190 meV.

#### **4.1.2. Параметри квалитета часописа**

Кандидаткиња др Сања Ђурђић Мијин објавила је укупно четири рада у међународним часописима и то:

- 1 рад у међународном часопису изузетних вредности *Inorganic Chemistry* (ISSN: 0020-1669; IF (2020) = 5,165, SNIP (2020) = 1,113)
- 3 рада у врхунском међународном часопису *Physical Review B* (ISSN: 2469-9950; IF (2020) = 4.036, SNIP (2020) = 1,027)

Библиометријски показатељи сумирани су у табели.

	ИФ	М	СНИП
Укупно	17,27	34,00	4,19
Усредњено по чланку	4,32	8,50	1,05
Усредњено по аутору	1,80	3,56	0,44

#### 4.1.3. Позитивна цитираност научних радова

Према бази Scopus дана 24. априла 2022. године радови кандидаткиње цитирани су укупно 46 пута без аутоцитата. Према истој бази њен Хиршов индекс је 2. (Доказ у прилогу)

#### 4.1.4. Међународна сарадња

Међународне активности Сање Ђурђић Мијин обухватају учешће на билатералним пројектима Републике Србије и Немачке и пројекту ЕУ:

- 2015-2019 Horizon 2020: *Designing Advanced Functionalities through controlled NanoElement integration in Oxide thin films* (DAFNEOX), 645658
- 2019-2020 *Fluctuations, magnetic frustrations and sub-dominant pairing in iron based superconductors*, са Валтер Мајснер институтом у Минхену

#### 4.2. Нормирање броја коауторских радова

Сви радови др Сање Ђурђић Мијин су експерименталне природе и укључују сарадњу више институција. Сходно томе, број коаутора на појединим радовима је већи од 7. Нормирање М бодова у складу са Правилником Министарства о поступку, начину вредновања и квантитативном исказивању научноистраживачких резултата истраживача је укупан збир умањило са 43,5 на 32,06 бодова, што је и даље знатно више од захтеваног минимума (16) за избор у звање научни сарадник.

#### 5. Елементи за квантитативну оцену научног доприноса

Остварени резултати у периоду након одлуке Научног већа о предлогу за стицање претходног научног звања:

Категорија	М бодова по раду	Број радова	Укупно М бодова
M21a	10	1	10
M21	8	3	24
M34	0,5	7	3,5
M70	6	1	6

Поређење са минималним квантитативним условима за избор у звање научни сарадник:

М категорије	Услов	Остварено	Нормирано – остварено
Укупно	16	43,5	32,06
M10+M20+M31+M32+M33+M41+M42	10	37,5	26,06
M11+M12+M21+M22+M23	6	37,5	26,06

## 6. Списак научних радова

### Радови у међународним часописима изузетних вредности (M21a):

- **S. Djurdjić Mijin**, A.M. Milinda Abeykoon, A. Šolajić, A. Milosavljević, J. Pešić, Yu Liu, C. Petrović, Z. V. Popović, N. Lazarević, *Short-range order in  $VI_3$* , Inorg Chem. **59** (22):16265-16271 (2020), DOI: 10.1021/acs.inorgchem.0c02060, IF (2019): 4.852, ISSN: 0020-1669

### Радови у врхунским међународним часописима (M21):

- **S. Djurdjić Mijin**, A. Šolajić, J. Pešić, M. Šćepanović, Y. Liu, A. Baum, C. Petrović, N. Lazarević, and Z. V. Popović, Lattice dynamics and phase transition in  $Crl_3$  single crystals, Phys. Rev. **B** 98, 104307 (2018), DOI: 10.1103/PhysRevB.98.104307, IF (2018): 3.736, ISSN: 2469-9950
- A. Milosavljević, A. Šolajić, **S. Djurdjić Mijin**, J. Pešić, B. Višić, Yu Liu, C. Petrović, N. Lazarević, Z.V. Popović, *Lattice dynamics and phase transitions in  $Fe_{3-x}GeTe_2$* , Phys. Rev. **B** 99, 214304 (2019), DOI: 10.1103/PhysRevB.99.214304, IF (2018): 3.736, ISSN: 2469-9950
- **S. Djurdjić Mijin**, A. Baum, J. Bekaert, A. Šolajić, J. Pešić, Y. Liu, Ge He, M. V. Milošević, C. Petrović, Z. V. Popović, R. Hackl, and N. Lazarević, *Probing charge density wave phases and the Mott transition in 1T-TaS<sub>2</sub> by inelastic light scattering*. Physical Review **B** 103(24), 245133 (2021), DOI: 10.1103/PhysRevB.99.214304, IF (2018): 3.736, ISSN: 2469-9950

### Саопштења са међународног скупа штампана у изводу (категорија M34):

- **S. Djurdjić**, A. Šolajić, J. Pešić, M. Šćepanović, Y. Liu, A. Baum, Č. Petrović, N. Lazarević, Z. V. Popović, *Raman Spectroscopy Study on phase transition in  $Crl_3$  single crystals*, Seventeenth Young Researchers Conference – Materials Science and Engineering December 5-7, 2018, Belgrade, Serbia
- **S. Djurdjić Mijin**, A. Šolajić, J. Pešić, M. Šćepanović, Y. Liu, A. Baum, C. Petrović, N. Lazarević, and Z. V. Popović, *The Vibrational Properties of  $Crl_3$  Single Crystals*, The 20th Symposium on Condensed Matter Physics BOOK OF ABSTRACTS, pp. 21 - 21, Belgrade, 7. - 11. Oct, 2019
- A. Milosavljević, A. Šolajić, **S. Djurdjić Mijin**, J. Pešić, B. Višić, Y. Liu, C. Petrović, N. Lazarević, Z. V. Popović *Lattice dynamics and phase transitions in  $Fe_{3-x}GeTe_2$* , The 20th Symposium on Condensed Matter Physics BOOK OF ABSTRACTS, pp. 84 - 84, Belgrade, 7. - 11. Oct, 2019
- **S. Djurdjić Mijin**, J. Bekaert, A. Šolajić, J. Pešić, Y. Liu, M. V. Milosevic, C. Petrović, N. Lazarević, and Z. V. Popović, *Probing subsequent charge density waves in 1T-TaS<sub>2</sub> by inelastic light scattering*, Eighteenth Young Researchers Conference – Materials Science and Engineering December 4-6, 2019, Belgrade, Serbia

- **S. Djurdjić Mijin**, A. Baum, A. M. Milinda Abeykoon, J. Bekaert, A. Milosavljević, J. Pešić, M. Šćepanović, Y. Liu, Ge He, M. V Milošević, C. Petrovic, Z. V Popović, R. Hackl, N. Lazarević, *Raman Spectroscopy of quasi-two-dimensional materials*, Lattice-based Quantum Simulation 726. WE-Heraeus-Seminar, 29 November - 01 December 2021, Bad Honnef, Germany
- **S. Djurdjić Mijin**, AM Milinda Abeykoon, A. Šolajić, A. Milosavljević, J. Pešić, M. Šćepanović, Y. Liu, A. Baum, C. Petrovic, N. Lazarević, and Z. V Popović, *Raman Spectroscopy of Quasi-two-dimensional transition metal trihalides*, Nineteenth Young Researchers' Conference - Materials Science and Engineering, December 1-3, 2021,
- Ana Milosavljević, Andrijana Šolajić, **Sanja Đurđić Mijin**, Jelena Pešić, Bojana Višić, Yu Liu, Cedimir Petrovic, Zoran V. Popović, Nenad Lazarević, *Lattice dynamics and magnetism in  $Fe_{3-x}GeTe_2$* , Nineteenth Young Researchers' Conference - Materials Science and Engineering, December 1-3, 2021

## Lattice dynamics and phase transition in CrI<sub>3</sub> single crystals

S. Djurdjić-Mijin,<sup>1</sup> A. Šolajić,<sup>1</sup> J. Pešić,<sup>1</sup> M. Šćepanović,<sup>1</sup> Y. Liu (刘育),<sup>2</sup> A. Baum,<sup>3,4</sup> C. Petrović,<sup>2</sup> N. Lazarević,<sup>1</sup> and Z. V. Popović<sup>1,5</sup>

<sup>1</sup>Center for Solid State Physics and New Materials, Institute of Physics Belgrade, University of Belgrade, Pregrevica 118, 11080 Belgrade, Serbia

<sup>2</sup>Condensed Matter Physics and Materials Science Department, Brookhaven National Laboratory, Upton, New York 11973-5000, USA

<sup>3</sup>Walther Meissner Institut, Bayerische Akademie der Wissenschaften, 85748 Garching, Germany

<sup>4</sup>Fakultät für Physik E23, Technische Universität München, 85748 Garching, Germany

<sup>5</sup>Serbian Academy of Sciences and Arts, Knez Mihailova 35, 11000 Belgrade, Serbia



(Received 9 July 2018; published 18 September 2018)

The vibrational properties of CrI<sub>3</sub> single crystals were investigated using Raman spectroscopy and were analyzed with respect to the changes of the crystal structure. All but one mode are observed for both the low-temperature  $R\bar{3}$  and the high-temperature  $C2/m$  phase. For all observed modes the energies and symmetries are in good agreement with DFT calculations. The symmetry of a single layer was identified as  $p\bar{3}1/m$ . In contrast to previous studies we observe the transition from the  $R\bar{3}$  to the  $C2/m$  phase at 180 K and find no evidence for coexistence of both phases over a wide temperature range.

DOI: [10.1103/PhysRevB.98.104307](https://doi.org/10.1103/PhysRevB.98.104307)

### I. INTRODUCTION

Two-dimensional layered materials have gained attention due to their unique properties, the potential for a wide spectrum of applications, and the opportunity for the development of functional van der Waals heterostructures. CrI<sub>3</sub> is a member of the chromium-trihalide family which are ferromagnetic semiconductors [1]. Recently they have received significant attention as candidates for the study of magnetic monolayers. The experimental realization of CrI<sub>3</sub> ferromagnetic monolayers [1] motivated further efforts towards their understanding. CrI<sub>3</sub> features electric field controlled magnetism [2] as well as a strong magnetic anisotropy [3,4]. With the main absorption peaks lying in the visible part of the spectrum, it is a great candidate for low-dimensional semiconductor spintronics [5]. In its ground state, CrI<sub>3</sub> is a ferromagnetic semiconductor with a Curie temperature of 61 K [1,6] and a band gap of 1.2 eV [6]. It was demonstrated that the magnetic properties of CrI<sub>3</sub> mono- and bilayers can be controlled by electrostatic doping [2]. Upon cooling, CrI<sub>3</sub> undergoes a phase transition around 220 K from the high-temperature monoclinic ( $C2/m$ ) to the low-temperature rhombohedral ( $R\bar{3}$ ) phase [3,7]. Although the structural phase transition is reported to be first order, it was suggested that the phases may coexist over a wide temperature range [3]. Raman spectroscopy can be of use here due to its capability to simultaneously probe both phases in a phase-separated system [8–10].

A recent theoretical study predicted the energies of all Raman active modes in the low-temperature and high-temperature structure of CrI<sub>3</sub> suggesting a near degeneracy between the  $A_g$  and  $B_g$  modes in the monoclinic ( $C2/m$ ) structure. Their energies match the energies of  $E_g$  modes in the rhombohedral ( $R\bar{3}$ ) structure [7].

In this article we present an experimental and theoretical Raman scattering study of CrI<sub>3</sub> lattice dynamics. In both phases all but one of the respective modes predicted by

symmetry were observed. The energies for all modes are in good agreement with the theoretical predictions for the assumed crystal symmetry. Our data suggest that the first-order transition occurs at  $T_s \approx 180$  K without evidence for phase coexistence over a wide temperature range.

### II. EXPERIMENT AND NUMERICAL METHOD

The preparation of the single crystal CrI<sub>3</sub> sample used in this study is described elsewhere [11]. The Raman scattering experiment was performed using a Tri Vista 557 spectrometer in backscattering micro-Raman configuration with a 1800/1800/2400 grooves/mm diffraction grating combination. The 532 nm line of a Coherent Verdi G solid state laser was used for excitation. The direction of the incident light coincides with the crystallographic  $c$  axis. The sample was oriented so that its principal axis of the  $R\bar{3}$  phase coincides with the  $x$  axis of the laboratory system. A KONTI CryoVac continuous helium flow cryostat with a 0.5-mm-thick window was used for measurements at all temperatures under high vacuum ( $10^{-6}$  mbar). The sample was cleaved in air before being placed into the cryostat. The obtained Raman spectra were corrected by the Bose factor and analyzed quantitatively by fitting Voigt profiles to the data whereby the Gaussian width  $\Gamma_{\text{Gauss}} = 1 \text{ cm}^{-1}$  reflects the resolution of the spectrometer.

The spin polarized density functional theory (DFT) calculations have been performed in the Quantum Espresso (QE) software package [12] using the Perdew-Burke-Ernzerhof (PBE) exchange-correlation functional [13] and PAW pseudopotentials [14,15]. The energy cutoffs for the wave functions and the charge density were set to be 85 and 425 Ry, respectively, after convergence tests. For  $k$ -point sampling, the Monkhorst-Pack scheme was used with a  $8 \times 8 \times 8$  grid centered around the  $\Gamma$  point. Optimization of the atomic positions in the unit cell was performed until the interatomic forces

were smaller than  $10^{-6}$  Ry/Å. To treat the van der Waals (vdW) interactions a Grimme-D2 correction [16] is used in order to include long-ranged forces between the layers, which are not properly captured within LDA or GGA functionals. This way, the parameters are obtained more accurately, especially the interlayer distances. Phonon frequencies were calculated at the  $\Gamma$  point using the linear response method implemented in QE. The phonon energies are compiled in Table III together with the experimental values. The eigenvectors of the Raman active modes for both the low- and high-temperature phase are depicted in Fig. 5 of the Appendix.

### III. RESULTS AND DISCUSSION

$\text{CrI}_3$  adopts a rhombohedral  $R\bar{3}$  ( $C_{3i}^2$ ) crystal structure at low temperatures and a monoclinic  $C2/m$  ( $C_{2h}^3$ ) crystal structure at room temperature [3], as shown in Fig. 1. The main difference between the high- and low-temperature crystallographic space groups arises from different stacking sequences with the  $\text{CrI}_3$  layers being almost identical. In the rhombohedral structure the Cr atoms in one layer are placed above the center of a hole in the Cr honeycomb net of the two adjacent layers. When crossing the structural phase transition at  $T_s$  to the monoclinic structure the layers are displaced along the  $a$  direction so that every fourth layer is at the same place as the first one. The interatomic distances, mainly the interlayer distance, and the vdW gap, are slightly changed by the structural transition. The crystallographic parameters for both phases are presented in Table I. The numerically obtained values are in good agreement with reported x-ray diffraction data [11].

The vibrational properties of layered materials are typically dominated by the properties of the single layers composing the crystal. The symmetry of a single layer can be described by one of the 80 diperiodic space groups (DG) obtained by

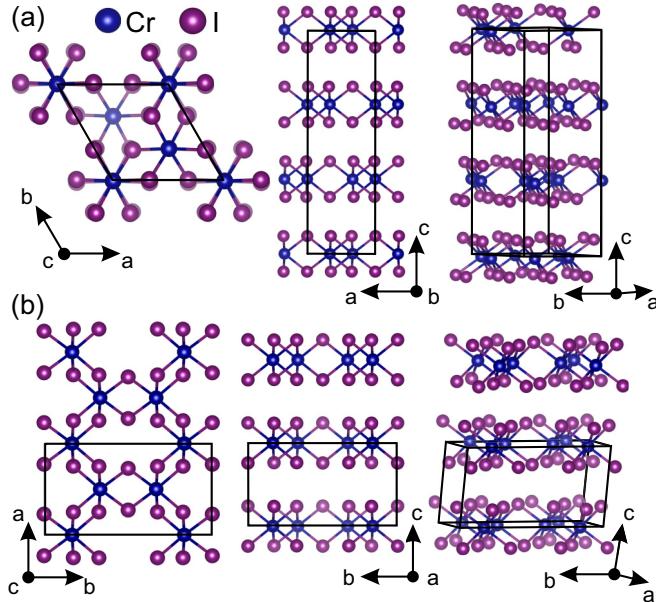


FIG. 1. Schematic representation of (a) the low-temperature  $R\bar{3}$  and (b) the high-temperature  $C2/m$  crystal structure of  $\text{CrI}_3$ . Black lines represent unit cells.

TABLE I. Calculated and experimental [11] parameters of the crystallographic unit cell for the low-temperature  $R\bar{3}$  and high-temperature  $C2/m$  phase of  $\text{CrI}_3$ .

$T$ (K)	Space group $R\bar{3}$		Space group $C2/m$	
	Calc.	Expt. [11]	Calc.	Expt. [11]
$a$ (Å)	6.87	6.85	6.866	6.6866
$b$ (Å)	6.87	6.85	11.886	11.856
$c$ (Å)	19.81	19.85	6.984	6.966
$\alpha$ (deg)	90	90	90	90
$\beta$ (deg)	90	90	108.51	108.68
$\gamma$ (deg)	120	120	90	90

lifting translational invariance in the direction perpendicular to the layer [17]. In the case of  $\text{CrI}_3$ , the symmetry analysis revealed that the single layer structure is fully captured by the  $p\bar{3}1/m$  ( $D_{3d}^1$ ) diperiodic space group DG71, rather than by  $R\bar{3}2/m$  as proposed in Ref. [7].

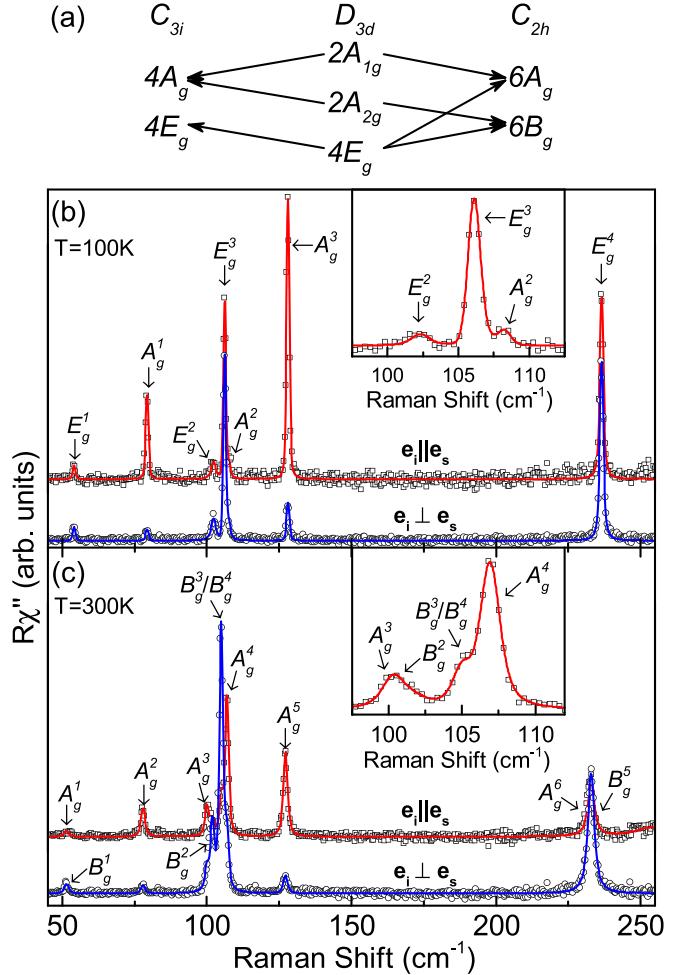


FIG. 2. (a) Compatibility relations for the  $\text{CrI}_3$  layer and the crystal symmetries. Raman spectra of (b) the low-temperature  $R\bar{3}$  and (c) the high-temperature  $C2/m$  crystal structure measured in parallel (open squares) and crossed (open circles) polarization configurations at 100 and 300 K, respectively. Red and blue solid lines represent fits of Voigt profiles to the experimental data.

TABLE II. Wyckoff positions of the two types of atoms and their contributions to the  $\Gamma$ -point phonons for the  $R\bar{3}$  and  $C2/m$  as well as the  $p\bar{3}1/m$  diperiodic space group. The second row shows the Raman tensors for the corresponding space groups.

Space group $R\bar{3}$		Diperiodic space group $p\bar{3}1/m$		Space group: $C2/m$	
Atoms	Irreducible representations	Atoms	Irreducible representations	Atoms	Irreducible representations
Cr (6c)	$A_g + A_u + E_g + E_u$	Cr (2c)	$A_{2g} + A_{2u} + E_g + E_u$	Cr (4g)	$A_g + A_u + 2B_g + 2B_u$
I (18f)	$3A_g + 3A_u + 3E_g + 3E_u$	I (6k)	$2A_{1g} + A_{1u} + A_{2g} + 2A_{2u} + 3E_g + 3E_u$	I (4i)	$2A_g + 2A_u + B_g + B_u$
				I (8j)	$3A_g + 3A_u + 3B_g + 3B_u$
	$A_g = \begin{pmatrix} a & & \\ & a & \\ & & b \end{pmatrix}$		$A_{1g} = \begin{pmatrix} a & & \\ & a & \\ & & b \end{pmatrix}$		$A_g = \begin{pmatrix} a & d \\ c & \\ d & b \end{pmatrix}$
	$^1E_g = \begin{pmatrix} c & d & e \\ d & -c & f \\ e & f & \end{pmatrix}$	$^2E_g = \begin{pmatrix} d & -c & -f \\ -c & -d & e \\ -f & e & \end{pmatrix}$	$^1E_g = \begin{pmatrix} c & & \\ & -c & d \\ & d & \end{pmatrix}$	$^2E_g = \begin{pmatrix} & -c & -d \\ -c & & \\ -d & e & \end{pmatrix}$	$B_g = \begin{pmatrix} e & \\ f & \end{pmatrix}$

According to the factor group analysis (FGA) for a single CrI<sub>3</sub> layer, six modes ( $2A_{1g} + 4E_g$ ) are expected to be observed in the Raman scattering experiment (see Table II). By stacking the layers the symmetry is reduced and, depending on the stacking sequence, FGA yields a total of eight Raman active modes ( $4A_g + 4E_g$ ) for the  $R\bar{3}$  and 12 Raman active modes ( $6A_g + 6B_g$ ) for the  $C2/m$  crystal symmetry. The correlation between layer and crystal symmetries for both cases is shown in Fig. 2(a) [18,19].

Figure 2(b) shows the CrI<sub>3</sub> single crystal Raman spectra measured at 100 K in two scattering channels. According to the selection rules for the rhombohedral crystal structure (Table II) the  $A_g$  modes can be observed only in the parallel polarization configuration, whereas the  $E_g$  modes appear in both parallel and crossed polarization configurations. Based on the selection rules the peaks at about 78, 108, and 128 cm<sup>-1</sup> were identified as  $A_g$  symmetry modes, whereas the peaks at about 54, 102, 106, and 235 cm<sup>-1</sup> are assigned as  $E_g$  symmetry. The weak observation of the most pronounced  $A_g$  modes in crossed polarizations [Fig. 2(b)] is attributed to

the leakage due to a slight sample misalignment and/or the presence of defects in the crystal. The energies of all observed modes are compiled in Table III together with the energies predicted by our calculations and by Ref. [7], and are found to be in good agreement for the  $E_g$  modes. The discrepancy is slightly larger for the low energy  $A_g$  modes. Our calculations in general agree with those from Ref. [7]. The  $A_g^4$  mode of the rhombohedral phase, predicted by calculation to appears at about 195 cm<sup>-1</sup>, was not observed in the experiment, most likely due to its low intensity.

When the symmetry is lowered in the high-temperature monoclinic  $C2/m$  phase [Fig. 2(c)] the  $E_g$  modes split into an  $A_g$  and a  $B_g$  mode each, whereas the rhombohedral  $A_g^2$  and  $A_g^4$  modes are predicted to switch to the monoclinic  $B_g$  symmetry. The correspondence of the phonon modes across the phase transition is indicated by the arrows in Table III. The selection rules for  $C2/m$  (see Table II) predict that  $A_g$  and  $B_g$  modes can be observed in both parallel and crossed polarization configurations. Additionally, the sample forms three types of domains which are rotated with respect to each other. We

TABLE III. Phonon symmetries and phonon energies for the low-temperature  $R\bar{3}$  and high-temperature  $C2/m$  phase of CrI<sub>3</sub>. The experimental values were determined at 100 and 300 K, respectively. All calculations were performed at zero temperature. Arrows indicate the correspondence of the phonon modes across the phase transition.

Space group $R\bar{3}$				Space group $C2/m$				
Symm.	Expt. (cm <sup>-1</sup> )	Calc. (cm <sup>-1</sup> )	Calc. (cm <sup>-1</sup> ) [7]	Symm.	Expt. (cm <sup>-1</sup> )	Calc. (cm <sup>-1</sup> )	Calc. [7] (cm <sup>-1</sup> )	
$E_g^1$	54.1	59.7	53	$\nearrow\searrow$	$B_g^1$	52.0	57.0	52
$A_g^1$	73.33	89.6	79	$\longrightarrow$	$A_g^1$	53.6	59.8	51
$E_g^2$	102.3	99.8	98	$\nearrow\searrow$	$A_g^2$	78.6	88.4	79
$E_g^3$	106.2	112.2	102	$\nearrow\searrow$	$A_g^3$	101.8	101.9	99
$A_g^2$	108.3	98.8	88	$\longrightarrow$	$B_g^2$	102.4	101.8	99
$A_g^3$	128.1	131.1	125	$\longrightarrow$	$B_g^3$	106.4 <sup>a</sup>	108.9	101
$A_g^4$	—	195.2	195	$\longrightarrow$	$A_g^4$	108.3	109.3	102
$E_g^4$	236.6	234.4	225	$\nearrow\searrow$	$B_g^4$	106.4 <sup>a</sup>	97.8	86
					$A_g^5$	128.2	131.7	125
					$B_g^5$	—	198.8	195
					$A_g^6$	234.6	220.1	224
					$B_g^6$	235.5	221.1	225

<sup>a</sup>Observed as two peak structure.

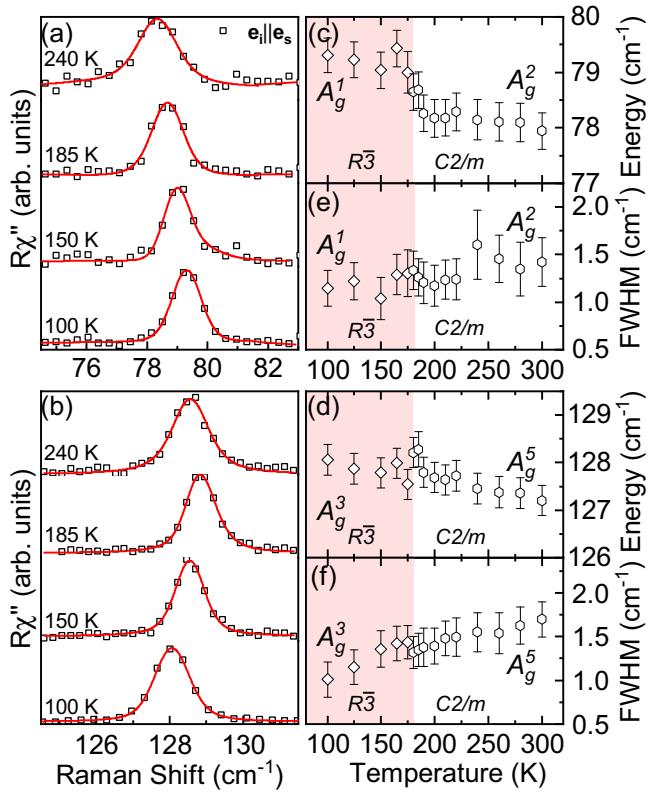


FIG. 3. Temperature dependence of the  $A_g^1$  and  $A_g^3$  phonon modes of the rhombohedral structure and the corresponding  $A_g^2$  and  $A_g^5$  modes of the monoclinic structure, respectively. (a) and (b) Raman spectra at temperatures as indicated. The spectra are shifted for clarity. Solid red lines represent Voigt profiles fitted to the data. (c) and (d) and (e) and (f) Temperature dependence of the phonon energies and linewidths, respectively. Both modes show an abrupt change in energy at the phase transition at 180 K.

therefore identify the phonons in the  $C2/m$  phase in relation to the calculations and find again good agreement of the energies. The  $B_g^3$  and  $B_g^4$  modes overlap and therefore cannot be resolved separately. As can be seen from the temperature dependence shown below [Fig. 4(b)] the peak at 106 cm<sup>-1</sup> broadens and gains spectral weight in the monoclinic phase in line with the expectation that two modes overlap. The missing rhombohedral  $A_g^4$  mode corresponds to the monoclinic  $B_g^5$  mode, which is likewise absent in the spectra.

The temperature dependence of the observed phonons is shown in Figs. 3 and 4. In the low-temperature rhombohedral phase all four  $E_g$  modes as well as  $A_g^1$  and  $A_g^2$  soften upon warming, whereas  $A_g^3$  hardens up to  $T \approx 180$  K before softening again. Crossing the first-order phase transition from  $R\bar{3}$  to  $C2/m$  crystal symmetry is reflected in the spectra as a symmetry change and/or renormalization for the non-degenerate modes and lifting of the degeneracy of the  $E_g$  modes as shown in Table II. In our samples, this transition is observed at  $T_s \approx 180$  K. The splitting of the  $E_g$  phonons into  $A_g$  and  $B_g$  modes at the phase transition is sharp (Fig. 4). The rhombohedral  $A_g^1$  and  $A_g^3$  phonons show a jump in energy and a small discontinuity in the linewidth at  $T_s$  (Fig. 3). Our spectra were taken during warming in multiple runs after

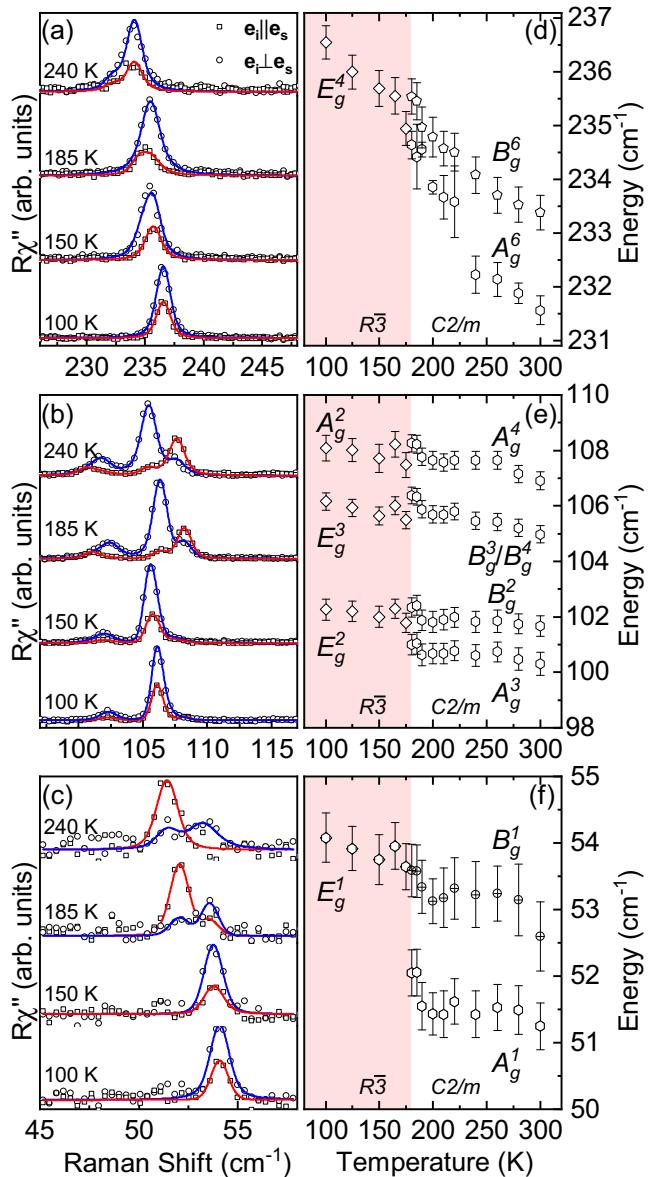


FIG. 4. Temperature dependence of the rhombohedral  $A_g^4$  and  $E_g$  modes. (a)–(c) Raman spectra in parallel (open squares) and crossed (open circles) light polarizations at temperatures as indicated. The spectra are shifted for clarity. Blue and red solid lines are fits of Voigt profiles to the data. Two spectra were analyzed simultaneously in two scattering channels with the integrated intensity as the only independent parameter. (d)–(f) Phonon energies obtained from the Voigt profiles. Each  $E_g$  mode splits into an  $A_g$  and a  $B_g$  mode above 180 K.

cooling to 100 K each time. We found that the temperature dependence for the phonon modes obtained this way was smooth in each phase. McGuire *et al.* [3,20] reported  $T_s$  in the range of 220 K, a coexistence of both phases and a large thermal hysteresis. However, they also noted that the first and second warming cycle showed identical behavior and only found a shift of the transition temperature to higher values for cooling cycles. We therefore consider the difference between the reported transition around 220 K and our  $T_s \approx 180$  K significant. To some extent this difference may be attributed

to local heating by the laser. More importantly, we find no signs of phase coexistence in the observed temperature range. The spectra for the low-temperature and high-temperature phases are distinctly different (Fig. 2) and the  $E_g$  modes exhibit a clearly resolved splitting which occurs abruptly at  $T_s$ . We performed measurements in small temperature steps (see Figs. 3 and 4). This limits the maximum temperature interval where the phase coexistence could occur in our samples to approximately 5 K, much less than the roughly 30 to 80 K reported earlier [3,20]. We cannot exclude the possibility that a small fraction of the low-temperature phase could still

coexist with the high-temperature phase over a wider temperature range, whereby weak peaks corresponding to the remains of the low-temperature  $R\bar{3}$  phase might be hidden under the strong peaks of the  $C2/m$  phase.

#### IV. CONCLUSION

We studied the lattice dynamics in single crystalline CrI<sub>3</sub> using Raman spectroscopy supported by numerical calculations. For both the low-temperature  $R\bar{3}$  and the high-temperature  $C2/m$  phase, all except one of the predicted

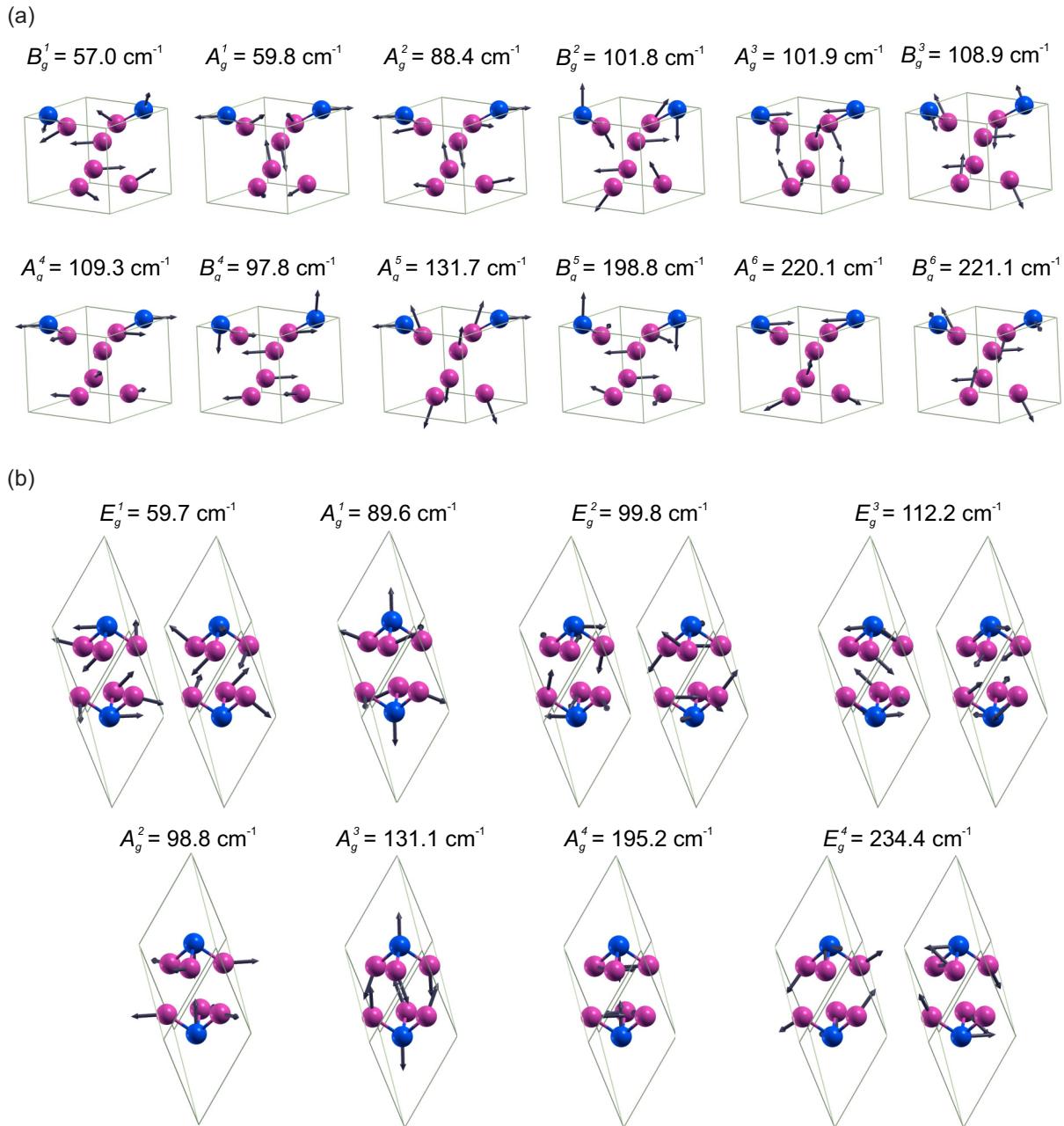


FIG. 5. Raman-active phonons in CrI<sub>3</sub> for (a) the monoclinic phase hosting  $A_g$  and  $B_g$  modes and for (b) the rhombohedral phase hosting  $A_g$  and  $E_g$  modes. Blue and violet spheres denote Cr and I atoms, respectively. Solid lines represent primitive unit cells. Arrow lengths are proportional to the square root of the interatomic forces. The given energies are calculated for zero temperature.

phonon modes were identified and the calculated and experimental phonon energies were found to be in good agreement. We determined that the symmetry of the single CrI<sub>3</sub> layers is  $p\bar{3}1/m$ . Abrupt changes to the spectra were found at the first-order phase transition which was located at  $T_s \approx 180$  K, lower than in previous studies. In contrast to the prior reports we found no sign of phase coexistence over temperature ranges exceeding 5 K.

## ACKNOWLEDGMENTS

The work was supported by the Serbian Ministry of Education, Science and Technological Development under Projects No. III45018 and No. OI171005. DFT calculations were performed using computational resources at Johannes Kepler University, Linz, Austria. Work at Brookhaven is supported by the U.S. DOE under Contract No. DE-SC0012704.

S.Dj.M. and N.L. conceived the experiment, performed the experiment, analyzed and discussed the data, and wrote the paper. A.Š. and J.P. calculated the phonon energies, analyzed and discussed the data, and wrote the paper. Y.L. and C.P. synthesized and characterized the samples. M.Š. performed the experiment and analyzed and discussed the data. A.B. and Z.V.P. analyzed and discussed the data and wrote the paper. All authors commented on the manuscript.

## APPENDIX: EIGENVECTORS

In addition to the phonon energies we also calculated the phonon eigenvectors which are shown in Fig. 5(a) for the high-temperature monoclinic phase and in Fig. 5(b) for the low-temperature rhombohedral phase. The energies, as given, are calculated for zero temperature. The relative displacement of the atoms is denoted by the length of the arrows.

- 
- [1] E. Navarro-Moratalla, B. Huang, G. Clark *et al.*, Layer-dependent ferromagnetism in a van der Waals crystal down to the monolayer limit, *Nature (London)* **546**, 270 (2017).
  - [2] S. Jiang, L. Li, Z. Wang, K. F. Mak, and J. Shan, Controlling magnetism in 2D CrI<sub>3</sub> by electrostatic doping, *Nat. Nanotechnol.* **13**, 549 (2018).
  - [3] M. A. McGuire, H. Dixit, V. R. Cooper, and B. C. Sales, Coupling of crystal structure and magnetism in the layered, ferromagnetic insulator CrI<sub>3</sub>, *Chem. Mater.* **27**, 612 (2015).
  - [4] J. L. Ladno and J. Fernández-Rossier, On the origin of magnetic anisotropy in two dimensional CrI<sub>3</sub>, *2D Mater.* **4**, 035002 (2017).
  - [5] W.-B. Zhang, Q. Qu, P. Zhu, and C.-H. Lam, Robust intrinsic ferromagnetism and half semiconductivity in stable two-dimensional single-layer chromium trihalides, *J. Mater. Chem. C* **3**, 12457 (2015).
  - [6] J. F. Dillon, Jr. and C. E. Olson, Magnetization, resonance, and optical properties of the ferromagnet CrI<sub>3</sub>, *J. Appl. Phys.* **36**, 1259 (1965).
  - [7] D. T. Larson and E. Kaxiras, Raman Spectrum of CrI<sub>3</sub>: An *ab initio* study, *Phys. Rev. B* **98**, 085406 (2018).
  - [8] N. Lazarević, M. Abeykoon, P. W. Stephens, H. Lei, E. S. Bozin, C. Petrovic, and Z. V. Popović, Vacancy-induced nanoscale phase separation in K<sub>x</sub>Fe<sub>2-y</sub>Se<sub>2</sub> single crystals evidenced by Raman scattering and powder x-ray diffraction, *Phys. Rev. B* **86**, 054503 (2012).
  - [9] H. Ryu, M. Abeykoon, K. Wang, H. Lei, N. Lazarević, J. B. Warren, E. S. Bozin, Z. V. Popovic, and C. Petrovic, Insulating and metallic spin glass in Ni-doped K<sub>x</sub>Fe<sub>2-y</sub>Se<sub>2</sub> single crystals, *Phys. Rev. B* **91**, 184503 (2015).
  - [10] H. Ryu, K. Wang, M. Opacic, N. Lazarevic, J. B. Warren, Z. V. Popovic, E. S. Bozin, and C. Petrovic, Sustained phase separation and spin glass in Co-doped K<sub>x</sub>Fe<sub>2-y</sub>Se<sub>2</sub> single crystals, *Phys. Rev. B* **92**, 174522 (2015).
  - [11] Y. Liu and C. Petrovic, Three-dimensional magnetic critical behavior in CrI<sub>3</sub>, *Phys. Rev. B* **97**, 014420 (2018).
  - [12] P. Giannozzi, S. Baroni, N. Bonini, M. Calandra, R. Car, C. Cavazzoni, D. Ceresoli, G. L. Chiarotti, M. Cococcioni, I. Dabo, A. D. Corso, S. de Gironcoli, S. Fabris, G. Fratesi, R. Gebauer, U. Gerstmann, C. Gougoussis, A. Kokalj, M. Lazzeri, L. Martin-Samos, N. Marzari, F. Mauri, R. Mazzarello, S. Paolini, A. Pasquarello, L. Paulatto, C. Sbraccia, S. Scandolo, G. Sclauzero, A. P. Seitsonen, A. Smogunov, P. Umari, and R. M. Wentzcovitch, Quantum espresso: A modular and open-source software project for quantum simulations of materials, *J. Phys. Condens. Matter* **21**, 395502 (2009).
  - [13] J. P. Perdew, K. Burke, and M. Ernzerhof, Generalized Gradient Approximation Made Simple, *Phys. Rev. Lett.* **77**, 3865 (1996).
  - [14] P. E. Blöchl, Projector augmented-wave method, *Phys. Rev. B* **50**, 17953 (1994).
  - [15] G. Kresse and D. Joubert, From ultrasoft pseudopotentials to the projector augmented-wave method, *Phys. Rev. B* **59**, 1758 (1999).
  - [16] S. Grimme, Semiempirical GGA-type density functional constructed with a long-range dispersion correction, *J. Comput. Chem.* **27**, 1787 (2006).
  - [17] E. A. Wood, The 80 diperiodic groups in three dimensions, *Bell Syst. Tech. J.* **43**, 541 (1964).
  - [18] W. G. Fateley, N. T. McDevitt, and F. F. Bentley, Infrared and raman selection rules for lattice vibrations: The correlation method, *Appl. Spectrosc.* **25**, 155 (1971).
  - [19] N. Lazarević, Z. V. Popović, R. Hu, and C. Petrovic, Evidence of coupling between phonons and charge-density waves in ErTe<sub>3</sub>, *Phys. Rev. B* **83**, 024302 (2011).
  - [20] M. A. McGuire, G. Clark, S. KC, W. M. Chance, G. E. Jellison, V. R. Cooper, X. Xu, and B. C. Sales, Magnetic behavior and spin-lattice coupling in cleavable van der Waals layered CrCl<sub>3</sub> crystals, *Phys. Rev. Mater.* **1**, 014001 (2017).

## Lattice dynamics and phase transitions in $\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$

A. Milosavljević,<sup>1</sup> A. Šolajić,<sup>1</sup> S. Djurdjić-Mijin,<sup>1</sup> J. Pešić,<sup>1</sup> B. Višić,<sup>1</sup> Yu Liu (刘育),<sup>2</sup> C. Petrović,<sup>2</sup> N. Lazarević,<sup>1</sup> and Z. V. Popović<sup>1,3</sup>

<sup>1</sup>Center for Solid State Physics and New Materials, Institute of Physics Belgrade, University of Belgrade, Pregrevica 118, 11080 Belgrade, Serbia

<sup>2</sup>Condensed Matter Physics and Materials Science Department, Brookhaven National Laboratory, Upton, New York 11973-5000, USA

<sup>3</sup>Serbian Academy of Sciences and Arts, Knez Mihailova 35, 11000 Belgrade, Serbia



(Received 23 April 2019; published 17 June 2019)

We present Raman spectroscopy measurements of the van der Waals bonded ferromagnet  $\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$ , together with lattice dynamics. Four out of eight Raman active modes are observed and assigned, in agreement with numerical calculations. The energies and linewidths of the observed modes display an unconventional temperature dependence at about 150 and 220 K, followed by the nonmonotonic evolution of the Raman continuum. Whereas the former can be related to the magnetic phase transition, the origin of the latter anomaly remains an open question.

DOI: [10.1103/PhysRevB.99.214304](https://doi.org/10.1103/PhysRevB.99.214304)

### I. INTRODUCTION

A novel class of magnetism hosting van der Waals bonded materials has recently become of great interest, since the materials are suitable candidates for numbers of technical applications [1–5]. Whereas  $\text{Cr}X\text{Te}_3$  ( $X = \text{Si}, \text{Ge}, \text{Sn}$ ) and  $\text{Cr}X_3$  ( $X = \text{Cl}, \text{Br}, \text{I}$ ) classes maintain low phase transition temperatures [1,6–9] even in a monolayer regime [10],  $\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$  has a high bulk transition temperature, between 220 and 230 K [11,12], making it a promising applicant.

The  $\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$  crystal structure consists of  $\text{Fe}_{3-x}\text{Ge}$  sub-layers stacked between two sheets of Te atoms, and a van der Waals gap between neighboring Te layers [13,14]. Although the structure contains two different types of Fe atoms, it is revealed that vacancies take place only in the Fe2 sites [13,15].

Neutron diffraction, thermodynamic and transport measurements, and Mössbauer spectroscopy were used to analyze the magnetic and functional properties of  $\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$ , with an Fe atom deficiency of  $x \approx 0.1$  and  $T_C = 225$  K. It is revealed that at a temperature of 1.5 K, magnetic moments of  $1.95(5)\mu_B$  and  $1.56(4)\mu_B$  are directed along the easy magnetic  $c$  axes [16]. In chemical vapor transport (CVD) grown  $\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$  single crystals, besides the ferromagnetic (FM)-paramagnetic (PM) transition at a temperature of 214 K, FM layers order antiferromagnetically at 152 K [17]. Close to a ferromagnetic transition temperature of 230 K, a possible Kondo lattice behavior, i.e., coupling of traveling electrons and periodically localized spins, is indicated at  $T_K = 190 \pm 20$  K, which is in good agreement with theoretical predictions of 222 K [18].

Lattice parameters, as well as the magnetic transition temperature, vary with Fe ion concentration. Lattice parameters  $a$  and  $c$  follow the opposite trend, whereas the Curie temperature  $T_C$  decreases with an increase of Fe ion concentration [15]. For flux-grown crystals, the critical behavior was investigated by bulk dc magnetization around the ferromagnetic phase transition temperature of 152 K [13]. The anomalous Hall effect was also studied, where a significant amount of defects produces bad metallic behavior [19].

Theoretical calculations predict a dynamical stability of  $\text{Fe}_3\text{GeTe}_2$  single-layer, uniaxial magnetocrystalline anisotropy that originates from spin-orbit coupling [20]. Recently, anomalous Hall effect measurements on single-crystalline metallic  $\text{Fe}_3\text{GeTe}_2$  nanoflakes with different thicknesses are reported, with a  $T_C$  near 200 K and strong perpendicular magnetic anisotropy [21].

We report  $\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$  single-crystal lattice dynamic calculations, together with Raman spectroscopy measurements. Four out of eight Raman active modes were observed and assigned. Phonon energies are in a good agreement with theoretical predictions. Analyzed phonon energies and linewidths reveal fingerprint of a ferromagnetic phase transition at a temperature around 150 K. Moreover, discontinuities in the phonon properties are found at temperatures around 220 K. Consistently, in the same temperature range, the Raman continuum displays nonmonotonic behavior.

### II. EXPERIMENT AND NUMERICAL METHOD

$\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$  single crystals were grown by the self-flux method as previously described [13]. Samples for scanning electron microscopy (SEM) were cleaved and deposited on graphite tape. Energy dispersive spectroscopy (EDS) maps were collected using a FEI Helios NanoLab 650 instrument equipped with an Oxford Instruments EDS system, equipped with an X-max SSD detector operating at 20 kV. The surface of the as-cleaved  $\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$  crystal appears to be uniform for several tens of microns in both directions, as shown in Fig. 4 of Appendix A. Additionally, the elemental composition maps of Fe, Ge, and Te show a distinctive homogeneity of all the three elements (Fig. 5 of Appendix A).

For Raman scattering experiments, a Tri Vista 557 spectrometer was used in the backscattering micro-Raman configuration. As an excitation source, a solid state laser with a 532 nm line was used. In our scattering configuration, the plane of incidence is the  $ab$  plane, where  $|a| = |b|$  ( $\angle(a, b) = 120^\circ$ ), with the incident (scattered) light propagation direction

TABLE I. Top panel: The type of atoms, Wyckoff positions, each site's contribution to the phonons in the  $\Gamma$  point, and corresponding Raman tensors for the  $P6_3/mmc$  space group of  $\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$ . Bottom panel: Phonon symmetry, calculated optical Raman active phonon frequencies (in  $\text{cm}^{-1}$ ) for the magnetic (M) phase, and experimental values for Raman active phonons at 80 K.

Space group $P6_3/mmc$ (No. 194)			
		Raman tensors	
Fe1 (4e)		$A_{1g} + E_{1g} + E_{2g} + A_{2u} + E_{1u}$	
Fe2 (2c)		$E_{2g} + A_{2u} + E_{1u}$	
Ge (2d)		$E_{2g} + A_{2u} + E_{1u}$	
Te (2c)		$A_{1g} + E_{1g} + E_{2g} + A_{2u} + E_{1u}$	
Raman active modes			
Symmetry	Calculations (M)	Experiment (M)	
$E_{2g}^1$	50.2		
$E_{1g}^1$	70.3		
$E_{2g}^2$	122.2	89.2	
$A_{1g}^1$	137.2	121.1	
$E_{1g}^2$	209.5		
$E_{2g}^3$	228.6	214.8	
$A_{1g}^2$	233.4	239.6	
$E_{2g}^4$	334.3		

along the  $c$  axes. Samples were cleaved in the air, right before being placed in the vacuum. All the measurements were performed in the high vacuum ( $10^{-6}$  mbar) using a KONTI CryoVac continuous helium flow cryostat with a 0.5 mm thick window. To achieve laser beam focusing, a microscope objective with  $\times 50$  magnification was used. A Bose factor correction of all spectra was performed. More details can be found in Appendix C.

Density functional theory (DFT) calculations were performed with the QUANTUM ESPRESSO (QE) software package [22]. We used the projector augmented-wave (PAW) pseudopotentials [23,24] with the Perdew-Burke-Ernzerhof (PBE) exchange-correlation functional [25]. The electron wave function and charge density cutoffs of 64 and 782 Ry were chosen, respectively. The  $k$  points were sampled using the Monkhorst-Pack scheme, with an  $8 \times 8 \times 4$   $\Gamma$ -centered grid. Both magnetic and nonmagnetic calculations were performed, using the experimentally obtained lattice parameters and the calculated values obtained by relaxing the theoretically proposed structure. In order to obtain the lattice parameters accurately, a treatment of the van der Waals interactions is introduced. The van der Waals interaction was included in all calculations using the Grimme-D2 correction [26]. Phonon frequencies in the  $\Gamma$  point are calculated within the linear response method implemented in QE.

### III. RESULTS AND DISCUSSION

$\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$  crystallizes in a hexagonal crystal structure, described with the  $P6_3/mmc$  ( $D_{6h}^4$ ) space group. The atom type, site symmetry, each site's contribution to the phonons

in the  $\Gamma$  point, and corresponding Raman tensors for the  $P6_3/mmc$  space group are presented in Table I.

Calculated displacement patterns of Raman active modes, which can be observed in our scattering configuration, are presented in Fig. 1(a). Since the Raman tensor of the  $E_{1g}$  mode contains only the  $z$  component (Table I), by selection rules, it cannot be detected when measuring from the  $ab$  plane in the backscattering configuration. Whereas  $A_{1g}$  modes include vibrations of Fe and Te ions along the  $c$  axis,  $E_{2g}$  modes include in-plane vibrations of all four atoms. The Raman spectra of  $\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$  in the magnetic phase (M), at 80 K, and nonmagnetic phase (NM), at 280 K, in a parallel scattering configuration ( $\mathbf{e}_i \parallel \mathbf{e}_s$ ), are presented in Fig. 1(b). As it can be seen, four peaks at 89.2, 121.1, 214.8, and 239.6  $\text{cm}^{-1}$  can be clearly observed at 80 K. According to numerical calculations (see Table I), peaks at 89.2 and 239.6  $\text{cm}^{-1}$  correspond to two out of four  $E_{2g}$  modes, whereas peaks at 121.1 and 239.6  $\text{cm}^{-1}$  can be assigned as two  $A_{1g}$  symmetry modes. One should note that numerical calculations performed by using experimentally obtained lattice parameters in the magnetic phase yield a better agreement with experimental values. This is not surprising since the calculations are performed for the stoichiometric compound as opposed to the nonstoichiometry of the sample. Furthermore, it is known that lattice parameters strongly depend on the Fe atom deficiency [15]. All calculated Raman and infrared phonon frequencies, for the magnetic and nonmagnetic phase of  $\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$ , using relaxed and experimental lattice parameters, together with experimentally observed Raman active modes, are summarized in Table II of Appendix D.

After assigning all observed modes we focused on their temperature evolution. Having in mind finite instrumental

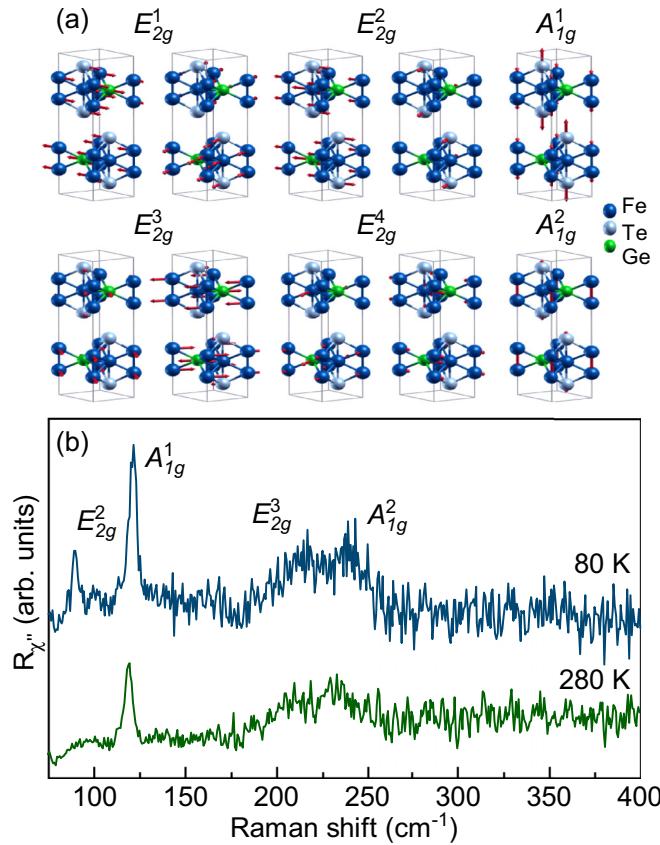


FIG. 1. (a) Displacement patterns of  $A_{1g}$  and  $E_{2g}$  symmetry modes. (b) Raman spectra of  $\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$  single crystal measured at different temperatures in a parallel polarization configuration.

broadening, the Voigt line shape was used for the data analysis [27,28]. The modeling procedure is described in detail in Appendix B and presented in Fig. 6. Figure 2 shows the temperature evolution of the energy and linewidth of the  $A_{1g}^1$ ,  $E_{2g}^3$ , and  $A_{1g}^2$  modes between 80 and 300 K. Upon heating the sample, both the energy and linewidth of  $A_{1g}^1$  and  $A_{1g}^2$  symmetry modes exhibit a small but sudden discontinuity at about 150 K [Figs. 2(a) and 2(e)]. An apparent discontinuity in energy of all analyzed Raman modes is again present at temperatures around 220 K. In the same temperature range the linewidths of these Raman modes show a clear deviation from the standard anharmonic behavior [27–31].

Apart from the anomalies in the phonon spectra, a closer inspection of the temperature-dependent Raman spectra measured in the parallel polarization configuration reveals a pronounced evolution of the Raman continuum [Fig. 3(a)]. For the analysis we have used a simple model including a damped Lorentzian and linear term,  $\chi''_{\text{cont}} \propto a\Gamma\omega / (\omega^2 + \Gamma^2) + b\omega$  [32], where  $a$ ,  $b$ , and  $\Gamma$  are temperature-dependent parameters. Figure 3(b) summarizes the results of the analysis with the linear term omitted (most likely originating from a luminescence). At approximately the same temperatures, where phonon properties exhibit discontinuities, the continuum temperature dependence manifests nonmonotonic behavior. The maximum positions of the curve were obtained by integrating

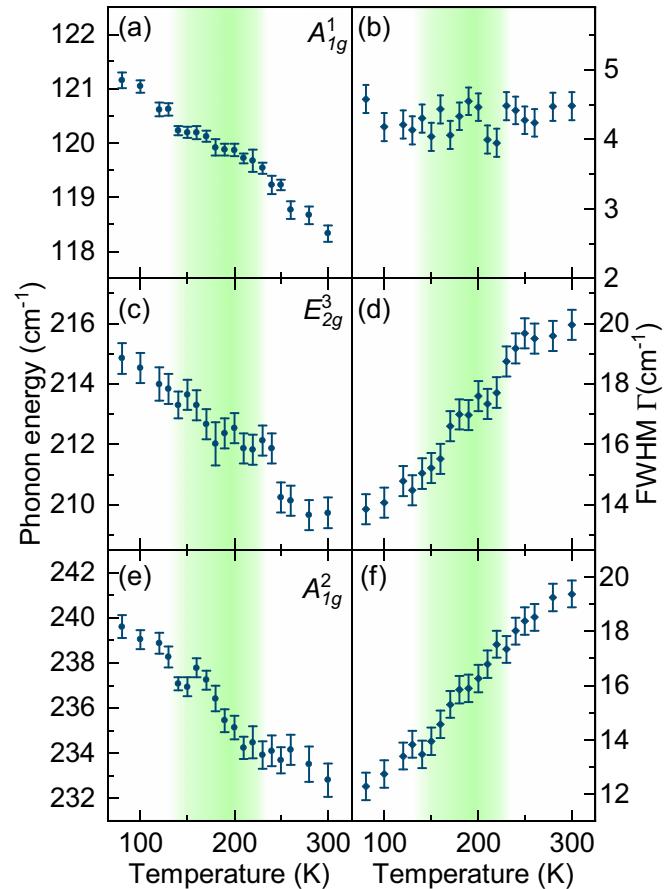


FIG. 2. Energy and linewidth temperature dependence of  $A_{1g}^1$  [(a) and (b)],  $E_{2g}^3$  [(c) and (d)], and  $A_{1g}^2$  [(e) and (f)] phonon modes in  $\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$ .

those shown in Fig. 3(b). The inset of Fig. 3(b) shows the temperature evolution of their displacements. This analysis confirms the presence of discontinuities in the electronic continuum at temperatures around 150 and 220 K, which leaves a trace in the phonon behavior around these temperatures (Fig. 2). While we do not have evidence for the Kondo effect in the  $\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$  crystals we measured, a modification of the electronic background at FM ordering due to localization or the Kondo effect cannot be excluded.

The temperature evolutions of the phonon self-energies and the continuum observed in the Raman spectra of  $\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$  suggest the presence of phase transition(s). Magnetization measurements of the samples were performed as described in Ref. [13], revealing a FM-PM transition at 150 K. Thus, the discontinuity in the observed phonon properties around this temperature can be traced back to the weak to moderate spin-phonon coupling. The question remains open regarding the anomaly observed at about 220 K. As previously reported, the Curie temperature of the  $\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$  single crystals grown by the CVT method is between 220 and 230 K [11,12,14], varying with the vacancy concentration, i.e., a decrease in the vacancy content will result in an increment of  $T_C$  [15]. On the other hand, the  $\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$  crystals grown by the self-flux method usually have a lower Curie temperature, since the

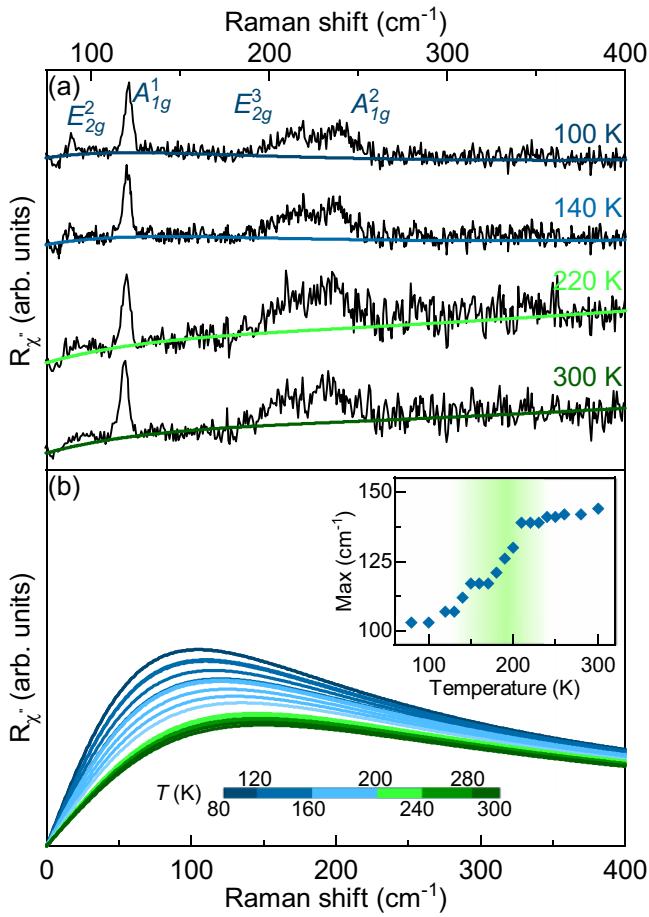


FIG. 3. (a) Raman spectra of  $\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$  at four temperatures measured in a parallel polarization configuration. Solid lines represent the theoretical fit to the experimental data. (b) Temperature evolution of the electronic continuum after omitting the linear term. Inset: Displacement of the maximum of fitted curves.

vacancy content is higher [13,15]. Crystals used in the Raman scattering experiment presented here were grown by the self-flux method with a Fe vacancy content of  $x \approx 0.36$  [13]. This is in good agreement with our EDS results of  $x = 0.4 \pm 0.1$ , giving rise to the FM-PM transition at 150 K. Nevertheless,

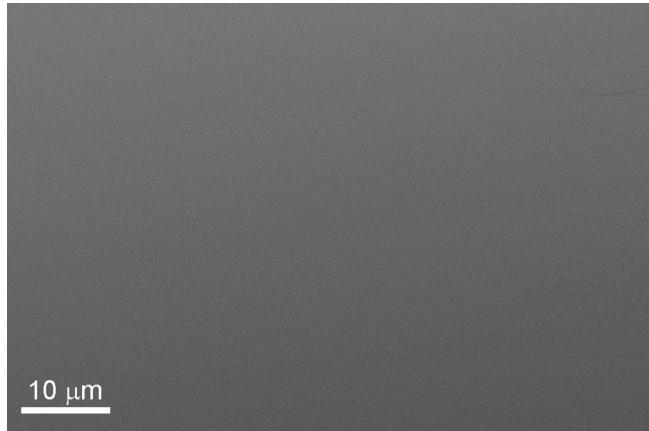


FIG. 4. SEM image of a  $\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$  single crystal.

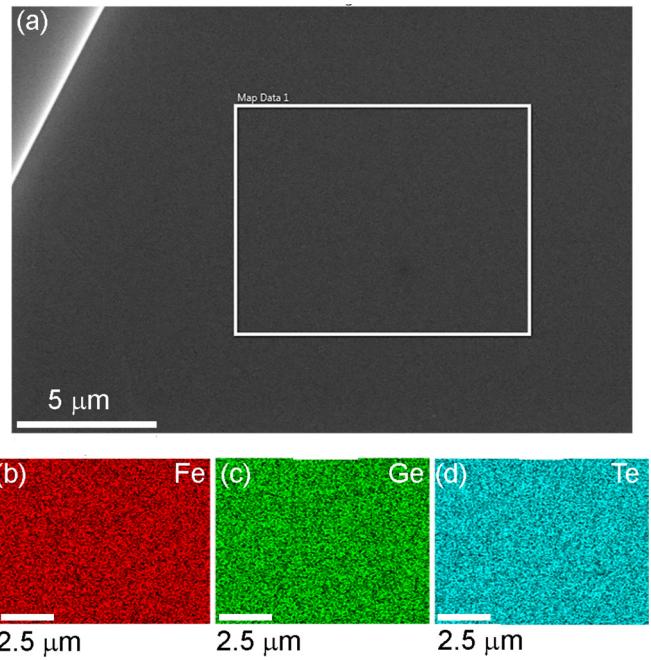


FIG. 5. EDS mapping on a  $\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$  single crystal. (a) Secondary electron image of the crystal with the mapping performed within the rectangle. (b)–(d) Associated EDS maps for Fe, Ge, and Te, respectively.

an inhomogeneous distribution of vacancies may result in the formation of vacancy depleted “islands” which in turn would result in an anomaly at 220 K similar to the one observed in our Raman data. However, the EDS data (see Fig. 5) do not support this possibility. At this point we can only speculate that while the long-range order temperature is shifted to a lower temperature by the introduction of vacancies, short-range correlations may develop at 220 K.

#### IV. CONCLUSION

We have studied the lattice dynamics of flux-grown  $\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$  single crystals by means of Raman spectroscopy and DFT. Four out of eight Raman active modes, two  $A_{1g}$  and two  $E_{2g}$ , have been observed and assigned. DFT calculations are in good agreement with experimental results. The temperature dependence of the  $A_{1g}^1$ ,  $E_{2g}^3$ , and  $A_{1g}^2$  mode properties reveals a clear fingerprint of spin-phonon coupling, at a temperature of around 150 K. Furthermore, the anomalous behavior in the energies and linewidths of the observed phonon modes is present in the Raman spectra at temperatures around 220 K with the discontinuity also present in the electronic continuum. Its origin still remains an open question, and requires further analysis.

#### ACKNOWLEDGMENTS

The work was supported by the Serbian Ministry of Education, Science and Technological Development under Projects No. III45018 and No. OI171005. DFT calculations were performed using computational resources at Johannes Kepler University, Linz, Austria. Materials synthesis was supported

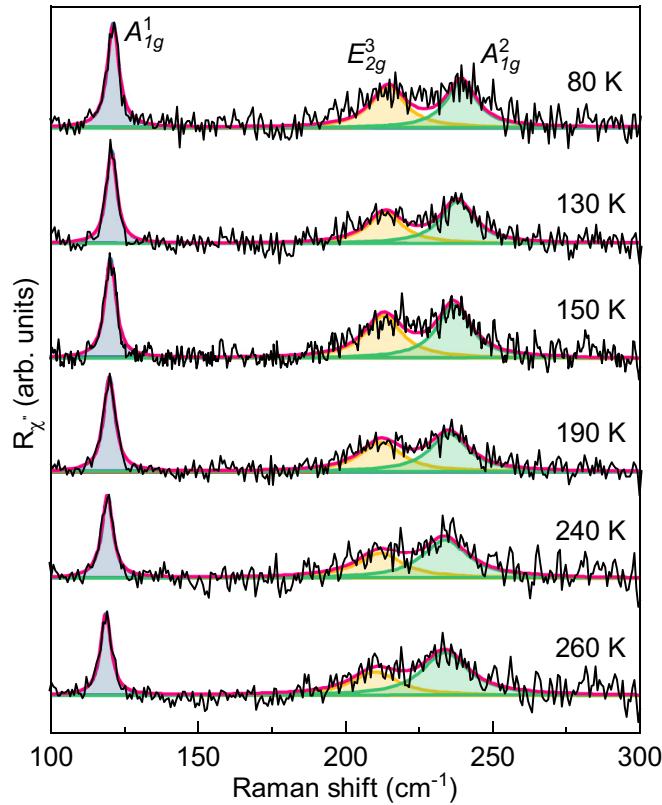


FIG. 6. Modeled Raman spectra of  $\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$  single crystal, after subtracting continuum contributions, obtained at various temperatures. For experimental data modeling, the Voigt line shape was used.

by the US Department of Energy, Office of Basic Energy Sciences as part of the Computation Material Science Program (Y.L. and C.P.). Electron microscopy was performed at Jozef Stefan Institute, Ljubljana, Slovenia under Slovenian Research Agency Contract No. P1-0099 (B.V.). This work has received funding from the European Union's Horizon 2020 research and innovation program under the Marie Skłodowska-Curie Grant Agreement No. 645658 (DAFNEOX Project).

#### APPENDIX A: ELECTRON MICROSCOPY

In order to examine the uniformity of  $\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$ , Scanning electron microscopy (SEM) was performed on as-cleaved crystals. It can be seen from Fig. 4 that the crystals maintain uniformity for several tens of microns. Furthermore, the elemental composition was obtained using EDS mapping, as shown in Fig. 5. The atomic percentage, averaged over ten measurements, is 47%, 17%, and 36% ( $\pm 2\%$ ) for Fe, Ge, and Te, respectively, with the vacancy content  $x = 0.4 \pm 0.1$ . The maps associated with the selected elements appear homogeneous, as they are all present uniformly with no apparent islands or vacancies.

#### APPENDIX B: DATA MODELING

In order to obtain the temperature dependence of the energies and linewidths of the observed  $\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$  phonon modes, the Raman continuum, shown in colored lines in

TABLE II. Top panel: Comparison of calculated energies of Raman active phonons using relaxed (R) and experimental [nonrelaxed (NR)] lattice parameters for the magnetic (M) and nonmagnetic phase (NM), given in  $\text{cm}^{-1}$ . Obtained experimental values in the magnetic phase at a temperature of 80 K are given in the last column. Bottom panel: Comparison of calculated energies of infrared optical phonons of  $\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$ .

Sym.	Raman active modes				
	Calculations				Experiment (M)
	NM-R	M-R	NM-NR	M-NR	
$E_{2g}^1$	28.4	49.6	33.9	50.2	
$E_{1g}^1$	79.2	70.2	71.7	70.3	
$E_{2g}^2$	115.5	121.0	100.0	122.2	89.2
$A_{1g}^1$	151.7	139.2	131.7	137.2	121.1
$E_{1g}^2$	225.5	206.0	194.3	209.5	
$E_{2g}^3$	238.0	232.6	204.9	228.6	214.8
$A_{1g}^2$	272.0	262.6	235.7	233.4	239.6
$E_{2g}^4$	362.0	337.6	315.4	334.7	
Infrared active modes					
$A_{2u}^1$	70.7	96.6	73.5	92.7	
$E_{1u}^1$	112.5	121.2	89.4	121.6	
$A_{2u}^2$	206.0	162.5	183.1	153.7	
$E_{1u}^2$	226.4	233.6	192.1	231.3	
$A_{2u}^3$	271.8	248.6	240.8	241.0	
$E_{1u}^3$	361.1	336.6	314.7	334.7	

Fig. 3(a), was subtracted for simplicity from the raw Raman susceptibility data (black line). The spectra obtained after the subtraction procedure are presented in Fig. 6 (black line) for various temperatures. Because of the finite resolution of the spectrometer and the fact that line shapes of all the observed phonons are symmetric, the Voigt line shape ( $\Gamma_G = 0.8 \text{ cm}^{-1}$ ) was used for data modeling. Blue, yellow, and green lines in Fig. 6 represent fitting curves for  $A_{1g}^1$ ,  $E_{2g}^3$ , and  $A_{1g}^2$  phonon modes, respectively, whereas the overall spectral shape is shown in the red line.

#### APPENDIX C: EXPERIMENTAL DETAILS

Before being placed in a vacuum and being cleaved, the sample was glued to a copper plate with GE varnish in order to achieve good thermal conductivity and prevent strain effects. Silver paste, as a material with high thermal conductivity, was used to attach the copper plate with the sample to the cryostat. The laser beam spot, focused through an Olympus long-range objective of  $\times 50$  magnification, was approximately  $6 \mu\text{m}$  in size, with a power less than 1 mW at the sample surface. A TriVista 557 triple spectrometer was used in the subtractive mode, with a diffraction grating combination of 1800/1800/2400 grooves/mm and the entrance and second intermediate slit set to  $80 \mu\text{m}$ , in order to enhance stray light rejection and attain good resolution.

## APPENDIX D: CALCULATIONS

In Table II the results of DFT calculations are presented for magnetic (M) and nonmagnetic (NM) relaxed and experimental lattice parameters. For comparison, the

experimental results are shown in the last column. Since the lattice parameters strongly depend on the Fe atom deficiency, the best agreement with experimental results gives the magnetic nonrelaxed solution.

- [1] N. Sivadas, M. W. Daniels, R. H. Swendsen, S. Okamoto, and D. Xiao, Magnetic ground state of semiconducting transition-metal trichalcogenide monolayers, *Phys. Rev. B* **91**, 235425 (2015).
- [2] K. S. Novoselov, A. K. Geim, S. V. Morozov, D. Jiang, Y. Zhang, S. V. Dubonos, I. V. Grigorieva, and A. A. Firsov, Electric field effect in atomically thin carbon films, *Science* **306**, 666 (2004).
- [3] Q. H. Wang, K. Kalantar-Zadeh, A. Kis, J. N. Coleman, and M. S. Strano, Electronics and optoelectronics of two-dimensional transition metal dichalcogenides, *Nat. Nanotechnol.* **7**, 699 (2012).
- [4] C. Gong, L. Li, Z. Li, H. Ji, A. Stern, Y. Xia, T. Cao, W. Bao, C. Wang, Y. Wang, Z. Q. Qiu, R. J. Cava, S. G. Louie, J. Xia, and X. Zhang, Discovery of intrinsic ferromagnetism in two-dimensional van der Waals crystals, *Nature (London)* **546**, 265 (2017).
- [5] B. Huang, G. Clark, E. Navarro-Moratalla, D. R. Klein, R. Cheng, K. L. Seyler, D. Zhong, E. Schmidgall, M. A. McGuire, D. H. Cobden, W. Yao, D. Xiao, P. Jarillo-Herrero, and X. Xu, Layer-dependent ferromagnetism in a van der Waals crystal down to the monolayer limit, *Nature (London)* **546**, 270 (2017).
- [6] M. A. McGuire, H. Dixit, V. R. Cooper, and B. C. Sales, Coupling of crystal structure and magnetism in the layered, ferromagnetic insulator CrI<sub>3</sub>, *Chem. Mater.* **27**, 612 (2015).
- [7] H. L. Zhuang, Y. Xie, P. R. C. Kent, and P. Ganesh, Computational discovery of ferromagnetic semiconducting single-layer CrSnTe<sub>3</sub>, *Phys. Rev. B* **92**, 035407 (2015).
- [8] G. T. Lin, H. L. Zhuang, X. Luo, B. J. Liu, F. C. Chen, J. Yan, Y. Sun, J. Zhou, W. J. Lu, P. Tong, Z. G. Sheng, Z. Qu, W. H. Song, X. B. Zhu, and Y. P. Sun, Tricritical behavior of the two-dimensional intrinsically ferromagnetic semiconductor CrGeTe<sub>3</sub>, *Phys. Rev. B* **95**, 245212 (2017).
- [9] L. D. Casto, A. J. Clune, M. O. Yokosuk, J. L. Musfeldt, T. J. Williams, H. L. Zhuang, M.-W. Lin, K. Xiao, R. G. Hennig, B. C. Sales, J.-Q. Yan, and D. Mandrus, Strong spin-lattice coupling in CrSiTe<sub>3</sub>, *APL Mater.* **3**, 041515 (2015).
- [10] M.-W. Lin, H. L. Zhuang, J. Yan, T. Z. Ward, A. A. Puretzky, C. M. Rouleau, Z. Gai, L. Liang, V. Meunier, B. G. Sumpter, P. Ganesh, P. R. C. Kent, D. B. Geohegan, D. G. Mandrus, and K. Xiao, Ultrathin nanosheets of CrSiTe<sub>3</sub>: A semiconducting two-dimensional ferromagnetic material, *J. Mater. Chem. C* **4**, 315 (2016).
- [11] J.-X. Zhu, M. Janoschek, D. S. Chaves, J. C. Cezar, T. Durakiewicz, F. Ronning, Y. Sassa, M. Mansson, B. L. Scott, N. Wakeham, E. D. Bauer, and J. D. Thompson, Electronic correlation and magnetism in the ferromagnetic metal Fe<sub>3</sub>GeTe<sub>2</sub>, *Phys. Rev. B* **93**, 144404 (2016).
- [12] B. Chen, J. H. Yang, H. D. Wang, M. Imai, H. Ohta, C. Miuchioka, K. Yoshimura, and M. H. Fang, Magnetic properties of layered itinerant electron ferromagnet Fe<sub>3</sub>GeTe<sub>2</sub>, *J. Phys. Soc. Jpn.* **82**, 124711 (2013).
- [13] Y. Liu, V. N. Ivanovski, and C. Petrovic, Critical behavior of the van der Waals bonded ferromagnet Fe<sub>3-x</sub>GeTe<sub>2</sub>, *Phys. Rev. B* **96**, 144429 (2017).
- [14] H.-J. Deiseroth, K. Aleksandrov, C. Reiner, L. Kienle, and R. K. Kremer, Fe<sub>3</sub>GeTe<sub>2</sub> and Ni<sub>3</sub>GeTe<sub>2</sub> - Two new layered transition-metal compounds: Crystal structures, HRTEM investigations, and magnetic and electrical properties, *Eur. J. Inorg. Chem.* **2006**, 1561 (2006).
- [15] A. F. May, S. Calder, C. Cantoni, H. Cao, and M. A. McGuire, Magnetic structure and phase stability of the van der Waals bonded ferromagnet Fe<sub>3-x</sub>GeTe<sub>2</sub>, *Phys. Rev. B* **93**, 014411 (2016).
- [16] V. Yu. Verchenko, A. A. Tsirlin, A. V. Sobolev, I. A. Presniakov, and A. V. Shevelkov, Ferromagnetic order, strong magnetocrystalline anisotropy, and magnetocaloric effect in the layered telluride Fe<sub>3-x</sub>GeTe<sub>2</sub>, *Inorg. Chem.* **54**, 8598 (2015).
- [17] J. Yi, H. Zhuang, Q. Zou, Z. Wu, G. Cao, S. Tang, S. A. Calder, P. R. C. Kent, D. Mandrus, and Z. Gai, Competing antiferromagnetism in a quasi-2D itinerant ferromagnet: Fe<sub>3</sub>GeTe<sub>2</sub>, *2D Mater.* **4**, 011005 (2016).
- [18] Y. Zhang, H. Lu, X. Zhu, S. Tan, W. Feng, Q. Liu, W. Zhang, Q. Chen, Y. Liu, X. Luo, D. Xie, L. Luo, Z. Zhang, and X. Lai, Emergence of Kondo lattice behavior in a van der Waals itinerant ferromagnet, Fe<sub>3</sub>GeTe<sub>2</sub>, *Sci. Adv.* **4**, eaao6791 (2018).
- [19] Y. Liu, E. Stavitski, K. Attenkofer, and C. Petrovic, Anomalous Hall effect in the van der Waals bonded ferromagnet Fe<sub>3-x</sub>GeTe<sub>2</sub>, *Phys. Rev. B* **97**, 165415 (2018).
- [20] H. L. Zhuang, P. R. C. Kent, and R. G. Hennig, Strong anisotropy and magnetostriction in the two-dimensional Stoner ferromagnet Fe<sub>3</sub>GeTe<sub>2</sub>, *Phys. Rev. B* **93**, 134407 (2016).
- [21] C. Tan, J. Lee, S.-G. Jung, T. Park, S. Albarakati, J. Partridge, M. R. Field, D. G. McCulloch, L. Wang, and C. Lee, Hard magnetic properties in nanoflake van der Waals Fe<sub>3</sub>GeTe<sub>2</sub>, *Nat. Commun.* **9**, 1554 (2018).
- [22] P. Giannozzi *et al.*, QUANTUM ESPRESSO: A modular and open-source software project for quantum simulations of materials, *J. Phys.: Condens. Matter* **21**, 395502 (2009).
- [23] P. E. Blöchl, Projector augmented-wave method, *Phys. Rev. B* **50**, 17953 (1994).
- [24] G. Kresse and D. Joubert, From ultrasoft pseudopotentials to the projector augmented-wave method, *Phys. Rev. B* **59**, 1758 (1999).
- [25] J. P. Perdew, K. Burke, and M. Ernzerhof, Generalized Gradient Approximation Made Simple, *Phys. Rev. Lett.* **77**, 3865 (1996).
- [26] S. Grimme, Semiempirical GGA-type density functional constructed with a long-range dispersion correction, *J. Comput. Chem.* **27**, 1787 (2006).
- [27] A. Milosavljević, A. Šolajić, J. Pešić, Y. Liu, C. Petrovic, N. Lazarević, and Z. V. Popović, Evidence of spin-phonon coupling in CrSiTe<sub>3</sub>, *Phys. Rev. B* **98**, 104306 (2018).
- [28] A. Baum, A. Milosavljević, N. Lazarević, M. M. Radonjić, B. Nikolić, M. Mitschek, Z. I. Maranloo, M. Šćepanović, M. Grujić-Brojčin, N. Stojilović, M. Opel, A. Wang,

- C. Petrović, Z. V. Popović, and R. Hackl, Phonon anomalies in FeS, *Phys. Rev. B* **97**, 054306 (2018).
- [29] M. Opačić, N. Lazarević, M. M. Radonjić, M. Šćepanović, H. Ryu, A. Wang, D. Tanasković, C. Petrović, and Z. V. Popović, Raman spectroscopy of  $K_xK_{2-y}Se_2$  single crystals near the ferromagnet–paramagnet transition, *J. Phys.: Condens. Matter* **28**, 485401 (2016).
- [30] Z. V. Popović, N. Lazarević, S. Bogdanović, M. M. Radonjić, D. Tanasković, R. Hu, H. Lei, and C. Petrović, Signatures of the spin-phonon coupling in  $Fe_{1+y}Te_{1-x}Se_x$  alloys, *Solid State Commun.* **193**, 51 (2014).
- [31] Z. V. Popović, M. Šćepanović, N. Lazarević, M. Opačić, M. M. Radonjić, D. Tanasković, H. Lei, and C. Petrović, Lattice dynamics of  $BaFe_2X_3$  ( $X = S, Se$ ) compounds, *Phys. Rev. B* **91**, 064303 (2015).
- [32] T. P. Devereaux and R. Hackl, Inelastic light scattering from correlated electrons, *Rev. Mod. Phys.* **79**, 175 (2007).

## Short-Range Order in VI<sub>3</sub>

Sanja Djurdjić Mijin, A. M. Milinda Abeykoon, Andrijana Šolajić, Ana Milosavljević, Jelena Pešić, Yu Liu, Cedomir Petrović, Zoran V. Popović, and Nenad Lazarević\*



Cite This: <https://dx.doi.org/10.1021/acs.inorgchem.0c02060>



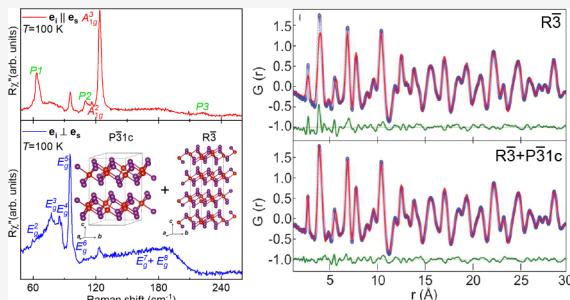
Read Online

ACCESS |

Metrics & More

Article Recommendations

**ABSTRACT:** We present a detailed investigation of the crystal structure of VI<sub>3</sub>, a two-dimensional van der Waals material of interest for studies of low-dimensional magnetism. As opposed to the average crystal structure that features R̄3 symmetry of the unit cell, our Raman scattering and X-ray atomic pair distribution function analysis supported by density functional theory calculations point to the coexistence of short-range ordered P̄31c and long-range ordered R̄3 phases. The highest-intensity peak, A<sub>1g</sub><sup>3</sup>, exhibits a moderate asymmetry that might be traced back to the spin–phonon interactions, as in the case of CrI<sub>3</sub>.



### INTRODUCTION

A well-known family of transition metal trihalides (TMTs) MX<sub>3</sub> (X = Cr, B, or I) have received a great deal of attention due to potential existence of two-dimensional (2D) ferromagnetism,<sup>1–6</sup> which has been confirmed in CrI<sub>3</sub>.<sup>7,8</sup> The similar crystal structure and magnetic properties of CrI<sub>3</sub> and VI<sub>3</sub> fostered a belief that the same might be found in the latter. In fact, magnetization measurements revealed the 2D ferromagnetic nature of VI<sub>3</sub> with a Curie temperature (*T<sub>c</sub>*) of around 50 K.<sup>9,10</sup> Contrary to a layer-dependent ferromagnetism in CrI<sub>3</sub>,<sup>11</sup> the first-principles calculations predict that ferromagnetism in VI<sub>3</sub> persists down to a single layer,<sup>9</sup> making it a suitable candidate for engineering 2D spintronic devices. Resistivity measurements showed VI<sub>3</sub> is an insulator with an optical band gap of ~0.6 eV.<sup>9,12</sup>

Whereas laboratory X-ray diffraction studies reported three possible high-temperature VI<sub>3</sub> unit cell symmetries,<sup>9,12–14</sup> high-resolution synchrotron X-ray diffraction confirmed a rhombohedral R̄3 space group.<sup>10</sup> A very recently published Raman spectroscopy study indicated that the VI<sub>3</sub> crystal structure can be described within the C<sub>2h</sub> point group.<sup>15</sup> All results agree on the existence of a phase transition at a temperature of 79 K. However, the subtle<sup>12</sup> structural changes below 79 K are still under debate.

The long-range magnetic order in ultrathin 2D van der Waals (vdW) crystals stems from strong uniaxial anisotropy, in contrast to materials with isotropic exchange interactions where order parameters are forbidden.<sup>16–18</sup> 2D vdW magnetic materials are of interest both as examples of exotic magnetic order<sup>19</sup> and for potential applications in spintronic technology.<sup>2,4,20,21</sup>

Atomically thin flakes of CrCl<sub>3</sub> have a magnetic transition temperature that is different from that of bulk crystals possibly

due to the different crystal structure of the monolayer and ultrathin crystals when compared to bulk.<sup>22,23</sup> Similar observations were made on CrI<sub>3</sub> monolayers.<sup>22,24,25</sup> It has been proposed<sup>23</sup> that the second anomaly in heat capacity in bulk CrCl<sub>3</sub> arises due to regions close to the surface that host a different crystal structure when compared to bulk;<sup>26,27</sup> however, due to the substantial mass fraction detected in heat capacity measurements, this could also reflect differences between the short-range order and long-range crystallographic order of Bragg planes. The short-range order is determined by the space group that is energetically favorable for a monolayer or a few layers, whereas the long-range crystallographic order is established over large packing lengths.

In this paper, we present an experimental Raman scattering study of the bulk VI<sub>3</sub> high-temperature structure, supported by density functional theory (DFT) calculations and the X-ray atomic pair distribution function (PDF) analysis. The comparison between the Raman experiment and DFT calculations for each of the previously reported space groups suggested that the high-temperature lattice vibrations of bulk VI<sub>3</sub> are consistent with a P̄31c trigonal structure. Nine (2A<sub>1g</sub> + 7E<sub>g</sub>) of 12 observed peaks were assigned on the basis of factor group analysis (FGA) and DFT calculations. The PDF analysis indicated the coexistence of two crystallographic phases at two different interatomic distances, short-range ordered P̄31c and

Received: July 12, 2020

long-range ordered  $R\bar{3}$ , as two segregated phases and/or as randomly distributed short-range ordered  $P\bar{3}1c$  domains in the long-range ordered  $R\bar{3}$  lattice. Raman data displayed a moderate asymmetry of the  $A_{1g}^3$  phonon line. This behavior was attributed to the spin–phonon interaction, similar to the case for  $\text{CrI}_3$ . The additional peaks in our spectra obey  $A_g$  selection rules and can be described in terms of overtones, as well as the  $A_{2g}$  silent modes “activated” by the symmetry breaking.

## EXPERIMENTAL AND COMPUTATIONAL DETAILS

The preparation of single-crystal  $\text{VI}_3$  samples used in this study is presented elsewhere.<sup>10</sup> For the Raman scattering experiment, a Tri Vista 557 spectrometer was used in the backscattering micro-Raman configuration with a 1800/1800/2400 grooves/mm diffraction grating combination. A Coherent  $\text{Ar}^+/\text{Kr}^+$  ion laser with a 514 nm line was used as an excitation source. Laser beam focusing was achieved through the microscope objective with 50× magnification. The direction of the incident (scattered) light coincides with the crystallographic  $c$  axis. The sample, cleaved in open air, was held inside a KONTI CryoVac continuous helium flow cryostat with a 0.5 mm thick window. Raman scattering measurements were performed under high vacuum ( $10^{-6}$  mbar). All of the obtained Raman spectra were corrected by the Bose factor. The spectrometer resolution is comparable to the Gaussian width of  $1 \text{ cm}^{-1}$ .

PDF and wide-angle X-ray scattering measurements were carried out in capillary transmission geometry using a PerkinElmer amorphous silicon area detector placed 206 and 983 mm downstream from the sample, respectively, at beamline 28-ID-1 (PDF) of National Synchrotron Light Source II at Brookhaven National Laboratory. The setup utilized a 74.3 keV ( $\lambda = 0.1668 \text{ \AA}$ ) X-ray beam.

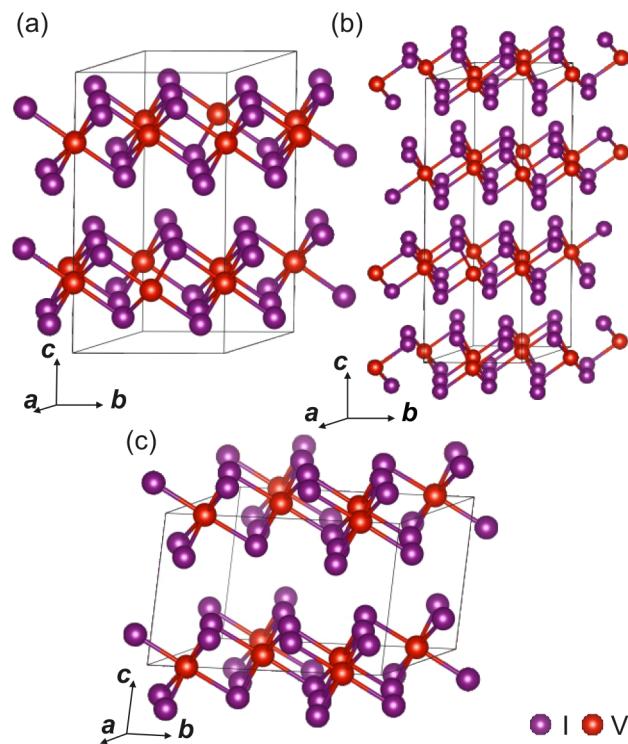
Two-dimensional diffraction data were integrated using the Fit2D software package.<sup>28</sup> Data reduction was performed to obtain experimental PDFs ( $Q_{\max} = 26 \text{ \AA}^{-1}$ ) using the xPDFsuite software package.<sup>29</sup> The Rietveld and PDF analyses were carried out using GSAS-II<sup>30</sup> and PDFgui<sup>31</sup> software packages, respectively.

Density functional theory calculations were performed using the Quantum Espresso software package,<sup>32</sup> employing the PBE exchange-correlation functional<sup>33</sup> and PAW pseudopotentials.<sup>34,35</sup> All calculations are spin-polarized. The cutoff for wave functions and the charge density were set to 48 and 650 Ry, respectively. The  $k$ -points were sampled using the Monkhorst–Pack scheme, on a  $6 \times 6 \times 6$   $\Gamma$ -centered grid for  $R\bar{3}$  and  $C2/m$  structures and a  $12 \times 12 \times 8$  grid for the  $P\bar{3}1c$  structure. Optimization of the lattice parameters and atomic positions in the unit cell was performed until the interatomic forces were  $<10^{-6}$  Ry/ $\text{\AA}$ . To obtain more accurate lattice parameters, treatment of the van der Waals interactions is included using the Grimme-D2 correction. The correlation effects are treated with the Hubbard U correction (LDA+U), using a rotationally invariant formulation implemented in QE,<sup>36</sup> where  $U = 3.68 \text{ eV}$ . Band structure plots are calculated at 800  $k$ -points on the chosen path over high-symmetry points. Phonon frequencies were calculated with the linear response method, as implemented in the -phonon part of Quantum Espresso.

## RESULTS AND DISCUSSION

The first reported results for  $\text{VI}_3$ , dating from the 1950s,<sup>37–39</sup> indicated that  $\text{VI}_3$  adopts a honeycomb layer-type  $\text{BiI}_3$  structure described with space group  $R\bar{3}$ , which is a structure common in TMTs, also found in the low-temperature phase of  $\text{CrI}_3$ .<sup>6,40</sup>

There have been several proposed unit cell symmetries for  $\text{VI}_3$  in the literature:  $R\bar{3}$ ,<sup>12,13</sup>  $C2/m$ ,<sup>14</sup> and  $P\bar{3}1c$ .<sup>9</sup> Schematic representations of the  $P\bar{3}1c$ ,  $R\bar{3}$ , and  $C2/m$  crystal structures are depicted in Figure 1. The corresponding crystallographic unit cell parameters, previously reported, are listed in Table 1.



**Figure 1.** Schematic representation of the high-temperature (a)  $P\bar{3}1c$ , (b)  $R\bar{3}$ , and (c)  $C2/m$  structures of  $\text{VI}_3$ . Black solid lines represent unit cells.

Each of the suggested symmetries implies a different distribution of Raman active modes.

According to FGA, eight ( $4A_g + 4E_g$ ), 11 ( $3A_{1g} + 8E_g$ ), and 12 ( $6A_g + 6B_g$ ) Raman active modes are expected to be observed in the light scattering experiment for  $R\bar{3}$ ,  $P\bar{3}1c$ , and  $C2/m$  crystal structures, respectively. Wyckoff positions, irreducible representations, and corresponding tensors of Raman active modes for each space group are listed in Table 2.

The first step in determining the crystal symmetry from the light scattering experiment is to compare the expected and observed Raman active modes, shown in Figure 2. The red solid line represents the spectrum measured in the parallel polarization configuration, whereas the blue line corresponds to the cross polarization configuration. Five of 12 observed peaks emerge only in parallel, whereas five peaks and a broad peak-like structure can be observed for both polarization configurations. The emergence of the  $123.4 \text{ cm}^{-1}$  peak in the cross polarization can be understood as a “leakage” of the  $A_{1g}^3$  mode due to a possible finite  $c$  axis projection and/or the presence of defects.

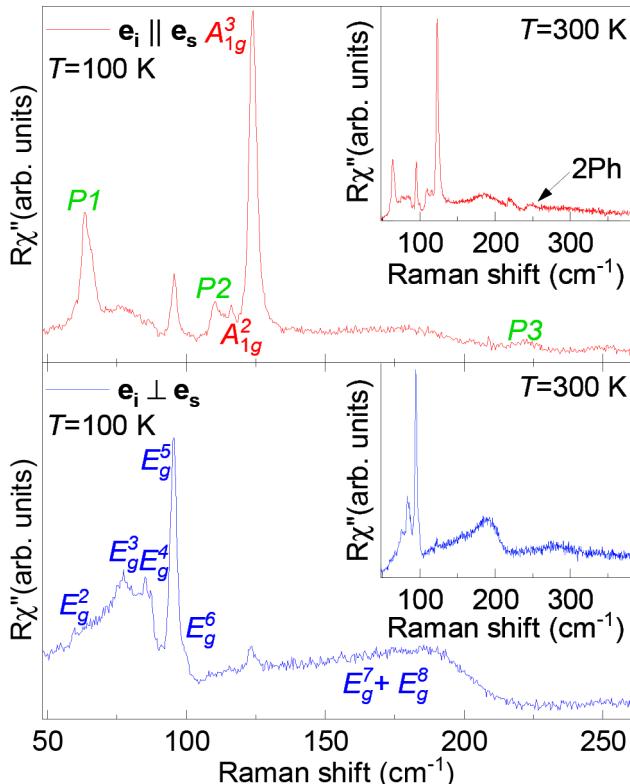
Now the peaks that appear only for the parallel polarization configuration can be assigned as either  $A_{1g}$  or  $A_g$  symmetry modes, assuming the light polarization direction along the main crystal axis of the  $C2/m$  structure for the later. On the basis of the FGA for possible symmetry group candidates, the remaining Raman active modes can be either of  $E_g$  or  $B_g$  symmetry. The selection rules (Table 2) do not allow observation of the  $B_g$  symmetry modes for the parallel polarization configuration. Consequently, the peaks that can be observed in both scattering channels were recognized as  $E_g$  modes. The absence of  $B_g$  modes in the Raman spectra rules out the possibility of the  $\text{AlCl}_3$  type of structure (space group  $C2/m$ ). Two possible remaining crystal symmetries ( $R\bar{3}$  and

**Table 1.** Previously Reported Experimental and Calculated Unit Cell Parameters for  $P\bar{3}1c$ ,  $R\bar{3}$ , and  $C2/m$  Structures of  $\text{VI}_3$ 

	$P\bar{3}1c$		$R\bar{3}$		$C2/m$	
	calcd	exp. <sup>9</sup>	calcd	exp. <sup>12</sup>	calcd	exp. <sup>14</sup>
$a$ (Å)	6.87	6.89(10)	6.69	6.89(3)	7.01	6.84(3)
$b$ (Å)	6.87	6.89(10)	6.69	6.89(3)	12.14	11.83(6)
$c$ (Å)	13.224	13.289(1)	19.81	19.81(9)	7.01	6.95(4)
$\alpha$ (deg)	90	90	90	90	90	90
$\beta$ (deg)	90	90	90	90	109.05	108.68
$\gamma$ (deg)	120	120	120	120	90	90
cell volume (Å <sup>3</sup> )	559.62	547.74(10)	767.71	814.09(8)	563.33	533.66(36)

**Table 2.** Wyckoff Positions of Atoms and Their Contributions to the  $\Gamma$ -Point Phonons for the  $R\bar{3}$ ,  $C2/m$ , and  $P\bar{3}1c$  Structures and the Raman Tensors for the Corresponding Space Groups

space group $P\bar{3}1c$		space group $R\bar{3}$		space group $C2/m$	
atom	irreducible representation	atom	irreducible representation	atom	irreducible representation
V (2a)	$A_{2g} + A_{2u} + E_g + E_u$	V (3a)		V (4g)	$A_g + A_u + 2B_g + 2B_u$
V (2c)	$A_{2g} + A_{2u} + E_g + E_u$	V (6c)	$A_g + A_u + E_g + E_u$	I (4i)	$2A_g + A_u + B_g + 2B_u$
I (12i)	$3A_{1g} + 3A_{1u} + 3A_{2g} + 3A_{2u} + 6E_g + 6E_u$	I (18f)	$3A_g + 3A_u + 3E_g + 3E_u$	I (8j)	$3A_g + 3A_u + 3B_g + 3B_u$
$A_{1g} = \begin{pmatrix} a & a \\ a & b \end{pmatrix}$		$A_g = \begin{pmatrix} a & a \\ a & b \end{pmatrix}$		$A_g = \begin{pmatrix} a & d \\ c & b \end{pmatrix}$	
$^1E_g = \begin{pmatrix} c & -c & d \\ -c & d \end{pmatrix}$	$^2E_g = \begin{pmatrix} -c & -d \\ d \end{pmatrix}$	$^1E_g = \begin{pmatrix} c & d & e \\ d & -c & f \\ e & f \end{pmatrix}$	$^2E_g = \begin{pmatrix} d & -c & -f \\ -c & -d & e \\ -f & e \end{pmatrix}$	$B_g = \begin{pmatrix} e & f \\ f \end{pmatrix}$	

**Figure 2.** Raman spectra of the high-temperature  $\text{VI}_3$  single-crystal structure measured in parallel (red solid line) and cross (blue solid line) polarization configurations at 100 K. Peaks observed in both spectra were identified as  $E_g$  modes, whereas peaks observed only in the red spectrum were assigned as  $A_{1g}$  modes. Additional peaks that obey pure  $A_{1g}$  symmetry are marked as P1–P3.

$P\bar{3}1c$ ) are difficult to single out on the basis of the Raman data symmetry analysis alone. To overcome this obstacle, the DFT method was applied for each of the suggested structures.

It was reported in the literature that  $P\bar{3}1c$   $\text{VI}_3$  can have two possible electronic states<sup>9,14,41–43</sup> that both can be obtained using DFT+U calculations by varying the smearing and mixing parameters. This approach resulted in a Mott-insulator state having a lower energy making it the electronic ground state of  $\text{VI}_3$ . However, the total energy difference of these two states is small and will not be mentioned further because it is outside of the scope of our analysis. For the sake of completeness, both sets of phonon energies obtained through DFT calculations for these electronic states of the  $P\bar{3}1c$  structure are listed in Table 3 together with the results for the  $R\bar{3}$  and  $C2/m$  space groups as well as the experimental results measured at 100 K.

Now one can see that, even though the Raman mode symmetries for the case of the  $R\bar{3}$  crystal structure can describe our Raman spectra, there is a stronger mismatch in calculated and experimentally determined phonon energies when compared to the results obtained for the  $P\bar{3}1c$  structure. The deviation is largest for the calculated  $A_g^1$  mode. The closest mode in energy, which obeys the same symmetry rules as the calculated  $A_g^1$ , is a peak at  $\sim 64.1$  cm<sup>-1</sup>, yielding a deviation of  $\sim 30\%$ . Also, the calculated energy of the  $A_g^4$  mode could not be identified within our spectrum, with the closest experimental  $A_g$  peaks being within 20%. Such deviation in theory and experiment,  $>20\%$ , indicates that the room-temperature phonon vibrations in  $\text{VI}_3$  do not originate predominantly from the  $\text{BiI}_3$  structure type either, leaving  $P\bar{3}1c$  as the only candidate. This indication is further reinforced by the inability to connect the experimentally observed  $E_g$  modes at  $\sim 77$  and  $\sim 86$  cm<sup>-1</sup> with the  $R\bar{3}$ -calculated modes.

Our experimental data (Table 3) are mostly supported by the phonon energies obtained for possible electronic states of

**Table 3. Comparison between Calculated Values of Raman Active Phonon Energies for Insulating and Half-Metallic States of the  $P\bar{3}1c$  Structure and Experimentally Obtained Values (left)<sup>a</sup> and Phonon Symmetries and Calculated Phonon Energies for the  $R\bar{3}$  and  $C2/m$  Structures of  $\text{VI}_3$ <sup>b</sup>**

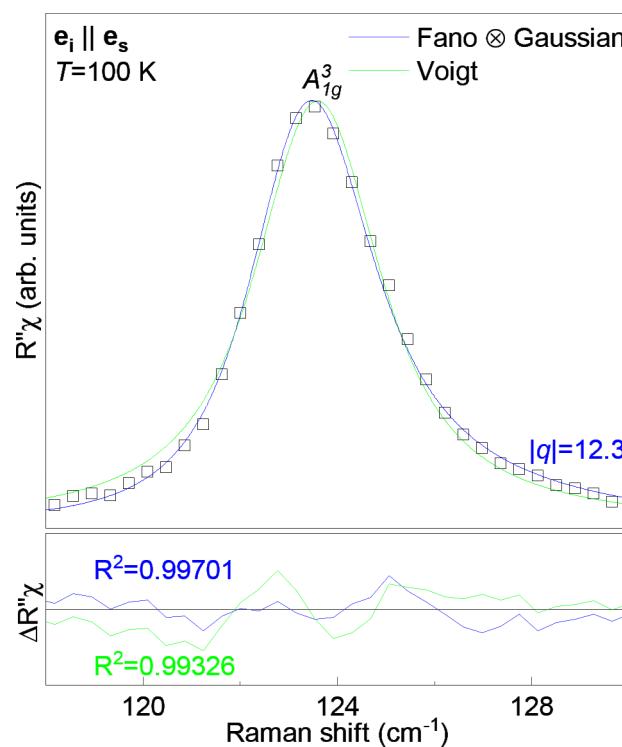
space group $P\bar{3}1c$				space group $R\bar{3}$		space group $C2/m$	
symmetry	calcd ( $\text{cm}^{-1}$ )	calcd ( $\text{cm}^{-1}$ )	exp. ( $\text{cm}^{-1}$ )	symmetry	calcd ( $\text{cm}^{-1}$ )	symmetry	calcd ( $\text{cm}^{-1}$ )
$E_g^1$	17.2	15.2	—	$E_g^1$	45.2	$A_g^1$	58.1
$A_{2g}^1$ (silent)	35.0	56.8		$E_g^2$	69.9	$B_g^1$	60.0
$E_g^2$	62.2	61.6	59.8	$A_g^1$	99.3	$A_g^2$	82.7
$A_{2g}^2$ (silent)	69.4	72.3		$E_g^3$	99.8	$B_g^2$	82.9
$E_g^3$	74.1	75.9	77.2	$A_g^2$	105.1	$A_g^3$	85.7
$A_{1g}^1$	83.3	84.2	—	$A_g^3$	135.5	$B_g^3$	88.9
$E_g^4$	84.9	86.6	86.7	$A_g^4$	167.9	$A_g^4$	99.3
$E_g^5$	91.5	98.4	95.2	$E_g^4$	176.8	$B_g^4$	99.3
$A_{2g}^3$ (silent)	92.2	96.3				$A_g^5$	122.3
$E_g^6$	97.4	108.3	100.4			$B_g^5$	149.9
$A_{1g}^2$	113.2	119.3	116.8			$B_g^6$	161.0
$A_{1g}^3$	117.1	123.9	123.4			$A_g^6$	164.0
$A_{2g}^4$ (silent)	121.3	147.8					
$E_g^7$	132.2	151.9	c				
$E_g^8$	149.4	166.9	c				
$A_{2g}^5$ (silent)	185.9	212.1					

<sup>a</sup>The experimental values were determined at 100 K. The experimental uncertainty is 0.3  $\text{cm}^{-1}$ . <sup>b</sup>All calculations were performed at 0 K. <sup>c</sup>See the text for an explanation.

the  $P\bar{3}1c$  trigonal structure with deviations of around 10% and 15%. Nine of 11 Raman modes were singled out and identified, with  $E_g^1$  being not observable in our experimental setup due to its low energy. The  $A_{1g}^1$  mode might be missing due to its low intensity and/or the finite spectrometer resolution. The most striking was the observation of the broad feature at  $\sim 180 \text{ cm}^{-1}$ , persisting up to 300 K in both scattering channels. Whereas its line shape resembles those of the two-magnon type of excitation, we believe that scenario is unlikely for a ferromagnetic material. The energy region where the feature was observed may also suggest the possibility of a two-phonon type of excitation. However, their scattering cross sections are usually small and dominated by overtones, thus mostly observed for the parallel scattering configuration.<sup>45</sup> For example, such an excitation was observed at  $\sim 250 \text{ cm}^{-1}$  (Figure 2). Finally, the observed feature also falls into the energy region where, as suggested by the numerical calculations, observation of the  $E_g^7$  and  $E_g^8$  modes is expected. We believe that it is actually a complex structure comprising  $E_g^7$  and  $E_g^8$  Raman modes, significantly broadened by the spin–phonon interaction, that is particularly strong on these phonon branches. The proximity of the two very broad, presumably asymmetric peaks hampers their precise assignment.

Closer inspection of other Raman peaks revealed that some of them also exhibit an asymmetric line shape. To further demonstrate this virtue, we have quantitatively analyzed the highest-intensity peak,  $A_{1g}^3$  using the symmetric Voigt line shape and convolution of a Fano profile and a Gaussian.<sup>44–46</sup> The asymmetric line shape (with a Fano parameter of  $|q| = 12.3$ ) gives a slightly better agreement with the experimental data, as depicted in Figure 3. Considering that the observed asymmetry in similar materials was shown to reflect the spin–phonon interaction,<sup>46,47</sup> we propose it as a possible scenario in  $\text{VI}_3$ , as well.

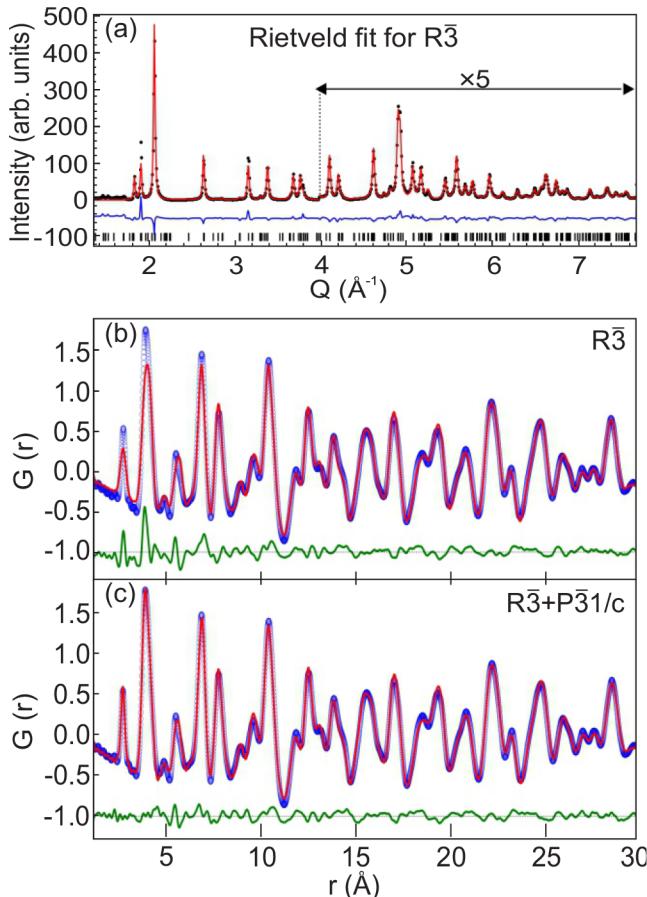
Our findings, based on the inelastic light scattering experiments, at first glance differ from those presented in ref 10. To resolve this discrepancy, we used synchrotron X-ray Rietveld and PDF analysis. Typically, the short-range order



**Figure 3.** Quantitative analysis of the  $A_{1g}^3$  mode. The blue solid line represents the line shape obtained as a convolution of the Fano line shape and the Gaussian, whereas the green one represents a Voigt profile fitted to experimental data (□). For details, see refs 44 and 45.

(SRO) contributes to diffuse scattering under the long-range order (LRO) Bragg peaks when they coexist. Because the diffuse scattering is subtracted as part of the background in the Rietveld refinement, this method is more sensitive to the average structure of materials. In contrast, PDF analysis is performed on the sine Fourier transform of the properly corrected diffraction pattern, including both Bragg and diffuse

components. PDF is a real space function that provides a histogram of interatomic distances, which contain information regarding all length scales.<sup>48–51</sup> The 1–10 and 11–30 Å PDF length scales are more sensitive to SRO and LRO, respectively. For the  $\text{VI}_3$  system, the best Rietveld fit was obtained using the  $R\bar{3}$  space group (Figure 4a), in agreement with that previously



**Figure 4.** Best structural model fits to diffraction data. (a) Rietveld fit using the  $R\bar{3}$  space group with black vertical bars indicating calculated peak positions. (b) PDF fit using the  $R\bar{3}$  space group. (c) Two-phase PDF fit using  $R\bar{3}$  and  $P\bar{3}1c$  space groups to fit LRO and SRO, respectively. Black dots (XRD) and blue dots (PDF) represent experimental data, and red solid lines represent the model-based fits. The fit residues are shown at the bottom of each plot.

observed.<sup>10</sup> Not surprisingly, LRO obtained from the Rietveld refinement showed a good agreement on the PDF length scale of 10–30 Å. However, the  $R\bar{3}$  space group gave a poor fit on the length scale of 1.5–15 Å with refined  $\delta_1$  to account for correlated motion (Figure 4b). In contrast,  $P\bar{3}1c$  gave a better fit to SRO, but a poor fit to LRO. The best PDF fits were obtained by refining a weighted two-phase structural model containing ~25 wt % SRO  $P\bar{3}1c$  and ~75 wt % LRO  $R\bar{3}$  phases. The refined correlation length of the SRO is ~15–20 Å (Figure 4c). These results suggest two possible scenarios: (1) coexistence of two segregated phases, LRO  $R\bar{3}$  and SRO  $P\bar{3}1c$ , and (2) randomly distributed short-range ordered  $P\bar{3}1c$  domains in the long-range ordered  $R\bar{3}$  lattice. A detailed structural analysis is required to pinpoint scenario 1 and/or 2, which is beyond the scope of this work.

In addition to the peaks already assigned to  $\Gamma$ -point Raman active phonons of the  $P\bar{3}1c$  crystal structure (Table 2), three

additional peaks at 64.2  $\text{cm}^{-1}$  ( $P1$ ), 110.1  $\text{cm}^{-1}$  ( $P2$ ), and 220.6  $\text{cm}^{-1}$  ( $P3$ ) are observed (see Figure 2). According to the results of DFT, energies of these modes correspond well to those calculated for silent  $A_{2g}^2$ ,  $A_{2g}^3$  and  $A_{2g}^5$  modes. Their observability in Raman data may come from the release of the symmetry selection rules by breaking of the (translation) symmetry as suggested by the PDF in both scenarios.<sup>52–55</sup>

However, as previously discussed, these peaks obey  $A_{1g}$  selection rules, indicating the possibility for them to be overtones in nature. In this less likely scenario, the phonon–phonon coupling is enhanced by the spin–phonon interaction and/or by the structural imperfections, thus enhancing the Raman scattering rate for the two-phonon processes.<sup>45</sup> Hence, the observed Raman modes reflect the symmetry of phonon vibrations related to the SRO.<sup>56,57</sup> It is interesting to note that, besides a possible short-range crystallography that is different from the average,  $\text{VI}_3$  might also feature short-range magnetic order above 79 K.<sup>14</sup>

## CONCLUSION

In summary, room-temperature phonon vibrations of  $\text{VI}_3$  stem from the  $P\bar{3}1c$  symmetry of the unit cell. The PDF analysis suggested the coexistence of two phases, short-range ordered  $P\bar{3}1c$  and long-range ordered  $R\bar{3}$ , as two segregated phases and/or as randomly distributed short-range ordered  $P\bar{3}1c$  domains in the long-range ordered  $R\bar{3}$  lattice. Nine of 12 observed peaks in the Raman spectra were assigned in agreement with  $P\bar{3}1c$  symmetry calculations. Three additional peaks, which obey  $A_{1g}$  symmetry rules, could be explained as either overtones or as activated  $A_{2g}$  silent modes caused by a symmetry breaking. The asymmetry of one of the  $A_{1g}$  phonon modes, together with the anomalous behavior of  $E_g^7$  and  $E_g^8$ , indicates strong spin–phonon coupling, which has already been reported in similar 2D materials.<sup>46,58</sup>

## AUTHOR INFORMATION

### Corresponding Author

Nenad Lazarević – Institute of Physics Belgrade, University of Belgrade, 11080 Belgrade, Serbia; [orcid.org/0000-0001-6310-9511](https://orcid.org/0000-0001-6310-9511); Email: [nenadl@ipb.ac.rs](mailto:nenadl@ipb.ac.rs)

### Authors

Sanja Djurdjić Mijin – Institute of Physics Belgrade, University of Belgrade, 11080 Belgrade, Serbia

A. M. Milinda Abeykoon – National Synchrotron Light Source II, Brookhaven National Laboratory, Upton, New York 11973, United States

Andrijana Solajic – Institute of Physics Belgrade, University of Belgrade, 11080 Belgrade, Serbia

Ana Milosavljević – Institute of Physics Belgrade, University of Belgrade, 11080 Belgrade, Serbia

Jelena Pešić – Institute of Physics Belgrade, University of Belgrade, 11080 Belgrade, Serbia

Yu Liu – Condensed Matter Physics and Materials Science Department, Brookhaven National Laboratory, Upton, New York 11973-5000, United States; [orcid.org/0000-0001-8886-2876](https://orcid.org/0000-0001-8886-2876)

Cedomir Petrovic – Condensed Matter Physics and Materials Science Department, Brookhaven National Laboratory, Upton, New York 11973-5000, United States; [orcid.org/0000-0001-6063-1881](https://orcid.org/0000-0001-6063-1881)

Zoran V. Popović – Institute of Physics Belgrade, University of Belgrade, 11080 Belgrade, Serbia; Serbian Academy of Sciences and Arts, 11000 Belgrade, Serbia

Complete contact information is available at:  
<https://pubs.acs.org/10.1021/acs.inorgchem.0c02060>

## Notes

The authors declare no competing financial interest.

## ACKNOWLEDGMENTS

The authors acknowledge funding provided by the Institute of Physics Belgrade, through a grant from the Ministry of Education, Science and Technological Development of the Republic of Serbia, Project F-134 of the Serbian Academy of Sciences and Arts, and the Science Fund of the Republic of Serbia, PROMIS, 6062656, StrainedFeSC. DFT calculations were performed using computational resources at Johannes Kepler University (Linz, Austria). Materials synthesis was supported by the U.S. DOE-BES, Division of Materials Science and Engineering, under Contract DE-SC0012704 (BNL). This research used beamline 28-ID-1 of National Synchrotron Light Source II, a U.S. DOE Office of Science User Facility operated for the DOE Office of Science by Brookhaven National Laboratory under Contract DE-S.

## REFERENCES

- (1) Seyler, K. L.; Zhong, D.; Klein, D. R.; et al. Ligand-field helical luminescence in a 2D ferromagnetic insulator. *Nat. Phys.* **2018**, *14*, 277–281.
- (2) Klein, D. R.; MacNeill, D.; Lado, J. L.; Soriano, D.; Navarro-Moratalla, E.; Watanabe, K.; et al. Probing magnetism in 2D van der Waals crystalline insulators via electron tunneling. *Science* **2018**, *360*, 1218–1222.
- (3) Huang, B.; Clark, G.; Klein, D. R.; MacNeill, D.; Navarro-Moratalla, E.; Seyler, K. L.; et al. Electrical control of 2D magnetism in bilayer CrI<sub>3</sub>. *Nat. Nanotechnol.* **2018**, *13*, 544–548.
- (4) Jiang, S.; Li, L.; Wang, Z.; Mak, K. F.; Shan, J. Controlling magnetism in 2D CrI<sub>3</sub> by electrostatic doping. *Nat. Nanotechnol.* **2018**, *13*, 549–553.
- (5) McGuire, M. A.; Clark, G.; KC, S.; Chance, W. M.; Jellison, G. E.; Cooper, V. R.; Xu, X.; Sales, B. C. Magnetic behavior and spin-lattice coupling in cleavable van der Waals layered CrCl<sub>3</sub> crystals. *Phys. Rev. Materials* **2017**, *1*, 014001.
- (6) Djurdjic-Mijin, S. D.; Solajić, A.; Pešić, J.; Šćepanović, M.; Liu, Y.; Baum, A.; et al. Lattice dynamics and phase transition in CrI<sub>3</sub> single crystals. *Phys. Rev. B: Condens. Matter Mater. Phys.* **2018**, *98*, 104307.
- (7) Thiel, L.; Wang, Z.; Tschudin, M.; Rohner, D.; Gutierrez-Lezama, I. G.; Ubrig, N.; et al. Probing magnetism in 2D materials at the nanoscale with single-spin microscopy. *Science* **2019**, *364*, 973–976.
- (8) Lin, G. T.; Luo, X.; Chen, F. C.; Yan, J.; Gao, J. J.; Sun, Y.; et al. Critical behavior of two-dimensional intrinsically ferromagnetic semiconductor CrI<sub>3</sub>. *Appl. Phys. Lett.* **2018**, *112*, 072405.
- (9) Son, S.; Coak, M. J.; Lee, N.; Kim, J.; Kim, T. Y.; Hamidov, H.; et al. Bulk properties of the van der Waals hard ferromagnet VI<sub>3</sub>. *Phys. Rev. B: Condens. Matter Mater. Phys.* **2019**, *99*, 041402.
- (10) Liu, Y.; Abeykoon, M.; Petrovic, C. Critical behavior and magnetocaloric effect in VI<sub>3</sub>. *Phys. Rev. Research* **2020**, *2*, 013013.
- (11) Huang, B.; Clark, G.; Navarro-Moratalla, E.; Klein, D. R.; Cheng, R.; Seyler, K. L.; et al. Layer-dependent ferromagnetism in a van der Waals crystal down to the monolayer limit. *Nature* **2017**, *546*, 270–273.
- (12) Kong, T.; Stolze, K.; Timmons, E. I.; Tao, J.; Ni, D.; Guo, S.; et al. VI<sub>3</sub> – a New Layered Ferromagnetic Semiconductor. *Adv. Mater.* **2019**, *31*, 1808074.
- (13) Doležal, P.; Kratochvílová, M.; Holý, V.; Čermak, P.; Sečhovský, V.; Dušek, M.; et al. Crystal structures and phase transitions of the van der Waals ferromagnet VI<sub>3</sub>. *Phys. Rev. Materials* **2019**, *3*, 121401.
- (14) Tian, S.; Zhang, J.-F.; Li, C.; Ying, T.; Li, S.; Zhang, X.; et al. Ferromagnetic van der Waals Crystal VI<sub>3</sub>. *J. Am. Chem. Soc.* **2019**, *141*, 5326–5333.
- (15) Wang, Y.-M.; Tian, S.-J.; Li, C.-H.; Jin, F.; Ji, J.-T.; Lei, H.-C.; Zhang, Q.-M. Raman scattering study of two-dimensional magnetic van der Waals compound VI<sub>3</sub>. *Chin. Phys. B* **2020**, *29*, 056301.
- (16) Lee, I.; Utermohlen, F. G.; Weber, D.; Hwang, K.; Zhang, C.; van Tol, J.; Goldberger, J. E.; Trivedi, N.; Hammel, P. C. Fundamental Spin Interactions Underlying the Magnetic Anisotropy in the Kitaev Ferromagnet CrI<sub>3</sub>. *Phys. Rev. Lett.* **2020**, *124*, 017201.
- (17) Xu, C.; Feng, J.; Xiang, H.; Bellaiche, L. Interplay between Kitaev interaction and single ion anisotropy in ferromagnetic CrI<sub>3</sub> and CrGeTe<sub>3</sub> monolayers. *npj Comput. Mater.* **2018**, *4*, 57.
- (18) Mermin, N. D.; Wagner, H. Absence of Ferromagnetism or Antiferromagnetism in One- or Two-Dimensional Isotropic Heisenberg Models. *Phys. Rev. Lett.* **1966**, *17*, 1133–1136.
- (19) Pershoguba, S. S.; Banerjee, S.; Lashley, J. C.; Park, J.; Ågren, H.; Aeppli, G.; Balatsky, A. V. Dirac Magnons in Honeycomb Ferromagnets. *Phys. Rev. X* **2018**, *8*, 011010.
- (20) Liu, J.; Shi, M.; Mo, P.; Lu, J. Electrical-field-induced magnetic Skyrmion ground state in a two-dimensional chromium tri-iodide ferromagnetic monolayer. *AIP Adv.* **2018**, *8*, 055316.
- (21) Jiang, S.; Li, L.; Wang, Z.; Shan, J.; Mak, K. Spin tunnel field-effect transistors based on two-dimensional van der Waals heterostructures. *Nature Electronics* **2019**, *2*, 159.
- (22) Klein, D. R.; MacNeill, D.; Song, Q.; Larson, D. T.; Fang, S.; Xu, M.; Ribeiro, R. A.; Canfield, P. C.; Kaxiras, E.; Comin, R.; Jarillo-Herrero, P. Enhancement of interlayer exchange in an ultrathin two-dimensional magnet. *Nat. Phys.* **2019**, *15*, 1255–1260.
- (23) Wang, Z.; Gibertini, M.; Dumcenco, D.; Taniguchi, T.; Watanabe, K.; Giannini, E.; Morpurgo, A. Determining the phase diagram of atomically thin layered antiferromagnet CrCl<sub>3</sub>. *Nat. Nanotechnol.* **2019**, *14*, 1116.
- (24) Ubrig, N.; Wang, Z.; Teyssier, J.; Taniguchi, T.; Watanabe, K.; Giannini, E.; Morpurgo, A. F.; Gibertini, M. Low-temperature monoclinic layer stacking in atomically thin CrI<sub>3</sub> crystals. *2D Mater.* **2020**, *7*, 015007.
- (25) Sun, Z.; et al. Giant nonreciprocal second-harmonic generation from antiferromagnetic bilayer CrI<sub>3</sub>. *Nature* **2019**, *572*, 497–501.
- (26) McGuire, M. A.; Clark, G.; KC, S.; Chance, W. M.; Jellison, G. E.; Cooper, V. R.; Xu, X.; Sales, B. C. Magnetic behavior and spin-lattice coupling in cleavable van der Waals layered CrCl<sub>3</sub> crystals. *Phys. Rev. Materials* **2017**, *1*, 014001.
- (27) Kuhlow, B. Magnetic Ordering in CrCl<sub>3</sub> at the Phase Transition. *physica status solidi (a)* **1982**, *72*, 161–168.
- (28) Hammersley, A. P.; Svensson, S. O.; Hanfland, M.; Fitch, A. N.; Hausermann, D. Two-dimensional detector software: From real detector to idealised image or two-theta scan. *High Pressure Res.* **1996**, *14*, 235–248.
- (29) Yang, X.; Juhas, P.; Farrow, C. L.; Billinge, S. J. L. *xPDFsuite: an end-to-end software solution for high throughput pair distribution function transformation, visualization and analysis*; 2014.
- (30) Toby, B. H.; Von Dreele, R. B. GSAS-II: the genesis of a modern open-source all purpose crystallography software package. *J. Appl. Crystallogr.* **2013**, *46*, 544–549.
- (31) Farrow, C. L.; Juhas, P.; Liu, J. W.; Bryndin, D.; Božin, E. S.; Bloch, J.; Proffen, T.; Billinge, S. J. L. PDFfit2 and PDFgui: computer programs for studying nanostructure in crystals. *J. Phys.: Condens. Matter* **2007**, *19*, 335219.
- (32) Giannozzi, P.; et al. QUANTUM ESPRESSO: a modular and open-source software project for quantum simulations of materials. *J. Phys.: Condens. Matter* **2009**, *21*, 395502.
- (33) Perdew, J. P.; Burke, K.; Ernzerhof, M. Generalized Gradient Approximation Made Simple. *Phys. Rev. Lett.* **1996**, *77*, 3865–3868.

- (34) Blöchl, P. E. Projector augmented-wave method. *Phys. Rev. B: Condens. Matter Mater. Phys.* **1994**, *50*, 17953–17979.
- (35) Kresse, G.; Joubert, D. From ultrasoft pseudopotentials to the projector augmented-wave method. *Phys. Rev. B: Condens. Matter Mater. Phys.* **1999**, *59*, 1758–1775.
- (36) Cococcioni, M.; de Gironcoli, S. Linear response approach to the calculation of the effective interaction parameters in the LDA + U method. *Phys. Rev. B: Condens. Matter Mater. Phys.* **2005**, *71*, 035105.
- (37) Juza, D.; Gieglung, D.; Schäfer, H. Über die Vanadinjodide  $VJ_2$  und  $VJ_3$ . *Z. Anorg. Allg. Chem.* **1969**, *366*, 121–129.
- (38) Berry, K. O.; Smardzewski, R. R.; McCarley, R. E. Vaporization reactions of vanadium iodides and evidence for gaseous vanadium(IV) iodide. *Inorg. Chem.* **1969**, *8*, 1994–1997.
- (39) Klemm, W.; Krose, E. Die Kristallstrukturen von  $ScCl_3$ ,  $TiCl_3$  und  $VCl_3$ . *Z. Anorg. Chem.* **1947**, *253*, 218–225.
- (40) Liu, Y.; Petrovic, C. Three-dimensional magnetic critical behavior in  $Crl_3$ . *Phys. Rev. B: Condens. Matter Mater. Phys.* **2018**, *97*, 014420.
- (41) He, J.; Ma, S.; Lyu, P.; Nachtigall, P. Unusual Dirac half-metallicity with intrinsic ferromagnetism in vanadium trihalide monolayers. *J. Mater. Chem. C* **2016**, *4*, 2518–2526.
- (42) Wang, Y.-P.; Long, M.-Q. Electronic and magnetic properties of van der Waals ferromagnetic semiconductor  $VI_3$ . *Phys. Rev. B: Condens. Matter Mater. Phys.* **2020**, *101*, 024411.
- (43) Li, Y.; Liu, Y.; Wang, C.; Wang, J.; Xu, Y.; Duan, W. Electrically tunable valleytronics in quantum anomalous Hall insulating transition metal trihalides. *Phys. Rev. B: Condens. Matter Mater. Phys.* **2018**, *98*, 201407.
- (44) Lazarević, N.; Popović, Z. V.; Hu, R.; Petrović, C. Evidence for electron-phonon interaction in  $Fe_{1-x}M_xSb_2$  ( $M = Co$  and  $Cr$   $0 \leq x \leq 0.5$ ) single crystals. *Phys. Rev. B: Condens. Matter Mater. Phys.* **2010**, *81*, 144302.
- (45) Baum, A.; Milosavljević, A.; Lazarević, N.; Radonjić, M. M.; Nikolić, B.; Mitschek, M.; Maranloo, Z. I.; Šćepanović, M.; Gruić-Broćin, M.; Stojilović, N.; Opel, M.; Wang, A.; Petrović, C.; Popović, Z. V.; Hackl, R. Phonon anomalies in  $FeS$ . *Phys. Rev. B: Condens. Matter Mater. Phys.* **2018**, *97*, 054306.
- (46) Milosavljević, A.; Šolajic, A.; Pešić, J.; Liu, Y.; Petrović, C.; Lazarević, N.; Popović, Z. V. Evidence of spin-phonon coupling in  $CrSiTe_3$ . *Phys. Rev. B: Condens. Matter Mater. Phys.* **2018**, *98*, 104306.
- (47) McCarty, K. F.; Radousky, H. B.; Hinks, D. G.; Zheng, Y.; Mitchell, A. W.; Folkerts, T. J.; Shelton, R. N. Electron-phonon coupling in superconducting  $Ba_{0.6}K_{0.4}BiO_3$ : A Raman scattering study. *Phys. Rev. B: Condens. Matter Mater. Phys.* **1989**, *40*, 2662–2665.
- (48) Proffen, T.; Page, K. L.; McLain, S. E.; Clausen, B.; Darling, T. W.; TenCate, J. A.; Lee, S.-Y.; Ustundag, E. Atomic pair distribution function analysis of materials containing crystalline and amorphous phases. *Z. Kristallogr.* **2005**, *220*, 1002–1008.
- (49) Bordet, P. Application of the pair distribution function analysis for the study of cultural heritage materials. *C. R. Phys.* **2018**, *19*, 561–574.
- (50) Bozin, E. S.; Yin, W. G.; Koch, R. J.; Abeykoon, M.; Hor, Y. S.; Zheng, H.; Lei, H. C.; Petrović, C.; Mitchell, J. F.; Billinge, S. J. L. Local orbital degeneracy lifting as a precursor to an orbital-selective Peierls transition. *Nat. Commun.* **2019**, *10*, 3638.
- (51) Egami, T.; Billinge, S. J. L. *Underneath the Bragg Peaks: Structural Analysis of Complex Materials*; 2003; p 16.
- (52) Jin, F.; Lazarević, N.; Liu, C.; Ji, J.; Wang, Y.; He, S.; Lei, H.; Petrović, C.; Yu, R.; Popović, Z. V.; Zhang, Q. Phonon anomalies and magnetic excitations in  $BaFe_3Se_2O$ . *Phys. Rev. B: Condens. Matter Mater. Phys.* **2019**, *99*, 144419.
- (53) Moskovits, M.; Dilella, D. Surface-enhanced Raman spectroscopy of benzene and benzene-d<sub>6</sub> adsorbed on silver. *J. Chem. Phys.* **1980**, *73*, 6068–6075.
- (54) Dubroka, A.; Humlíček, J.; Abrashev, M. V.; Popović, Z. V.; Sapiña, F.; Cantarero, A. Raman and infrared studies of  $La_{1-y}Sr_yMn_{1-x}M_xO_3$  ( $M = Cr, Co, Cu, Zn, Sc$  or Ga): Oxygen disorder and local vibrational modes. *Phys. Rev. B: Condens. Matter Mater. Phys.* **2006**, *73*, 224401.
- (55) Souza Filho, A. G.; Faria, J. L. B.; Guedes, I.; Sasaki, J. M.; Freire, P. T. C.; Freire, V. N.; Mendes Filho, J.; Xavier, M. M.; Cabral, F. A. O.; de Araújo, J. H.; da Costa, J. A. P. Evidence of magnetic polaronic states in  $La_{0.70}Sr_{0.30}Mn_{1-x}Fe_xO_3$  manganites. *Phys. Rev. B: Condens. Matter Mater. Phys.* **2003**, *67*, 052405.
- (56) Lekgoathi, M.; Kock, L. Effect of short and long range order on crystal structure interpretation: Raman and powder X-ray diffraction of  $LiPF_6$ . *Spectrochim. Acta, Part A* **2016**, *153*, 651–654.
- (57) Wolverton, C.; Zunger, A.; Lu, Z.-W. Long-versus short-range order in  $Ni_3V$  and  $Pd_3V$  alloys. *Phys. Rev. B: Condens. Matter Mater. Phys.* **1994**, *49*, 16058.
- (58) Webster, L.; Liang, L.; Yan, J.-A. Distinct spin-lattice and spin-phonon interactions in monolayer magnetic  $Crl_3$ . *Phys. Chem. Chem. Phys.* **2018**, *20*, 23546–23555.

# Probing charge density wave phases and the Mott transition in 1T-TaS<sub>2</sub> by inelastic light scattering

S. Djurdjić Mijin,<sup>1</sup> A. Baum,<sup>2</sup> J. Bekaert,<sup>3</sup> A. Šolajić,<sup>1</sup> J. Pešić,<sup>4,\*</sup> Y. Liu,<sup>4</sup> Ge He,<sup>4</sup> M. V. Milošević,<sup>3</sup> C. Petrović,<sup>4</sup> Z. V. Popović,<sup>1,5</sup> R. Hackl,<sup>2</sup> and N. Lazarević,<sup>1</sup>

<sup>1</sup>Center for Solid State Physics and New Materials, Institute of Physics Belgrade, University of Belgrade, Pregrevica 118, RS-11080 Belgrade, Serbia

<sup>2</sup>Walther Meissner Institut, Bayerische Akademie der Wissenschaften, D-85748 Garching, Germany

<sup>3</sup>Department of Physics, University of Antwerp, Groenenborgerlaan 171, B-2020 Antwerp, Belgium

<sup>4</sup>Condensed Matter Physics and Materials Science Department, Brookhaven National Laboratory, Upton, New York 11973-5000, USA

<sup>5</sup>Serbian Academy of Sciences and Arts, Knez Mihailova 35, RS-11000 Belgrade, Serbia



(Received 10 March 2021; revised 14 June 2021; accepted 16 June 2021; published 22 June 2021)

We present a polarization-resolved, high-resolution Raman scattering study of the three consecutive charge density wave (CDW) regimes in 1T-TaS<sub>2</sub> single crystals, supported by *ab initio* calculations. Our analysis of the spectra within the low-temperature commensurate (C-CDW) regime shows  $P\bar{3}$  symmetry of the system, thus excluding the previously proposed triclinic stacking of the “star-of-David” structure, and promoting trigonal or hexagonal stacking instead. The spectra of the high-temperature incommensurate (IC-CDW) phase directly project the phonon density of states due to the breaking of the translational invariance, supplemented by sizable electron-phonon coupling. Between 200 and 352 K, our Raman spectra show contributions from both the IC-CDW and the C-CDW phases, indicating their coexistence in the so-called nearly commensurate (NC-CDW) phase. The temperature dependence of the symmetry-resolved Raman conductivity indicates the stepwise reduction of the density of states in the CDW phases, followed by a Mott transition within the C-CDW phase. We determine the size of the Mott gap to be  $\Omega_{\text{gap}} \approx 170\text{--}190$  meV, and track its temperature dependence.

DOI: [10.1103/PhysRevB.103.245133](https://doi.org/10.1103/PhysRevB.103.245133)

## I. INTRODUCTION

Quasi-two-dimensional transition metal dichalcogenides (TMDs), such as the various structures of TaSe<sub>2</sub> and TaS<sub>2</sub>, have been in the focus of various scientific investigations over the last 30 years, mostly due to the plethora of charge density wave (CDW) phases [1,2]. Among all TMD compounds 1T-TaS<sub>2</sub> stands out because of its unique and rich electronic phase diagram [3–6]. It experiences phase transitions at relatively high temperatures, making it easily accessible for investigation and, mainly for the hysteresis effects, attractive for potential applications such as data storage [7], information processing [8], or voltage-controlled oscillators [9].

The cascade of phase transitions as a function of temperature includes the transition from the normal metallic to the incommensurate CDW (IC-CDW) phase, the nearly commensurate CDW (NC-CDW) phase, and the commensurate CDW (C-CDW) phase occurring at around  $T_{\text{IC}} = 554$  K,  $T_{\text{NC}} = 355$  K, and in the temperature range from  $T_{\text{C}\downarrow} = 180$  K to  $T_{\text{C}\uparrow} = 230$  K, respectively. Recent studies indicate the possibility of yet another phase transition in 1T-TaS<sub>2</sub> at  $T_H = 80$  K, named the hidden CDW state [10–12]. This discovery led to a new boost in attention for 1T-TaS<sub>2</sub>.

Upon lowering the temperature to  $T_{\text{IC}} = 554$  K, the normal metallic state structure, described by the space group  $P\bar{3}m1$  ( $D_{3d}^d$ ) [13], transforms into the IC-CDW state. As will be

demonstrated here, the IC-CDW domains shrink upon further temperature reduction until they gradually disappear, giving place to the C-CDW ordered state. This region in the phase diagram between 554 and roughly 200 K is characterized by the coexistence of the IC-CDW and C-CDW phases and is often referred to as NC-CDW. At the transition temperature  $T_C$ , IC-CDW domains completely vanish [14] and a new lattice symmetry is established. There is a general consensus about the formation of “star-of-David” clusters with in-plane  $\sqrt{13}a \times \sqrt{13}a$  lattice reconstruction, whereby 12 Ta atoms are grouped around the 13th Ta atom [15,16]. In the absence of any external strain fields, this can be achieved in two equivalent ways (by either clockwise or counterclockwise rotations) thus yielding domains [17]. Despite extensive investigations, both experimental and theoretical, it remains an open question whether the stacking of star-of-David clusters is triclinic, trigonal, hexagonal, or a combination thereof [15,16,18–20]. The C-CDW phase is believed to be an insulator [3,21–23] with a gap of around 100 meV [13]. Very recent theoretical studies based on density-functional theory (DFT) find an additional ordering pattern along the crystallographic *c* axis. The related gap has a width of approximately 0.5 eV along  $k_z$  and becomes gapped at the Fermi energy  $E_F$  in the C-CDW phase [24,25].

Nearly all of the previously reported results for optical phonons in 1T-TaS<sub>2</sub> are based on Raman spectroscopy on the C-CDW phase and on temperature-dependent measurements in a narrow range around the NC-CDW to C-CDW phase transition [13,15,18–20]. In this paper we present temperature-dependent polarization-resolved Raman

\*Present address: Los Alamos National Laboratory, Los Alamos, New Mexico 87545, USA.

measurements in the temperature range from 4 to 370 K covering all three CDW regimes of  $1T$ -TaS<sub>2</sub>. Our analysis of the C-CDW phase confirms the symmetry to be  $P\bar{3}$ , while the NC-CDW phase is confirmed as a mixed regime of commensurate and incommensurate domains. The Raman spectra of the IC-CDW phase mainly project the phonon density of states due to the breaking of translation invariance and sizable electron-phonon coupling. The growth of the CDW gap upon cooling, followed by the opening of the Mott gap, is traced via the initial slope of the symmetry-resolved spectra. The size of 170–190 meV and the temperature dependence of the Mott gap are directly determined from high-energy Raman data.

## II. EXPERIMENTAL AND NUMERICAL METHODS

The preparation of the studied  $1T$ -TaS<sub>2</sub> single crystals is described elsewhere [26–29]. Calibrated customized Raman scattering equipment was used to obtain the spectra. Temperature-dependent measurements were performed with the sample attached to the cold finger of a He-flow cryostat. The sample was cooled down to the lowest temperature and then heated. In either case the rates were less than  $\pm 1$  K/min. All measurements were performed in a high vacuum of approximately  $5 \times 10^{-5}$  Pa.

The 575-nm laser line of a diode-pumped Coherent GENESIS MX-SLM solid state laser was used as an excitation source. Additional measurements with the 458- and 514-nm laser lines were performed with a Coherent Innova 304C argon ion laser. The absorbed power was set at 4 mW. All spectra shown are corrected for the sensitivity of the instrument and the Bose factor, yielding the imaginary part of the Raman susceptibility  $R\chi''$ , where  $R$  is an experimental constant. An angle of incidence of  $\Theta_i = 66.0 \pm 0.4^\circ$  and atomically flat cleaved surfaces enable us to measure at energies as low as  $5 \text{ cm}^{-1}$  without a detectable contribution from the laser line since the directly reflected light does not reach the spectrometer. The corresponding laser spot has an area of roughly  $50 \times 100 \mu\text{m}^2$  which prevents us from observing the possible emergence of the domains [17,30]. The inelastically scattered light is collected along the surface normal (crystallographic  $c$  axis) with an objective lens having a numerical aperture of 0.25. In the experiments presented here, the linear polarizations of the incident and scattered light are denoted as  $\mathbf{e}_i$  and  $\mathbf{e}_s$ , respectively. For  $\mathbf{e}_i$  horizontal to the plane of incidence there is no projection on the crystallographic  $c$  axis. For the low numerical aperture of the collection optics  $\mathbf{e}_s$  is always perpendicular to the  $c$  axis. Low-energy data up to  $550 \text{ cm}^{-1}$  were acquired in steps of  $\Delta\Omega = 1 \text{ cm}^{-1}$  with a resolution of  $\sigma \approx 3 \text{ cm}^{-1}$ . The symmetric phonon lines were modeled using Voigt profiles where the width of the Gaussian part is given by  $\sigma$ . For spectra up to higher energies the step width and resolution were set at  $\Delta\Omega = 50 \text{ cm}^{-1}$  and  $\sigma \approx 20 \text{ cm}^{-1}$ , respectively. The Raman tensors for the  $D_{3d}$  point group are given in Table I. Accordingly, parallel linear polarizations project both  $A_{1g}$  and  $E_g$  symmetries, while crossed linear polarizations only project  $E_g$ . The pure  $A_{1g}$  response then can be extracted by subtraction.

We have performed DFT calculations as implemented in the ABINIT package [31]. We have used the Perdew-Burke-Ernzerhof (PBE) functional, an energy cutoff of 50 Ha for the

TABLE I. Raman tensors for trigonal systems (point group  $D_{3d}$ ).

$A_{1g} = \begin{pmatrix} a & 0 & 0 \\ 0 & a & 0 \\ 0 & 0 & b \end{pmatrix}$	${}^1E_g = \begin{pmatrix} c & 0 & 0 \\ 0 & -c & d \\ 0 & d & 0 \end{pmatrix}$	${}^2E_g = \begin{pmatrix} 0 & -c & -d \\ -c & 0 & 0 \\ -d & 0 & 0 \end{pmatrix}$
--	--	---

plane-wave basis, and we have included spin-orbit coupling by means of fully relativistic Goedecker pseudopotentials [32,33], where Ta- $5d^36s^2$  and S- $3s^23p^4$  states are treated as valence electrons. The crystal structure was relaxed so that forces on each atom were below  $10 \mu\text{eV}/\text{\AA}$  and the total stress on the unit cell below 1 bar, yielding lattice parameters  $a = 3.44 \text{ \AA}$  and  $c = 6.83 \text{ \AA}$ . Subsequently, the phonons and the electron-phonon coupling (EPC) were obtained from density-functional perturbation theory (DFPT) calculations, also within ABINIT [34]. Here, we have used an  $18 \times 18 \times 12$   $\mathbf{k}$ -point grid for the electron wave vectors and a  $6 \times 6 \times 4$   $\mathbf{q}$ -point grid for the phonon wave vectors. For the electronic occupation we employed Fermi-Dirac smearing with broadening factor  $\sigma_{\text{FD}} = 0.01 \text{ Ha}$ , which is sufficiently high to avoid unstable phonon modes related to the CDW phases.

## III. RESULTS AND DISCUSSION

### A. Lattice dynamics of the charge-density wave regimes

Temperature-dependent symmetry-resolved Raman spectra of  $1T$ -TaS<sub>2</sub> are presented in Fig. 1. It is obvious that their evolution with temperature is divided into three distinct ranges (IC-CDW, NC-CDW, and C-CDW) as indicated. The lattice dynamics for each of these ranges will be treated separately in the first part of the section. In the second part we address the electron dynamics.

#### I. C-CDW phase

At the lowest temperatures  $1T$ -TaS<sub>2</sub> exists in the commensurate C-CDW phase. Here, the atoms form so-called star-of-David clusters. Different studies report either triclinic stacking of these clusters leading to  $P\bar{1}$  unit cell symmetry [16], or trigonal or hexagonal stacking and  $P\bar{3}$  unit cell symmetry [15,18–20]. A factor group analysis predicts 57  $A_g$  Raman-active modes with an identical polarization dependence for  $P\bar{1}$  unit cell symmetry, and alternatively 19  $A_g + 19 E_g$  Raman-active modes for  $P\bar{3}$  unit cell symmetry [13]. Our polarized Raman scattering measurements at  $T = 4 \text{ K}$ , measured in two scattering channels, together with the corresponding cumulative fits are shown in Fig. 2. As it can be seen, we have observed modes of two different symmetries in the related scattering channels. This result indicates trigonal or hexagonal stacking of the star-of-David clusters. The symmetric phonon lines can be described by Voigt profiles, the best fit of which is shown as blue (for parallel light polarizations) and red (crossed polarizations) lines. After fitting Voigt profiles to the Raman spectra, 38 phonon modes were singled out. Following the selection rules for  $A_g$  and  $E_g$  symmetry modes, 19 were assigned as  $A_g$  and 19 as  $E_g$  symmetry, meaning all expected modes could be identified. The contribution from each mode to the cumulative fit is presented in Fig. 2 as green

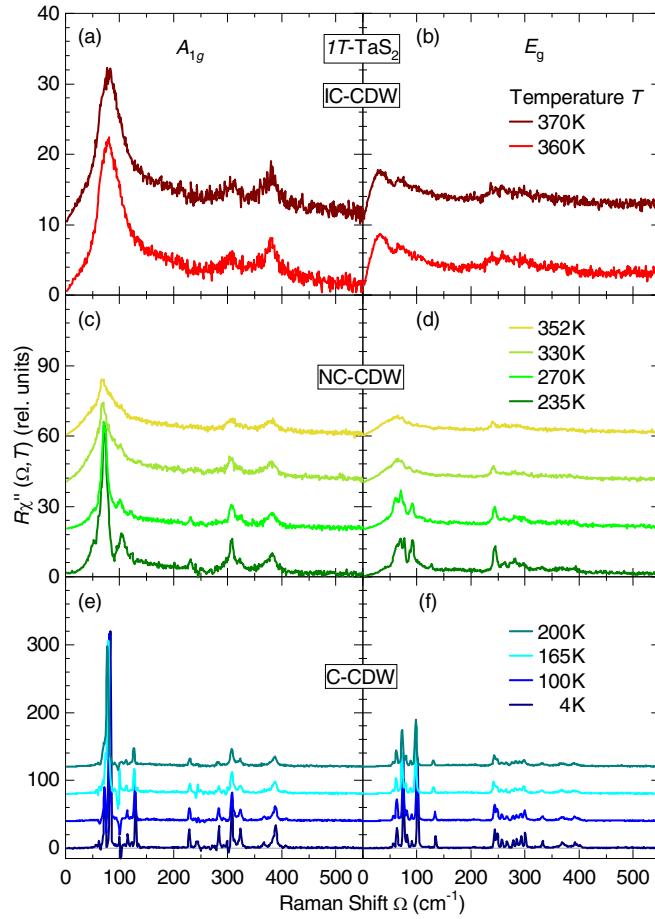


FIG. 1. Symmetry-resolved Raman spectra of  $1T\text{-TaS}_2$  at temperatures as indicated. Both C-CDW (blue lines) and IC-CDW (red lines) domains yield significant contributions to the Raman spectra of the NC-CDW phase (green lines).

TABLE II.  $A_{1g}$  and  $E_g$  Raman mode energies experimentally obtained at  $T = 4$  K.

$n_o$	$\omega_{A_g}$ (cm $^{-1}$ )	$\omega_{E_g}$ (cm $^{-1}$ )
1	62.6	56.5
2	73.3	63.3
3	83.4	75.3
4	114.9	82.0
5	121.9	90.5
6	129.5	101.1
7	228.7	134.8
8	244.1	244.0
9	271.9	248.9
10	284.2	257.5
11	298.6	266.6
12	307.2	278.3
13	308.2	285.0
14	313.0	292.9
15	321.2	300.5
16	324.2	332.7
17	332.0	369.2
18	367.2	392.6
19	388.4	397.7

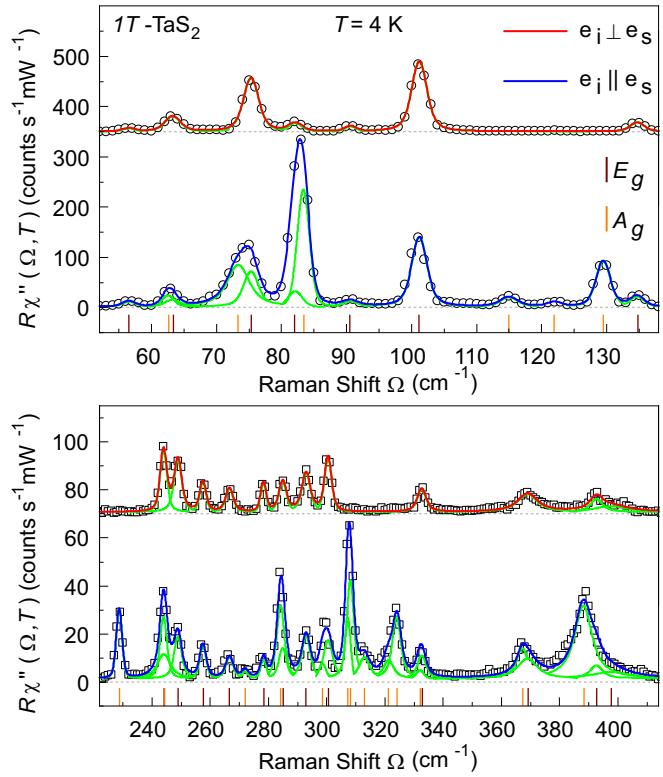


FIG. 2. Raman spectra at  $T = 4$  K, i.e., in the C-CDW phase, for parallel and crossed light polarizations. Red and blue solid lines represent fits of the experimental data using Voigt profiles. Spectra are offset for clarity. The short vertical lines depict central frequencies obtained from the data analysis. The exact energy values are presented in Table II.

lines, whereas the complete list of the corresponding phonon energies can be found in Table II.

## 2. IC-CDW phase

At the highest experimentally accessible temperatures  $1T\text{-TaS}_2$  adopts the IC-CDW phase. Data collected by Raman scattering at  $T = 370$  K, containing all symmetries, are shown as a blue solid line in Fig. 3. As  $1T\text{-TaS}_2$  is metallic in this phase [25] we expect the phonon lines to be superimposed on a continuum of electron-hole excitations which we approximate using a Drude spectrum shown as a dashed line [35,36].

Since the IC-CDW phase arises from the normal metallic phase, described by space group  $P\bar{3}m1$  [13,37], it is interesting to compare our Raman results on the IC-CDW phase to an *ab initio* calculation of the phonon dispersion in the normal phase, shown as an inset in Fig. 3. Four different optical modes were obtained at  $\Gamma$ :  $E_u$  at  $189$  cm $^{-1}$  (double degenerate),  $E_g$  at  $247$  cm $^{-1}$  (double degenerate),  $A_{2u}$  at  $342$  cm $^{-1}$ , and  $A_{1g}$  at  $346$  cm $^{-1}$ . A factor group analysis shows that two of these are Raman active, namely  $E_g$  and  $A_{1g}$  [13].

We observe that the calculated phonon eigenvalues of the simple metallic phase at  $\Gamma$  do not closely match the observed peaks in the experimental spectra of the IC-CDW phase. Rather, these correspond better to the calculated phonon density of states (PDOS), depicted in Fig. 3. There are essentially three different ways to project the PDOS in a Raman

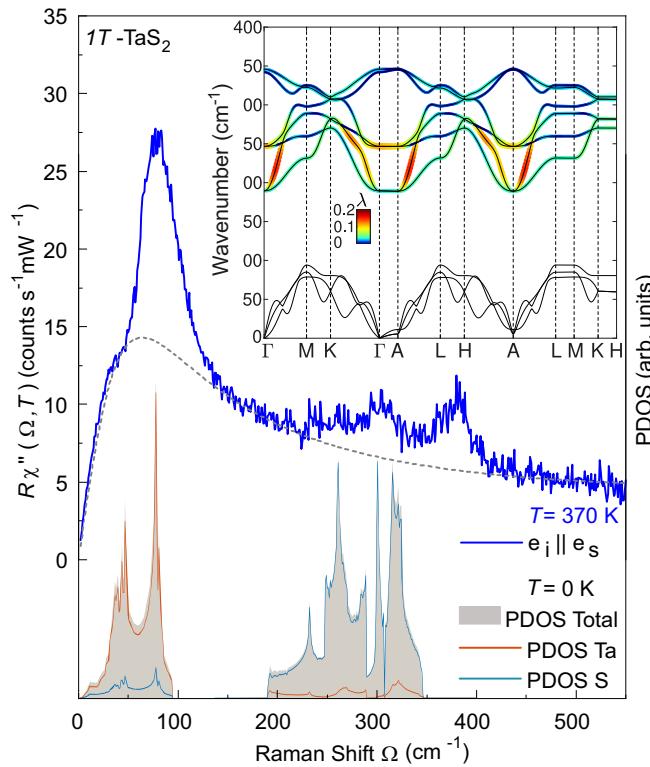


FIG. 3. Raman response for parallel light polarizations in the IC-CDW phase at 370 K (blue line). The dashed line depicts the possible electronic continuum. The contributions of the Ta (dark brown) and S atoms (light brown) to the calculated PDOS (gray area) are shown below. The inset shows the calculated phonon dispersion of 1T-TaS<sub>2</sub> in the simple metallic phase, with the electron-phonon coupling ( $\lambda$ ) of the optical branches indicated through the color scale.

experiment and to overcome the  $q \approx 0$  selection given by the small momentum of visible light: (i) scattering on impurities [38], (ii) enhanced electron-phonon coupling [39], and (iii) breaking of the translational symmetry in the IC-CDW phase. (i) We rule out chemical impurity scattering, expected to exist at all temperatures, as the low-temperature spectra (Fig. 2) show no signs thereof. (ii) The additional scattering channel may come from the electron-phonon coupling (EPC). The calculated EPC,  $\lambda$ , in the optical modes (inset of Fig. 3) is limited, yet not negligible, reaching maxima of  $\sim 0.2$  in the lower optical branches around the Brillouin zone (BZ) points  $\Gamma$  and  $A$ . The calculated atom-resolved PDOS shows the acoustic modes to be predominantly due to Ta and the optical modes due to S, as a result of their difference in atomic mass. The acoustic modes display several dips that are signatures of the latent CDW phases, for which the EPC cannot be reliably determined. Significant EPC in the optical modes of 1T-TaS<sub>2</sub> is furthermore supported by experimental results linking a sharp increase in the resistivity above the IC-CDW transition temperature to the EPC [37]. It also corroborates calculated [14] and experimentally obtained [13] values of the CDW gap, which correspond to intermediate to strong EPC [37]. (iii) Although EPC certainly contributes we believe that the majority of the additional scattering channels can be traced back to the incommensurate breaking of the translational in-

variance upon entering IC-CDW. Thus the “weighted” PDOS is projected into the Raman spectrum [see Figs. 1(a) and 1(b)]. These “weighting” factors depend on the specific symmetries along the phonon branches as well as the “new periodicity” and go well beyond the scope of this paper.

### 3. NC-CDW phase

The nearly commensurate phase is seen as a mixed phase consisting of regions of commensurate and incommensurate CDWs [40,41]. This coexistence of high- and low-temperature phases is observable in our temperature-dependent data as shown in Fig. 1. The spectra for the IC-CDW (red curves) and C-CDW phase (blue curves) are distinctly different, as also visible in the data shown above (Figs. 2 and 3). The spectra of the NC-CDW phase ( $235 \text{ K} < T < 352 \text{ K}$ ) comprise contributions from both phases. As 352 K is the highest temperature at which the contributions from the C-CDW phase can be observed in the spectra, we suggest that the phase transition temperature from IC-CDW to NC-CDW phase is somewhere in between 352 and 360 K. This conclusion is in good agreement with experimental results regarding this transition [4–6].

### B. Gap evolution

The opening of a typically momentum-dependent gap in the electronic excitation spectrum is a fundamental property of CDW systems which has also been observed in 1T-TaS<sub>2</sub> [13,37,42]. Here, in addition to the CDW, a Mott transition at the onset of the C-CDW phase leads to an additional gap opening in the bands close to the  $\Gamma$  point [21,43]. Symmetry-resolved Raman spectroscopy can provide additional information here using the momentum resolution provided by the selection rules. To this end, we look at the initial slopes of the electronic part of the spectra.

As shown in Figs. 4(a)–4(c), different symmetries project individual parts of the BZ [36,44]. The vertices given by the hexagonal symmetry of 1T-TaS<sub>2</sub> are derived in Appendix C. The  $A_{1g}$  vertex mainly highlights the area around the  $\Gamma$  point while the  $E_g$  vertices predominantly project the BZ boundaries. The opening of a gap at the Fermi level reduces  $N_F$ , leading to an increase of the resistivity in the case of 1T-TaS<sub>2</sub>. This reduction of  $N_F$  manifests itself also in the Raman spectra which, to zeroth order, are proportional to  $N_F$  [35,44]. As a result, the initial slope changes as shown Figs. 4(d) and 4(e), which zoom in on the low-energy region of the spectra from Fig. 1. The initial slope of the Raman response is  $R \lim_{\Omega \rightarrow 0} \frac{\partial \chi''}{\partial \Omega} \propto N_F \tau_0$ , where  $R$  incorporates only experimental factors [44]. The electronic relaxation  $\Gamma_0^* \propto (N_F \tau_0)^{-1}$  is proportional to the dc resistivity  $\rho(T)$  [45]. If a gap opens up there is vanishing intensity at  $T = 0$  below the gap edge for an isotropic gap. At finite temperature there are thermally excited quasiparticles which scatter. Thus, there is a linear increase at low energies [35]. The black lines in Figs. 4(d)–4(g) represent the initial slopes and their temperature dependences. The lines comprise carrier relaxation and gap effects, and we focus only on the relative changes.

Starting in the IC-CDW phase at  $T = 370 \text{ K}$  [Fig. 4(d)] the initial slope is higher for the  $E_g$  spectrum than for  $A_{1g}$  symmetry. While the CDW gap started to open already at

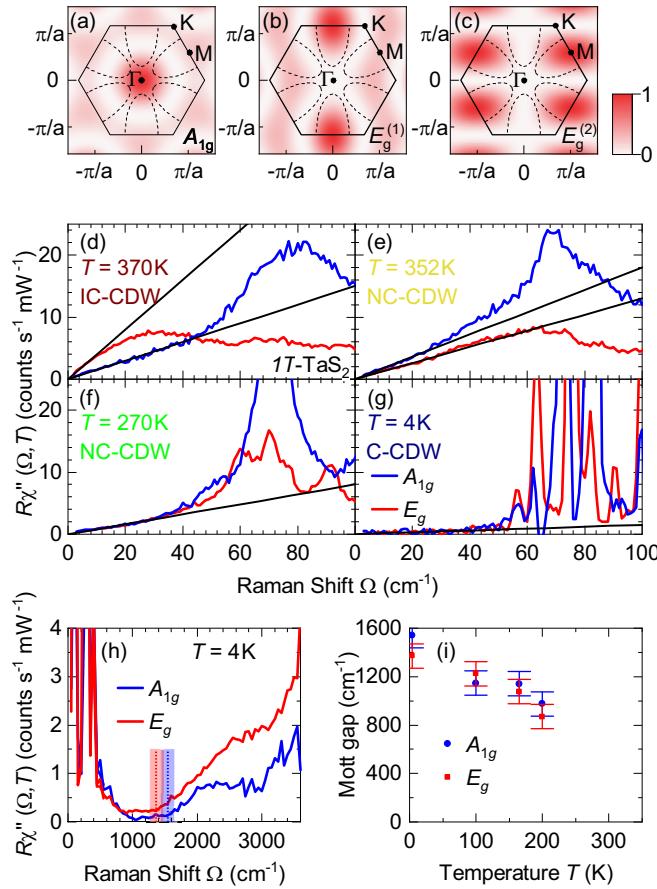


FIG. 4. Evolution of the gaps. (a)–(c) Squared Raman vertices and Fermi surface of 1T-TaS<sub>2</sub> for the indicated symmetries in the normal phase above  $T_{IC}$ . The derivation of Raman vertices is presented in Appendix C. (d)–(g) Low-energy Raman spectra for  $A_{1g}$  symmetry (blue) and  $E_g$  symmetry (red) at temperatures as indicated. The spectra shown are zooms on the data shown in Fig. 1. The black lines highlight the initial slope of the spectra. (h) High-energy spectra at 4 K. Vertical dashed lines and colored bars indicate the approximate size and error bars of the Mott gap for the correspondingly colored spectrum. (i) Temperature dependence of the Mott gap  $\Delta_\mu$  ( $\mu = A_{1g}, E_g$ ).

554 K around the  $M$  points [43], which are highlighted by the  $E_g$  vertex, the Fermi surface projected by the  $E_g$  vertex continues to exist. Thus, we may interpret the different slopes as a manifestation of a momentum-dependent gap in the IC-CDW phase and assume overall intensity effects to be symmetry independent for all temperatures. At  $T = 352$  K [Fig. 4(e)] the slope for  $E_g$  symmetry is substantially reduced to below the  $A_{1g}$  slope due to a strong increase of the CDW gap in the commensurate regions [43] which emerge upon entering the NC-CDW phase. Further cooling also decreases the slope for the  $A_{1g}$  spectrum, as the Mott gap around the  $\Gamma$  point starts to open within the continuously growing C-CDW domains [40,41]. Below  $T = 270$  K the initial slopes are identical for both symmetries and decrease with temperature. Apparently, the Mott gap opens up on the entire Fermi surface in direct correspondence with the increase of the resistivity by approximately an order of magnitude [3]. Finally, at the lowest temperature close to 4 K the initial slopes drop to almost zero

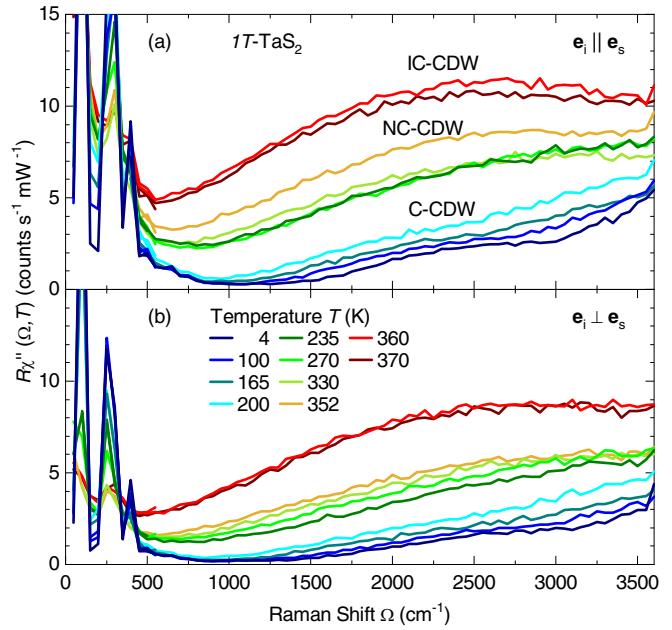


FIG. 5. Raman spectra up to high energies for (a) parallel and (b) crossed polarizations of the incident and scattered light at temperatures as given in the legend.

[Fig. 4(g)], indicating vanishing conductivity or fully gapped bands in the entire BZ.

Concomitantly, and actually more intuitive for the opening of a gap, we observe the loss of intensity in the Raman spectra below a threshold at an energy  $\Omega_{gap}$ . Below 30 cm $^{-1}$  the intensity is smaller than 0.2 counts(mW s) $^{-1}$  [Fig. 4(g)] and still smaller than 0.3 counts(mW s) $^{-1}$  up to 1500 cm $^{-1}$  [Fig. 4(h)]. For a superconductor or a CDW system the threshold is given by  $2\Delta$ , where  $\Delta$  is the single-particle gap, and a pileup of intensity for higher energies,  $\Omega > 2\Delta$  [44]. A pileup of intensity cannot be observed here. Rather, the overall intensity is further reduced with decreasing temperature as shown in Figs. 5 and 6 in Appendixes A and B. In particular, the reduction occurs in distinct steps between the phases and continuous inside the phases with the strongest effect in the C-CDW phase below approximately 210 K (Fig. 5). In a system as clean as 1T-TaS<sub>2</sub> the missing pileup in the C-CDW phase is surprising and argues for an alternative interpretation.

In a Mott system, the gap persists to be observable but the pileup is not a coherence phenomenon and has not been observed yet. In fact, the physics is quite different, and the conduction band is split symmetrically about the Fermi energy  $E_F$  into a lower and an upper Hubbard band. Thus in the case of Mott-Hubbard physics the experimental signatures are more such as those expected for an insulator or semiconductor having a small gap, where at  $T = 0$  there is a range without intensity and an interband onset with a band-dependent shape. At finite temperature there are thermal excitations inside the gap. For 1T-TaS<sub>2</sub> at the lowest accessible temperature, both symmetries exhibit a flat, nearly vanishing electronic continuum below a slightly symmetry-dependent threshold (superposed by the phonon lines at low energies). Above the threshold a weakly structured increase is observed. We interpret this onset as the distance of the lower

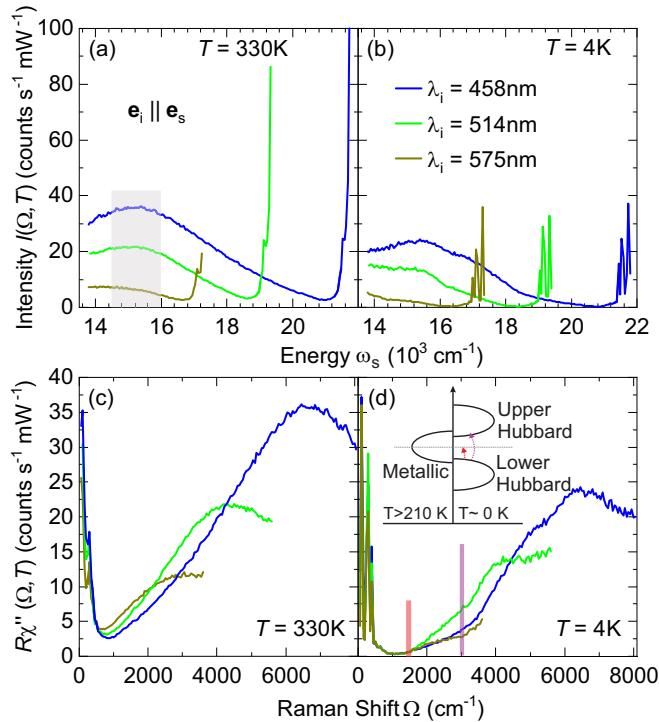


FIG. 6. Luminescence contribution to the Raman data. (a), (b) Intensity as a function of the absolute frequency for (a)  $T = 330$  K and (b)  $T = 4$  K. The approximate peak maximum of the contribution attributed to luminescence is highlighted by the gray shaded area. (c), (d) Raman susceptibility calculated from (a) and (b), respectively, shown as a function of frequency (Raman) shift. The luminescence peak appears at different Raman shifts depending on the wavelength of the laser light. At  $T = 4$  K the spectra are identical up to  $1600\text{ cm}^{-1}$  for all laser light wavelengths.

Hubbard band from the Fermi energy  $E_F$  or half of the distance between the lower and the upper Hubbard band, shown as vertical dashed lines at  $1350\text{--}1550\text{ cm}^{-1} \equiv 170\text{--}190\text{ meV}$  [Fig. 4(h)]. The energy is in good agreement with gap obtained from the in-plane angle-resolved photoemission spectroscopy (ARPES) [43], scanning tunneling spectroscopy [46], and infrared spectroscopy [13] which may be compared directly with our Raman results measured with in-plane polarizations. Upon increasing the temperature the size of the gap shrinks uniformly in both symmetries [Fig. 4(i)] and may point to an onset above the C-CDW phase transition, consistent with the result indicated by the initial slope. However, we cannot track the development of the gap into the NC-CDW phase as an increasing contribution of luminescence (see Appendix B) overlaps with the Raman data.

Recently, it was proposed on the basis of DFT calculations that  $1T\text{-TaS}_2$  orders also along the  $c$  axis perpendicular to the planes in the C-CDW state [24,25]. This quasi-one-dimensional (1D) coupling is unexpectedly strong and the resulting metallic band is predicted to have a width of approximately 0.5 eV. For specific relative ordering of the star of David patterns along the  $c$  axis this band develops a gap of 0.15 eV at  $E_F$  [25], which is intriguingly close to the various experimental observations. However, since our light polarizations are strictly in plane, we have to conclude that the gap

observed here (and presumably in the other experiments) is an in-plane gap. Our experiment cannot detect an out-of-plane gap. Thus, neither a quasimetallic dispersion along the  $c$  axis nor a gap in this band along  $k_z$  may be excluded in the C-CDW phase. However, there is compelling evidence for a Mott-like gap in the layers rather than a CDW gap.

#### IV. CONCLUSIONS

We have presented a study of the various charge density wave regimes in  $1T\text{-TaS}_2$  by inelastic light scattering, supported by *ab initio* calculations. The spectra of lattice excitations in the commensurate CDW (C-CDW) phase determine the unit cell symmetry to be  $P\bar{3}$ , indicating trigonal or hexagonal stacking of the “star-of-David” structure. The high-temperature spectra of the incommensurate CDW (IC-CDW) state are dominated by a projection of the phonon density of states caused by either a significant electron-phonon coupling or, more likely, the superstructure. The intermediate nearly commensurate (NC-CDW) phase is confirmed to be a mixed regime of commensurate and incommensurate regions contributing to the phonon spectra below an onset temperature  $T_{NC} \approx 352\text{--}360$  K, in good agreement with previously reported values. At the lowest measured temperatures, the observation of a virtually clean gap without a redistribution of spectral weight from low to high energies below  $T_C$  argues for the existence of a Mott metal-insulator transition at a temperature of order 100 K. The magnitude of the gap is found to be  $\Omega_{gap} \approx 170\text{--}190$  meV and has little symmetry, thus momentum, dependence, in agreement with earlier ARPES results [37]. At 200 K, on the high-temperature end of the C-CDW phase, the gap shrinks to  $\sim 60\%$  of its low-temperature value. Additionally, the progressive filling of the CDW gaps by thermal excitations is tracked via the initial slope of the spectra, and indicates that the Mott gap opens primarily on the parts of the Fermi surface closest to the  $\Gamma$  point.

Our results demonstrate the potential of using inelastic light scattering to probe the momentum dependence and energy scale of changes in the electronic structure driven by low-temperature collective quantum phenomena. This opens perspectives to investigate the effect of hybridization on collective quantum phenomena in heterostructures composed of different 2D materials, e.g., alternating  $T$  and  $H$  monolayers as in the  $4Hb\text{-TaS}_2$  phase [47].

#### ACKNOWLEDGMENTS

The authors acknowledge funding provided by the Institute of Physics Belgrade through the grant by the Ministry of Education, Science and Technological Development of the Republic of Serbia. The work was supported by the Science Fund of the Republic of Serbia, PROMIS, No. 6062656, StrainedFeSC, and by Research Foundation-Flanders (FWO). J.B. acknowledges support of a postdoctoral fellowship of the FWO, and of the Erasmus + program for staff mobility and training (KA107, 2018) for a research stay at the Institute of Physics Belgrade, during which part of the work was carried out. The computational resources and services used for the first-principles calculations in this work were provided by the VSC (Flemish Supercomputer Center), funded by the

FWO and the Flemish Government – department EWI. Work at Brookhaven is supported by the U.S. DOE under Contract No. DESC0012704. A.B. and R.H. acknowledge support by the German research foundation (DFG) via Projects No. Ha2071/12-1 and No. 107745057 – TRR 80 and by the DAAD via the project-related personal exchange program PPP with Serbia Grant No. 57449106.

## APPENDIX A: RAW DATA

Figure 5 shows Raman spectra at temperatures ranging from  $T = 4$  to 370 K for parallel [Fig. 5(a)] and crossed [Fig. 5(b)] in-plane light polarizations. The spectra were measured in steps of  $\Delta\Omega = 50 \text{ cm}^{-1}$  and a resolution of  $\sigma \approx 20 \text{ cm}^{-1}$ . Therefore neither the shapes nor the positions of the phonon lines below 500  $\text{cm}^{-1}$  may be resolved. All spectra reach a minimum in the range from 500 to 1600  $\text{cm}^{-1}$ . At energies above 500  $\text{cm}^{-1}$  the overall intensities are strongly temperature dependent and decreasing with decreasing temperature. Three clusters of spectra are well separated according to the phases they belong to.

In the C-CDW phase ( $T \leq 200$  K, blue lines) the spectra start to develop substructures at 1500 and 3000  $\text{cm}^{-1}$ . The spectra at 200 K increase almost linearly with energy. The spectra of the NC- and IC-CDW phases exhibit a broad maximum centered in the region of 2200–3200  $\text{cm}^{-1}$  which may be attributed to luminescence (see Appendix B). For clarification we measured a few spectra with various laser lines for excitation.

## APPENDIX B: LUMINESCENCE

Figure 6 shows Raman spectra measured with parallel light polarizations for three different wavelengths  $\lambda_i$  of the incident laser light. Figures 6(a) and 6(b) depict the measured intensity  $I$  (without the Bose factor) as a function of the absolute velocity  $\tilde{v}$  of the scattered light.

At high temperature [ $T = 330$  K, Fig. 6(a)] a broad peak can be seen for all  $\lambda_i$  which is centered at a fixed frequency of 15 200  $\text{cm}^{-1}$  of the scattered photons (gray shaded area). The peak intensity decreases for increasing  $\lambda_i$  (decreasing energy). Correspondingly, this peak's center depends on the laser wavelength in the spectra shown as a function of the Raman shift [Fig. 6(c)]. This behavior indicates that the origin of this excitation is likely to be luminescence where transitions at fixed absolute final frequencies are expected.

At low temperature [Fig. 6(b)] we can no longer find a structure at a fixed absolute energy. Rather, as already indicated in the main part, the spectra develop additional, yet weak, structures which are observable in all spectra but are particularly pronounced for blue excitation. For green and yellow excitation the spectral range of the spectrometer, limited to 732 nm, is not wide enough for a deeper insight into the luminescence contributions (at energies different from those at high temperature) and no maximum common to all three spectra is observed. If these spectra are plotted as a function of the Raman shift, the changes in slope at 1500 and 3000  $\text{cm}^{-1}$  are found to be in the same position for all  $\lambda_i$ , values thus arguing for inelastic scattering rather than luminescence. Since we do currently not have the appropriate experimental

tools for an in-depth study, our interpretation is preliminary although supported by the observations in Fig. 6(d).

As shown in the inset of Fig. 6(d) we propose a scenario on the basis of Mott physics. In the C-CDW phase the reduced bandwidth is no longer the largest energy and the Coulomb repulsion  $U$  becomes relevant [22] and splits the conduction band into a lower and upper Hubbard band. We assume that the onset of scattering at 1500  $\text{cm}^{-1}$  corresponds to the distance of the highest energy of the lower Hubbard band to the Fermi energy  $E_F$ . The second onset corresponds then to the distance between the highest energy of the lower Hubbard band and the lowest energy of the upper Hubbard band. An important question needs to be answered: Into which unoccupied states right above  $E_F$  does the first process scatter electrons? We may speculate that some DOS is provided by the metallic band dispersing along  $k_z$  or by the metallic domain walls between the different types of ordering patterns along the  $c$  axis observed recently by tunneling spectroscopy [46]. These quasi-1D domain walls would provide the states required for the onset of scattering at high energy but are topologically too small for providing enough density of states for a measurable intensity at low energy [Fig. 4(g)] in a location-integrated experiment such as Raman scattering.

## APPENDIX C: DERIVATION OF THE RAMAN VERTICES

Phenomenologically, the Raman vertices can be derived based on lattice symmetry, which are proportional to the Brillouin zone harmonics. They are a set of functions that exhibit the symmetry and periodicity of the lattice structure proposed by Allen [48]. These functions make the  $k$ -space sums and energy integrals more convenient than that of the Cartesian basis or the spherical harmonics basis, especially for those materials who have anisotropic and/or multiple Fermi pockets. The three Cartesian components of the Fermi velocity  $v_k$  are recommended to generate this set of functions since they inherit the symmetry and periodicity of the crystal lattice naturally. However, in most cases, we do not know the details of band dispersion. A phenomenological method is needed to construct such a set of basis functions. Here, we demonstrate a method based on the group theory. The Brillouin zone harmonics can be obtained by the projection operation on specific trial functions.

For a certain group  $G$  with symmetry elements  $R$  and symmetry operators  $\hat{P}_R$ , it can be described by several irreducible representations  $\Gamma_n$ , where  $n$  labels the representation. For each irreducible representation, there are corresponding basis functions  $\Phi_{\Gamma_n}^j$  that can be used to generate representation matrices for a particular symmetry. Here,  $j$  labels the component or partner of the representations. For an arbitrary function  $F$ , we have

$$F = \sum_{\Gamma_n} \sum_j f_j^{\Gamma_n} \Phi_{\Gamma_n}^j. \quad (\text{C1})$$

According to the group theory, we can always define a projection operator by the relation [49]

$$\hat{P}^{\Gamma_n} = \frac{d}{N} \sum_R \chi^{\Gamma_n}(R) * \hat{P}_R, \quad (\text{C2})$$

TABLE III. Symmetry operations  $\hat{P}_R$  and corresponding character table of the  $D_{3d}$  point group.

$\hat{P}_R$	$x'$	$y'$	$z'$	$\chi^{\Gamma_n}(R)$	
				$A_{1g}$	$E_g$
$E$	$x$	$y$	$z$	1	2
$C_3^1$	$-\frac{1}{2}x + \frac{\sqrt{3}}{2}y$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}x - \frac{1}{2}y$	$z$	1	-1
$C_3^{-1}$	$-\frac{1}{2}x - \frac{\sqrt{3}}{2}y$	$\frac{\sqrt{3}}{2}x - \frac{1}{2}y$	$z$	1	-1
$C'_2$	$x$	$-y$	$-z$	1	0
$C''_2$	$-\frac{1}{2}x + \frac{\sqrt{3}}{2}y$	$\frac{\sqrt{3}}{2}x + \frac{1}{2}y$	$-z$	1	0
$C'''_2$	$-\frac{1}{2}x - \frac{\sqrt{3}}{2}y$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}x + \frac{1}{2}y$	$-z$	1	0
$I$	$-x$	$-y$	$-z$	1	2
$S_6^1$	$\frac{1}{2}x - \frac{\sqrt{3}}{2}y$	$\frac{\sqrt{3}}{2}x + \frac{1}{2}y$	$-z$	1	-1
$S_6^{-1}$	$\frac{1}{2}x + \frac{\sqrt{3}}{2}y$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}x + \frac{1}{2}y$	$-z$	1	-1
$\sigma'_v$	$-x$	$y$	$z$	1	0
$\sigma''_v$	$\frac{1}{2}x - \frac{\sqrt{3}}{2}y$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}x - \frac{1}{2}y$	$z$	1	0
$\sigma'''_v$	$\frac{1}{2}x + \frac{\sqrt{3}}{2}y$	$\frac{\sqrt{3}}{2}x - \frac{1}{2}y$	$z$	1	0

that satisfies the relation

$$\hat{P}^{\Gamma_n} F = \sum_j f_j^{\Gamma_n} \Phi_{\Gamma_n}^j, \quad (C3)$$

where  $d$  is the dimensionality of the irreducible representation  $\Gamma_n$ ,  $N$  is the number of symmetry operators in the group, and  $\chi^{\Gamma_n}(R)$  is the character of the matrix of symmetry operator  $R$  in irreducible representation  $\Gamma_n$ . By projection operation on a certain irreducible representation  $\Gamma_n$ , we can directly get its basis functions  $\Phi_{\Gamma_n}^j$ .

The basis functions are not unique. In specific physical problems, it is useful to use physical insight to guess an appropriate arbitrary function to find the basis functions for specific

problems.  $1T\text{-TaS}_2$  belongs to the  $D_{3d}$  point group. There are 12 symmetry operators in this group, i.e.,  $E$ ,  $C_3^1$ ,  $C_3^{-1}$ ,  $C'_2$ ,  $C''_2$ ,  $I$ ,  $S_6^1$ ,  $S_6^{-1}$ ,  $\sigma'_v$ ,  $\sigma''_v$ ,  $\sigma'''_v$ . The coordinate transformations after symmetry operations and the corresponding character table are listed in Table III.

In order to simulate the periodicity of the Brillouin zone, trigonometric functions are used as trial functions. According to the parity of the irreducible representations, we can choose an appropriate trigonometric function, e.g., a sine function for odd parity representation and cosine function for even parity representation. The combinations of them are also available.

Here, we use  $F = \cos(k_x a)$  as a trial function, where  $a$  is the in-plane crystal constant. The basis function of  $A_{1g}$  can be derived as

$$\Phi_{A_{1g}}(\mathbf{k}) = \frac{1}{3} \left[ \cos(k_x a) + 2 \cos\left(\frac{1}{2}k_x a\right) \cos\left(\frac{\sqrt{3}}{2}k_y a\right) \right]. \quad (C4)$$

With the same method, we obtain a basis function of  $E_g$  as

$$\Phi_{E_g^1}(\mathbf{k}) = \frac{2}{3} \left[ \cos(k_x a) - \cos\left(\frac{1}{2}k_x a\right) \cos\left(\frac{\sqrt{3}}{2}k_y a\right) \right]. \quad (C5)$$

Since the  $E_g$  is a two-dimensional representation, the projection operation provides only one of the two basis functions of the corresponding subspace. The second function is found based on the subspace invariance under the symmetry operations (e.g., if we operate  $\Phi_{E_g^1}$  with  $C_3^1$  symmetry, the result can be presented as a linear combination of  $\Phi_{E_g^1}$  and  $\Phi_{E_g^2}$ ). Thus we obtain

$$\Phi_{E_g^2}(\mathbf{k}) = 2 \sin\left(\frac{1}{2}k_x a\right) \sin\left(\frac{\sqrt{3}}{2}k_y a\right). \quad (C6)$$

- 
- [1] J. C. Tsang, J. E. Smith, M. W. Shafer, and S. F. Meyer, Raman spectroscopy of the charge-density-wave state in  $1T$ - and  $2H\text{-TaSe}_2$ , *Phys. Rev. B* **16**, 4239 (1977).
- [2] C. J. Sayers, H. Hedayat, A. Ceraso, F. Museur, M. Cattelan, L. S. Hart, L. S. Farrar, S. Dal Conte, G. Cerullo, C. Dallera, E. Da Como, and E. Carpene, Coherent phonons and the interplay between charge density wave and Mott phases in  $1T\text{-TaSe}_2$ , *Phys. Rev. B* **102**, 161105(R) (2020).
- [3] A. J. Wilson, J. F. D. Salvo, and S. Mahajan, Charge-density waves and superlattices in the metallic layered transition metal dichalcogenides, *Adv. Phys.* **24**, 117 (1975).
- [4] C. B. Scruby, P. M. Williams, and G. S. Parry, The role of charge density waves in structural transformations of  $1T\text{-TaS}_2$ , *Philos. Mag.* **31**, 255 (1975).
- [5] R. E. Thomson, B. Burk, A. Zettl, and J. Clarke, Scanning tunneling microscopy of the charge-density-wave structure in  $1T\text{-TaS}_2$ , *Phys. Rev. B* **49**, 16899 (1994).
- [6] W. Wen, C. Dang, and L. Xie, Photoinduced phase transitions in two-dimensional charge-density-wave  $1T\text{-TaS}_2$ , *Chin. Phys. B* **28**, 058504 (2019).
- [7] D. Svetin, I. Vaskivskyi, S. Brazovskii, Mertelj, and D. Mihailovic, Three-dimensional resistivity and switching between correlated electronic states in  $1T\text{-TaS}_2$ , *Sci. Rep.* **7**, 46048 (2017).
- [8] D. Svetin, I. Vaskivskyi, P. Sutar, E. Goreshnik, J. Gospodarcic, T. Mertelj, and D. Mihailovic, Transitions between photoinduced macroscopic quantum states in  $1T\text{-TaS}_2$  controlled by substrate strain, *Appl. Phys. Express* **7**, 103201 (2014).
- [9] G. Liu, B. Debnath, T. R. Pope, T. T. Salguero, R. K. Lake, and A. A. Balandin, A charge-density wave oscillator based on an integrated tantalum disulfide-boron nitride-graphene device operating at room temperature, *Nat. Nanotechnol.* **11**, 845 (2016).
- [10] R. Salgado, A. Mohammadzadeh, F. Kargar, A. Geremew, C.-Y. Huang, M. A. Bloodgood, S. Rumyantsev, T. T. Salguero, and A. A. Balandin, Low-frequency noise spectroscopy of charge-density-wave phase transitions in vertical quasi-2D  $1T\text{-TaS}_2$  devices, *Appl. Phys. Express* **12**, 037001 (2019).
- [11] Z. X. Wang, Q. M. Liu, L. Y. Shi, S. J. Zhang, T. Lin, T. Dong, D. Wu, and N. L. Wang, Photoinduced hidden CDW state and relaxation dynamics of  $1T\text{-TaS}_2$  probed by time-resolved terahertz spectroscopy, *arXiv:1906.01500*.
- [12] L. Stojchevska, I. Vaskivskyi, T. Mertelj, P. Kusar, D. Svetin, S. Brazovskii, and D. Mihailovic, Ultrafast switching to a stable

- hidden quantum state in an electronic crystal, *Science* **344**, 177 (2014).
- [13] L. V. Gasparov, K. G. Brown, A. C. Wint, D. B. Tanner, H. Berger, G. Margaritondo, R. Gaál, and L. Forró, Phonon anomaly at the charge ordering transition in 1T-TaS<sub>2</sub>, *Phys. Rev. B* **66**, 094301 (2002).
- [14] O. R. Albertini, R. Zhao, R. L. McCann, S. Feng, M. Terrones, J. K. Freericks, J. A. Robinson, and A. Y. Liu, Zone-center phonons of bulk, few-layer, and monolayer 1T-TaS<sub>2</sub>: Detection of commensurate charge density wave phase through Raman scattering, *Phys. Rev. B* **93**, 214109 (2016).
- [15] S. Uchida and S. Sugai, Infrared and raman studies on a commensurate CDW states in transition metal dichalcogenides, *Physica B+C* **105**, 393 (1981).
- [16] R. Brouwer and F. Jellinek, The low-temperature superstructures of 1T-TaSe<sub>2</sub> and 2H-TaSe<sub>2</sub>, *Physica B+C* **99**, 51 (1980).
- [17] A. Zong, X. Shen, A. Kogar, L. Ye, C. Marks, D. Chowdhury, T. Rohwer, B. Freelon, S. Weathersby, R. Li, J. Yang, J. Checkelsky, X. Wang, and N. Gedik, Ultrafast manipulation of mirror domain walls in a charge density wave, *Sci. Adv.* **4**, eaau5501 (2018).
- [18] J. R. Duffay and R. D. Kirby, Raman scattering from 1T-TaS<sub>2</sub>, *Solid State Commun.* **20**, 617 (1976).
- [19] T. Hirata and F. S. Ohuchi, Temperature dependence of the Raman spectra of 1T-TaS<sub>2</sub>, *Solid State Commun.* **117**, 361 (2001).
- [20] S. L. L. M. Ramos, R. Plumadore, J. Boddison-Chouinard, S. W. Hla, J. R. Guest, D. J. Gosztola, M. A. Pimenta, and A. Lucian-Mayer, Suppression of the commensurate charge density wave phase in ultrathin 1T-TaS<sub>2</sub> evidenced by Raman hyperspectral analysis, *Phys. Rev. B* **100**, 165414 (2019).
- [21] B. Sipos, A. F. Kusmartseva, A. Akrap, H. Berger, L. Forró, and E. Tutis, From Mott state to superconductivity in 1T-TaS<sub>2</sub>, *Nat. Mater.* **7**, 960 (2008).
- [22] P. Fazekas and E. Tosatti, Electrical, structural and magnetic properties of pure and doped 1T-TaS<sub>2</sub>, *Philos. Mag. B* **39**, 229 (1979).
- [23] E. Martino, A. Pisoni, L. Ćirić, A. Arakcheeva, H. Berger, A. Akrap, C. Putzke, P. J. W. Moll, I. Batistić, E. Tutiš, L. Forró, and K., Preferential out-of-plane conduction and quasi-one-dimensional electronic states in layered 1T-TaS<sub>2</sub>, *npj 2D Mater. Appl.* **4**, 7 (2020).
- [24] P. Darancet, A. J. Millis, and C. A. Marianetti, Three-dimensional metallic and two-dimensional insulating behavior in octahedral tantalum dichalcogenides, *Phys. Rev. B* **90**, 045134 (2014).
- [25] S.-H. Lee, J. S. Goh, and D. Cho, Origin of the Insulating Phase and First-Order Metal-Insulator Transition in 1T-TaS<sub>2</sub>, *Phys. Rev. Lett.* **122**, 106404 (2019).
- [26] Y. Ma, Y. Hou, C. Lu, L. Li, and C. Petrovic, Possible origin of nonlinear conductivity and large dielectric constant in the commensurate charge-density-wave phase of 1T-TaS<sub>2</sub>, *Phys. Rev. B* **97**, 195117 (2018).
- [27] L. J. Li, W. J. Lu, X. D. Zhu, L. S. Ling, Z. Qu, and Y. P. Sun, Fe-doping induced superconductivity in the charge-density-wave system 1T-TaS<sub>2</sub>, *Europhys. Lett.* **98**, 29902 (2012).
- [28] Y. Liu, R. Ang, W. J. Lu, W. H. Song, L. J. Li, and Y. P. Sun, Superconductivity induced by Se-doping in layered charge-density-wave system 1T-TaS<sub>2-x</sub>Se<sub>x</sub>, *Appl. Phys. Lett.* **102**, 192602 (2013).
- [29] R. Ang, Y. Miyata, E. Ieki, K. Nakayama, T. Sato, Y. Liu, W. J. Lu, Y. P. Sun, and T. Takahashi, Superconductivity and bandwidth-controlled Mott metal-insulator transition in 1T-TaS<sub>2-x</sub>Se<sub>x</sub>, *Phys. Rev. B* **88**, 115145 (2013).
- [30] M. Bovet, D. Popović, F. Clerc, C. Koitzsch, U. Probst, E. Bucher, H. Berger, D. Naumović, and P. Aebi, Pseudogapped Fermi surfaces of 1T-TaS<sub>2</sub> and 1T-TaSe<sub>2</sub>: A charge density wave effect, *Phys. Rev. B* **69**, 125117 (2004).
- [31] X. Gonze, B. Amadon, P.-M. Anglade, J.-M. Beuken, F. Bottin, P. Boulanger, F. Bruneval, D. Caliste, R. Caracas, M. Côté, T. Deutsch, L. Genovese, P. Ghosez, M. Giantomassi, S. Goedecker, D. Hamann, P. Hermet, F. Jollet, G. Jomard, S. Leroux *et al.*, ABINIT: First-principles approach to material and nanosystem properties, *Comput. Phys. Commun.* **180**, 2582 (2009).
- [32] S. Goedecker, M. Teter, and J. Hutter, Separable dual-space Gaussian pseudopotentials, *Phys. Rev. B* **54**, 1703 (1996).
- [33] M. Krack, Pseudopotentials for H to Kr optimized for gradient-corrected exchange-correlation functionals, *Theor. Chem. Acc.* **114**, 145 (2005).
- [34] X. Gonze, D. C. Allan, and M. P. Teter, Dielectric Tensor, Effective Charges, and Phonons in  $\alpha$ -Quartz by Variational Density-Functional Perturbation Theory, *Phys. Rev. Lett.* **68**, 3603 (1992).
- [35] A. Zawadowski and M. Cardona, Theory of Raman scattering on normal metals with impurities, *Phys. Rev. B* **42**, 10732 (1990).
- [36] N. Lazarević and R. Hackl, Fluctuations and pairing in Fe-based superconductors: Light scattering experiments, *J. Phys.: Condens. Matter* **32**, 413001 (2020).
- [37] K. Rossnagel, On the origin of charge-density waves in select layered transition-metal dichalcogenides, *J. Phys.: Condens. Matter* **23**, 213001 (2011).
- [38] R. Shuker and R. W. Gammon, Raman-Scattering Selection-Rule Breaking and the Density of States in Amorphous Materials, *Phys. Rev. Lett.* **25**, 222 (1970).
- [39] A. Baum, A. Milosavljević, N. Lazarević, M. M. Radonjić, B. Nikolić, M. Mitschek, Z. I. Maranloo, M. Šćepanović, M. Grujić-Brojčin, N. Stojilović, M. Opel, A. Wang, C. Petrović, Z. V. Popović, and R. Hackl, Phonon anomalies in FeS, *Phys. Rev. B* **97**, 054306 (2018).
- [40] A. Spijkerman, J. L. de Boer, A. Meetsma, G. A. Wiegers, and S. van Smaleen, X-ray crystal-structure refinement of the nearly commensurate phase of 1T-TaS<sub>2</sub> in (3 + 2)-dimensional superspace, *Phys. Rev. B* **56**, 13757 (1997).
- [41] R. He, J. Okamoto, Z. Ye, G. Ye, H. Anderson, X. Dai, X. Wu, J. Hu, Y. Liu, W. Lu, Y. Sun, A. N. Pasupathy, and A. W. Tsien, Distinct surface and bulk charge density waves in ultrathin 1T-TaS<sub>2</sub>, *Phys. Rev. B* **94**, 201108(R) (2016).
- [42] G. Grüner, The dynamics of charge-density waves, *Rev. Mod. Phys.* **60**, 1129 (1988).
- [43] C. Sohrt, A. Stange, M. Bauer, and K. Rossnagel, How fast can a Peierls–Mott insulator be melted?, *Faraday Discuss.* **171**, 243 (2014).
- [44] T. P. Devereaux and R. Hackl, Inelastic light scattering from correlated electrons, *Rev. Mod. Phys.* **79**, 175 (2007).
- [45] M. Opel, R. Nemetschek, C. Hoffmann, R. Philipp, P. F. Müller, R. Hackl, I. Tüttő, A. Erb, B. Revaz, E. Walker, H. Berger, and L. Forró, Carrier relaxation, pseudogap, and superconducting

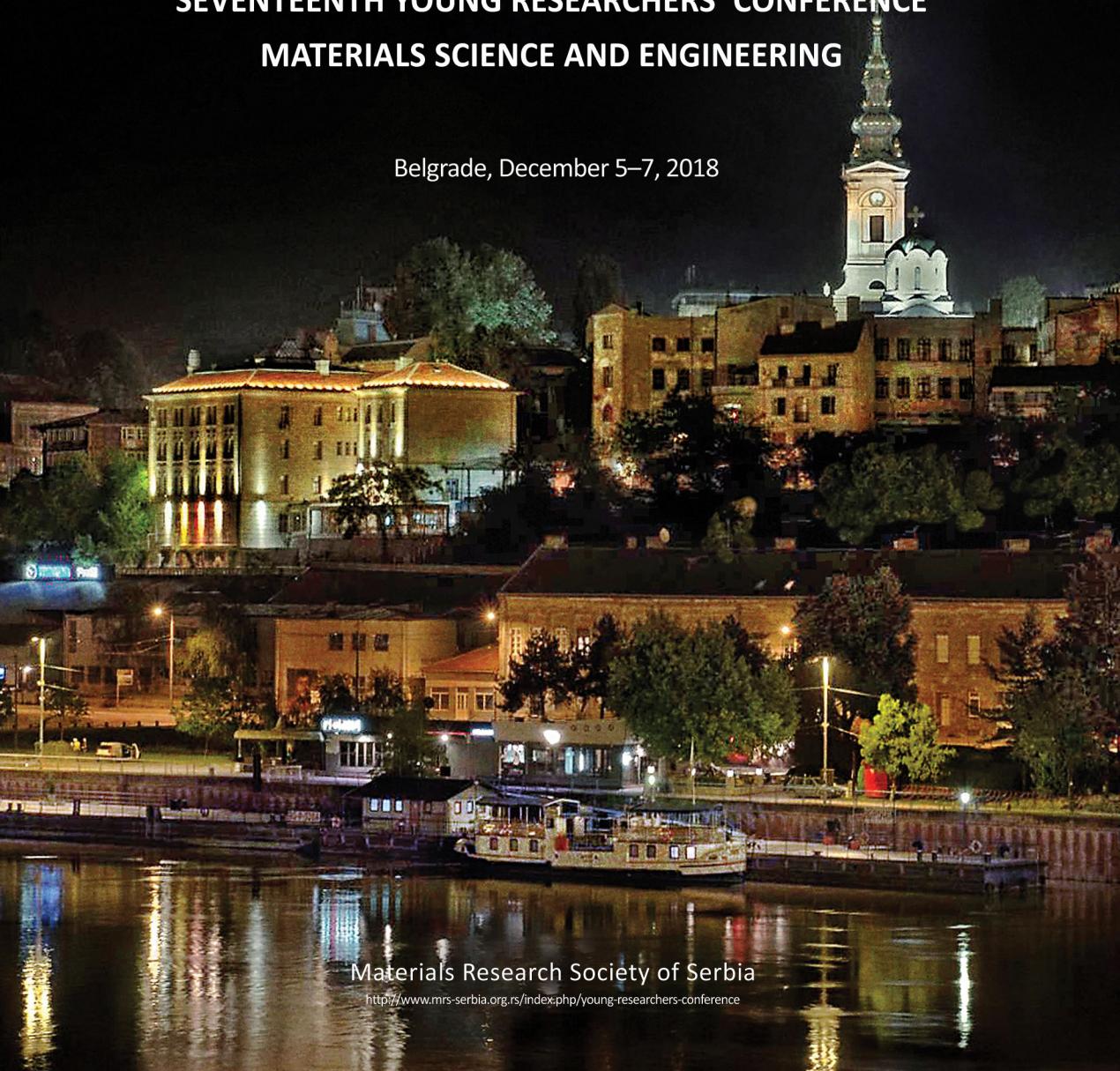
- gap in high- $T_c$  cuprates: A Raman scattering study, *Phys. Rev. B* **61**, 9752 (2000).
- [46] J. Skolimowski, Y. Gerasimenko, and R. Žitko, Mottness Collapse without Metallization in the Domain Wall of the Triangular-Lattice Mott Insulator 1T-TaS<sub>2</sub>, *Phys. Rev. Lett.* **122**, 036802 (2019).
- [47] A. Ribak, R. M. Skiff, M. Mograbi, P. K. Rout, M. H. Fischer, J. Ruhman, K. Chashka, Y. Dagan, and A. Kanigel, Chiral superconductivity in the alternate stacking compound 4Hb-TaS<sub>2</sub>, *Sci. Adv.* **6**, eaax9480 (2020).
- [48] P. B. Allen, Fermi-surface harmonics: A general method for nonspherical problems. Application to Boltzmann and Eliashberg equations, *Phys. Rev. B* **13**, 1416 (1976).
- [49] M. S. Dresselhaus, G. Dresselhaus, and A. Jorio, *Group Theory* (Springer, Berlin, 2008).

MATERIALS RESEARCH SOCIETY OF SERBIA  
INSTITUTE OF TECHNICAL SCIENCES OF SASA

*Programme and the Book of Abstracts*

**SEVENTEENTH YOUNG RESEARCHERS' CONFERENCE  
MATERIALS SCIENCE AND ENGINEERING**

Belgrade, December 5–7, 2018



Materials Research Society of Serbia

<http://www.mrs-serbia.org.rs/index.php/young-researchers-conference>

10-6

### Raman Spectroscopy Study on phase transition in CrI<sub>3</sub> single crystals

Sanja Đurđić<sup>1</sup>, Andrijana Šolajić<sup>1</sup>, Jelena Pešić<sup>1</sup>, Maja Šćepanović<sup>1</sup>, Y. Liu<sup>2</sup>,  
Andreas Baum<sup>3,4</sup>, Čeda Petrović<sup>2</sup>, Nenad Lazarević<sup>1</sup>, Zoran V. Popović<sup>1,5</sup>

<sup>1</sup>*Institute of Physics, Pregrevica 118, Belgrade, Serbia*, <sup>2</sup>*Brookhaven National Laboratory, Upton, New York 11973-5000, USA*, <sup>3</sup>*Walther Meissner Institut, Bayerische Akademie der Wissenschaften, 85748 Garching, Germany*, <sup>4</sup>*Fakultät für Physik E23, Technische Universität München, 85748 Garching, Germany*, <sup>5</sup>*Serbian Academy of Sciences and Arts, Knez Mihailova 35, 11000 Belgrade, Serbia*

By virtue of their unique properties and the potential for a wide spectrum of applications, such as the development of functional van der Waals heterostructures, CrI<sub>3</sub> among the other two dimensional materials, has received significant attention in the most recent studies on the ferromagnetic semiconductors. In this study we represent the vibrational properties of CrI<sub>3</sub> single crystals investigated using Raman spectroscopy together with the density functional theory (DFT) calculations. Experimental results show that first-order phase transition from the low-temperature ( $R\bar{3}$ ) to the high-temperature ( $C2/m$ ) phase occurs at 180K with no evidence of the two-phase coexistence. All observed modes, in both phases, are in good agreement with DFT calculations.

MATERIALS RESEARCH SOCIETY OF SERBIA  
INSTITUTE OF TECHNICAL SCIENCES OF SASA



*Programme and the Book of Abstracts*

**EIGHTEENTH YOUNG RESEARCHERS' CONFERENCE  
MATERIALS SCIENCE AND ENGINEERING**

Belgrade, December 4–6, 2019

<http://www.mrs-serbia.org.rs/index.php/young-researchers-conference>

7-5

### Probing subsequent charge density waves in 1T-TaS<sub>2</sub> by inelastic light scattering

S. Djurdjić-Mijin,<sup>1</sup> J. Bekaert,<sup>2</sup> A. Šolajić,<sup>1</sup> J. Pešić,<sup>1</sup> Y. Liu,<sup>3</sup>

M. V. Milosevic,<sup>2</sup> C. Petrović,<sup>3</sup> N. Lazarević,<sup>1</sup> and Z. V. Popović<sup>1,4</sup>

<sup>1</sup>*Center for Solid State Physics and New Materials, Institute of Physics Belgrade, University of Belgrade, Pregrevica 118, 11080 Belgrade, Serbia,* <sup>2</sup>*Department of Physics, University of Antwerp, Groenenborgerlaan 171, B-2020 Antwerp, Belgium,* <sup>3</sup>*Condensed Matter Physics and Materials Science Department, Brookhaven National Laboratory, Upton, New York 11973-5000, USA,* <sup>4</sup>*Serbian Academy of Sciences and Arts, Knez Mihailova 35, 11000 Belgrade, Serbia*

Two-dimensional layered transition-metal dichalcogenides (TMDs) have attracted attention for over 30 years mostly due to multiple charge-density wave (CDW) states that had been observed. Prime candidate is 1T-TaS<sub>2</sub> because of its unique and opulent electronic phase diagram. It experiences various phase transitions at high temperature, starting from the normal metallic to the incommensurate charge-density wave (IC-CDW) phase transition, at  $T= 554$  K. At  $T=355$  K 1T-TaS<sub>2</sub> CDW state changes to nearly-commensurate CDW (NC-CDW) phase, eventually leading to commensurate CDW (C-CDW) phase at approximately  $T= 180$  K. Recent discoveries indicate the possibility of yet another phase transition in 1T-TaS<sub>2</sub> at  $T= 80$  K. The new state is identified as hidden CDW (H-CDW) state, and can be induced using ultra-fast laser pulse. We present a detailed Raman spectroscopy study on CDW transitions. Our data indicate the coexistence of different CDW states, as well as strong electron-phonon interaction in the IC-CDW state. The experimental results presented in this work are supported by density functional theory (DFT) calculations.



7-11th October 2019  
Belgrade, Serbia

<http://www.sfkm.ac.rs/>

# The 20th Symposium on Condensed Matter Physics

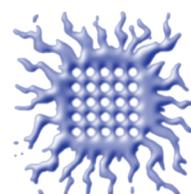
## BOOK OF ABSTRACTS



University of Belgrade,  
Faculty of Physics



Institute of Physics Belgrade



Vinca Institute  
of Nuclear Sciences



Serbian Academy  
of Sciences and Arts



Ministry of Education, Science and  
Technological Development,  
Republic of Serbia

# The vibrational properties of CrI<sub>3</sub> single crystals

S. Djurdjić-Mijin,<sup>1</sup> A. Šolajić,<sup>1</sup> J. Pešić,<sup>1</sup> M. Šćepanović,<sup>1</sup> Y. Liu,<sup>2</sup> A. Baum,<sup>3,4</sup> C. Petrović,<sup>2</sup> N. Lazarević,<sup>1</sup> and Z. V. Popović<sup>1,5</sup>

<sup>1</sup>Center for Solid State Physics and New Materials, Institute of Physics Belgrade, University of Belgrade, Pregrevica 118, 11080 Belgrade, Serbia

<sup>2</sup>Condensed Matter Physics and Materials Science Department, Brookhaven National Laboratory, Upton, New York 11973-5000, USA

<sup>3</sup>Walther Meissner Institut, Bayerische Akademie der Wissenschaften, 85748 Garching, Germany

<sup>4</sup>Fakultät für Physik E23, Technische Universität München, 85748 Garching, Germany

<sup>5</sup>Serbian Academy of Sciences and Arts, Knez Mihailova 35, 11000 Belgrade, Serbia

**Abstract.** CrI<sub>3</sub> is a two-dimensional layered material and a ferromagnetic [1] with Curie temperature of 61K [1,2] and first order phase transition that occurs at 220K [3,4]. This class of materials has recently gained a lot of intention due to numerous potential applications. Here we represent our work consisting of both experimental and theoretical Raman scattering study of CrI<sub>3</sub> lattice dynamics. Based on our results we can distinguish two different phases for CrI<sub>3</sub> with monoclinic (*C2/m*) being the high-temperature and rhombohedral ( $\overline{R}3$ ) phase being the low-temperature phase. Abrupt changes to the spectra were found at the first order phase transition which was located at  $T_s \approx 180$  K, lower than in previous studies. In contrast to the prior reports we found no sign of phase coexistence over temperature range exceeding 5 K [5].

## REFERENCES

- [1] E. Navarro-Moratalla, B. Huang, G. Clark *et al.*, Layer dependent ferromagnetism in a van der Waals crystal down to the monolayer limit, *Nature (London)* **546**, 270 (2017).
- [2] J. F. Dillon, Jr. and C. E. Olson, Magnetization, resonance, and optical properties of the ferromagnet CrI<sub>3</sub>, *J. Appl. Phys.* **36**, 1259 (1965).
- [3] M. A. McGuire, H. Dixit, V. R. Cooper, and B. C. Sales, Coupling of crystal structure and magnetism in the layered, ferromagnetic insulator CrI<sub>3</sub>, *Chem. Mater.* **27**, 612 (2015).
- [4] D. T. Larson and E. Kaxiras, Raman Spectrum of CrI<sub>3</sub>: An *ab initio* study, *Phys. Rev. B* **98**, 085406 (2018).
- [5] S. Djurdjić-Mijin, A. Šolajić, J. Pešić, M. Šćepanović, Y. Liu, A. Baum, C. Petrović, N. Lazarević, and Z. V. Popović, Lattice dynamics and phase transition in CrI<sub>3</sub> single crystals, *Phys. Rev. B* **98**, 104307 (2018.)

# Lattice dynamics and phase transitions in $\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$

A. Milosavljević<sup>a</sup>, A. Šolajić<sup>a</sup>, S. Djurdjić Mijin<sup>a</sup>, J. Pešić<sup>a</sup>, B. Višić<sup>a</sup>, Y. Liu<sup>b</sup>, C. Petrović<sup>b</sup>, N. Lazarević<sup>a</sup> and Z. V. Popović<sup>c</sup>

<sup>a</sup>*Center for Solid State Physics and New Materials, Institute of Physics Belgrade, University of Belgrade, Pregrevica 118, 11080 Belgrade, Serbia*

<sup>b</sup>*Condensed Matter Physics and Materials Science Department, Brookhaven National Laboratory, Upton, New York 11973-5000, USA*

<sup>c</sup>*Center for Solid State Physics and New Materials, Institute of Physics Belgrade, University of Belgrade, Pregrevica 118, 11080 Belgrade, Serbia and Serbian Academy of Sciences and Arts, Knez Mihailova 35, 11000 Belgrade, Serbia*

**Abstract.** A new class of magnetic van der Waals bonded materials has recently become of great interest, as a suitable candidates for various applications. Whereas  $\text{CrXTe}_3$  ( $X = \text{Si}, \text{Ge}, \text{Sn}$ ) and  $\text{CrX}_3$  ( $X = \text{Cl}, \text{Br}, \text{I}$ ) classes maintain low phase transition temperatures even in a monolayer regime,  $\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$  has a high bulk transition temperature, between 220 and 230 K, making it a promising applicant.

Here we present DFT calculations of lattice dynamics and Raman spectroscopy measurements of the van der Waals bonded ferromagnet  $\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$  [1]. Four out of eight Raman active modes are observed and assigned, in agreement with numerical calculations. The energies and linewidths of the observed modes display an unconventional temperature dependence at about 150 and 220 K, followed by the nonmonotonic evolution of the Raman continuum. Whereas the former can be related to the magnetic phase transition, the origin of the latter anomaly remains an open question.

## REFERENCES

1. A. Milosavljević, A. Šolajić, S. Djurdjić-Mijin, J. Pešić, B. Višić, Yu Liu, C. Petrović, N. Lazarević, and Z. V. Popović. "Lattice dynamics and phase transitions in  $\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$ ." Physical Review B 99, no. 21 (2019): 214304.

# **Lattice-based Quantum Simulation**

**726. WE-Heraeus-Seminar**

**29 November – 01 December 2021**

**ONLINE**

**WILHELM UND ELSE  
HERAEUS-STIFTUNG**



# Raman Spectroscopy of quasi-two-dimensional materials

S. Djurdjić Mijin<sup>1</sup>, A. Baum<sup>2</sup>, A. M. Milinda Abeykoon<sup>3</sup>, J. Bekaert<sup>4</sup>, A. Milosavljević<sup>1</sup>, J. Pešić<sup>1</sup>, M. Šćepanović<sup>1</sup>, Y. Liu<sup>5,\*</sup>, Ge He<sup>2</sup>, M. V Milošević<sup>4</sup>, C. Petrović<sup>5</sup>, Z. V Popović<sup>1,6</sup>, R. Hackl<sup>2</sup>, N. Lazarević<sup>1</sup>

<sup>1</sup>Center for Solid State Physics and New Materials, Institute of Physics Belgrade, University of Belgrade, Pregrevica 118, RS-11080 Belgrade, Serbia

<sup>2</sup>Walther Meissner Institut, Bayerische Akademie der Wissenschaften, D-85748 Garching, Germany

<sup>3</sup>National Synchrotron Light Source II, Brookhaven National Laboratory, Upton, New York 11973, United States

<sup>4</sup>Department of Physics & NANOLab Center of Excellence, University of Antwerp, Groenenborgerlaan 171, B-2020 Antwerp, Belgium

<sup>5</sup>Condensed Matter Physics and Materials Science Department, Brookhaven National Laboratory, Upton, New York 11973-5000, USA

<sup>6</sup>Serbian Academy of Sciences and Arts, Knez Mihailova 35, RS-11000 Belgrade, Serbia

\*Present address: Los Alamos National Laboratory, Los Alamos, New Mexico 87545, USA.

Email: [sanja@ipb.ac.rs](mailto:sanja@ipb.ac.rs)

Quasi-2D materials, an emerging field of experimental Solid State physics, host various low-dimensional quantum phenomena making them potential candidates for quantum technology<sup>1,2,3</sup>. The main focus being on transition metal dichalcogenides, quantum dots and single photon emitters were successfully demonstrated in various 2D materials such as hBN<sup>4</sup>, MoS<sub>2</sub><sup>5</sup>, MoSe<sub>2</sub><sup>6</sup>, WS<sub>2</sub><sup>7</sup> and WSe<sub>2</sub><sup>8</sup>. Despite significant contributions to the field of 2D quantum information technologies, it remains insufficiently researched with many problems yet to be solved. To get a better insight into potential applications of 2D materials in quantum information technologies, we need to obtain a better understanding of 2D materials as such. Here we present Raman Spectroscopy studies of transition metal trihalides CrI<sub>3</sub> and VI<sub>3</sub>, and transition metal dichalcogenide 1T-TaS<sub>2</sub>, all promising candidates for next-generation devices and quantum technologies<sup>9,10,11,12</sup>.

- [1] Novoselov, K. S. et al. Two-dimensional gas of massless Dirac fermions in graphene. *Nature* **438**, 197 (2005).
- [2] Nayak, C. et al. Non-Abelian anyons and topological quantum computation. *Rev. Mod. Phys.* **80**, 1083–1159 (2008).
- [3] Qian, X. et al. Quantum spin Hall effect in two-dimensional transition metal dichalcogenides. *Science* **346**, 1344–1347 (2014).
- [4] Tawfik, S. A. et al. First-principles investigation of quantum emission from hBN defects. *Nanoscale* **9**, 13575–13582 (2017).
- [5] Lee, K. et al. Coulomb blockade in monolayer MoS<sub>2</sub> single electron transistor. *Nanoscale* **8**, 7755–7760 (2016).
- [6] Branny, A. et al. Discrete quantum dot like emitters in monolayer MoSe<sub>2</sub>: Spatial mapping, magneto-optics, and charge tuning. *Appl. Phys. Lett.* **108**, 142101 (2016).
- [7] Song, X.-X. et al. Temperature dependence of Coulomb oscillations in a few-layer two-dimensional WS<sub>2</sub> quantum dot. *Sci. Rep.* **5**, 16113 (2015).
- [8] Song, X.-X. et al. A gate defined quantum dot on the two-dimensional transition metal dichalcogenide semiconductor WSe<sub>2</sub>. *Nanoscale* **7**, 16867–16873 (2015).
- [9] Vaskivskyi, I. et al. Fast electronic resistance switching involving hidden charge density wave states *Nat. Commun.* **7**, 11442 (2016).
- [10] Huang, C. et al. Quantum Anomalous Hall Effect in Ferromagnetic Transition Metal Halides. *Phys. Rev. B* **95** (4), 045113 (2014).
- [11] Ezawa, Z. F. Spin-Pseudospin Coherence and CP 3 Skyrmions in Bilayer Quantum Hall Ferromagnets. *Phys. Rev. Lett.* **82** (17), 3512–3515 (1999).
- [12] Mukherjee, A. et al. Observation of site-controlled localized charged excitons in CrI<sub>3</sub>/WSe<sub>2</sub> heterostructures. *Nat Commun* **11**, 5502 (2020).

# **NINETEENTH YOUNG RESEARCHERS' CONFERENCE MATERIALS SCIENCE AND ENGINEERING**

**December 1-3, 2021, Belgrade, Serbia**

## **Program and the Book of Abstracts**

**Materials Research Society of Serbia  
&  
Institute of Technical Sciences of SASA**

**2021**

12-1

### Raman Spectroscopy of Quasi-two-dimensional transition metal trihalides

S. Djurdjić Mijin<sup>1</sup>, AM Milinda Abeykoon<sup>2</sup>, A. Solajić<sup>1</sup>, A. Milosavljević<sup>1</sup>, J. Pešić<sup>1</sup>, M. Šćepanović<sup>1</sup>, Y. Liu<sup>3</sup>, A. Baum<sup>4,5</sup>, C. Petrović<sup>3</sup>, N. Lazarević<sup>1</sup>, Z. V Popović<sup>1,6</sup>

<sup>1</sup>Center for Solid State Physics and New Materials, Institute of Physics Belgrade, University of Belgrade, Pregrevica 118, 11080 Belgrade, Serbia, <sup>2</sup>National Synchrotron Light Source II, Brookhaven National Laboratory, Upton, New York 11973, <sup>3</sup>Condensed Matter Physics and Materials Science Department, Brookhaven National Laboratory, Upton, New York 11973-5000, United States, <sup>4</sup>Walther Meissner Institut, Bayerische Akademie der Wissenschaften, 85748 Garching, Germany, <sup>5</sup>Fakultat für Physik E23, Technische Universität München, 85748 Garching, Germany, <sup>6</sup>Serbian Academy of Sciences and Arts, Knez Mihailova 35, 11000 Belgrade, Serbia

Theoretically speaking, the restriction of only one dimension in a three-dimensional material could result in its layered quasi-two-dimensional (2D) analog which has completely unpredictable properties and therefore hosts various unexpected physical phenomena. Successful exfoliation of quasi-2D grapheme by A. Geim's group in 2004 did not only confirm these expectations and create a platform for experimental investigation of low-dimensional phenomena, but also paved the way for the next-generation nanoelectronic devices. All of the above mentioned strongly contributed to the extensive research on the fundamental properties of quasi-2D materials. Great effort has been put towards realization of a magnetic atomically thin crystals which would open up the opportunities of exploring, or even exploiting, of different 2D magnetic states, expand the scope of their possible applications, and point to the possible emergence of a new quantum state of matter. That being said, it is not surprising that the experimental confirmation of 2D magnetism in transition-metal-trihalides (TMTs) caused a stir in scientific community. In an effort to better understand fundamental properties of these materials we have performed the Raman Spectroscopy Study of the two TMT members – CrI<sub>3</sub> and VI<sub>3</sub>, both of which have been confirmed to host low-dimensional magnetism. This experimental technique was used to probe a reported phase transition in CrI<sub>3</sub> and crystal structure of VI<sub>3</sub>. The phase transition, which transforms the low-temperature R̄3 structure into the high-temperature C2/m structure, with potential co-existence, has been observed at 220 K. Our findings confirm the mentioned phase transition but at much lower temperature of 180 K, and no co-existence has been tracked. Our investigation into the crystal structure of VI<sub>3</sub> tried to give an answer to the long unsolved mystery whether at room temperatures VI<sub>3</sub> crystallizes into a P3̄1c, R̄3 or C2/m crystal structure. Interestingly, what we have observed points to the coexistence of short-range ordered P3̄1c and long-range ordered R̄3 phases.

12-5

### Lattice dynamics and magnetism in $\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$

Ana Milosavljević<sup>1</sup>, Andrijana Šolajić<sup>1</sup>, Sanja Đurđić Mijin<sup>1</sup>, Jelena Pešić<sup>1</sup>,

Bojana Višić<sup>1</sup>, Yu Liu<sup>2</sup>, Cedomir Petrović<sup>2</sup>, Zoran V. Popović<sup>1,3</sup>, Nenad Lazarević<sup>1</sup>

<sup>1</sup>*Institute of Physics Belgrade, University of Belgrade, Pregrevica 118, 11080 Belgrade, Serbia*, <sup>2</sup>*Condensed Matter Physics and Materials Science Department, Brookhaven National Laboratory, Upton, New York 11973-5000, USA*, <sup>3</sup>*Serbian Academy of Sciences and Arts, Knez Mihailova 35, 11000 Belgrade, Serbia*

$\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$  belongs to a highly experimentally and theoretically studied class of van der Waals ferromagnetic materials. Due to the weak interaction between the layers, the exfoliation of the bulk crystals to mono and a few layers is relatively easy. The magnetic properties of these materials are kept even in a low-dimensional regime which makes this class suitable for possible applications in new device engineering.

$\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$  has a relatively high magnetic transition temperature (220-230 K). This temperature, as well as lattice parameters, strongly depends on vacancies concentration in the sample. Samples with a higher concentration of vacancies grown by flux method have lower  $T_C$  (150 K).

In Raman spectra of flux-grown  $\text{Fe}_{3-x}\text{GeTe}_2$  single crystal four out of eight modes predicted by symmetry are detected ( $2\text{A}_{1g} + 2\text{E}_{2g}$ ). The experimentally obtained phonon energies are in a good agreement with theoretically calculated values. Temperature dependence of phonon self-energies displays deviation from the conventional model at temperatures around 150 K and 220 K. In addition, at the same temperatures nonmonotonic behavior of electronic continuum is present. While the temperature of the first anomaly coincides with the magnetic phase transition temperature, the anomaly at 220 K remains an open question although can be related to a persistence of short-range magnetic ordering in this compound.

UNIVERZITET U BEOGRADU

FIZIČKI FAKULTET

Sanja Đurđić Mijin

**Neelastično rasejanje svetlosti na  
kvazi-dvodimenzionalnim materijalima**

doktorska disertacija

Beograd, 2022

UNIVERSITY OF BELGRADE

FACULTY OF PHYSICS

Sanja Đurđić Mijin

**Inelastic light scattering in  
Quasi-two-dimensional materials**

doctoral dissertation

Belgrade, 2022.

*Mojim roditeljima, Vanji, Dadi, Stefanu i baki*

# Zahvalnica

Ova disertacija u celosti je rezultat rada u Centru za fiziku čvrstog stanja i nove materijale, Instituta za fiziku, Univerziteta u Beogradu. Istraživanje je finansirano od strane Ministarstva prosvete, nauke i tehnološkog razvoja u okviru projekata III45018 i Fonda za nauku Republike Srbije u okviru projekta StrainedFeSC, broj 6062656. Numerički računi dobijeni su korišćenjem računarskih resursa univerziteta Johanes Kepler u Lincu i Flemish centra za superračunare u Belgiji. Uzorci su sintetisani u Brukhejven nacionalnoj laboratoriji u Sjedinjenim Američkim Državama.

Prvenstveno bih želela da se zahvalim mentoru ove doktorske disertacije dr Nenadu Lazareviću na izuzetnom zalaganju, stalnoj podršci i pomoći od mog prvog dana rada na Institutu za fiziku. Zahvalila bih mu se na želji da sopstveno znanje podeli sa mnom, svim korisnim savetima, strpljenu i razumevanju koje je pokazao u svim prethodnim godinama.

Akademu Zoranu V. Popoviću dugujem zahavalnost na pruženoj prilici da u Centru za fiziku čvrstog stanja i nove materijale Instituta za fiziku u Beogradu budem deo naučnih istraživanja koja su me oblikovala kao istraživača. Hvala za izvanredne uslove za rad i priliku da učim od najboljih u oblasti Ramanove spektroskopije.

Zahvalnost dugujem i kolegama sa kojima sam saradivala tokom izrade doktorske disertacije: dr Maji Šćepanović na savetima i pomoći vezanim za eksperimentalna merenja na trihalidima prelaznih metala, dr Jeleni Pešić, Andrijani Šolajić, dr Jonasu Bekaertu i dr Miloradu Miloševiću na izvršenim proračunima i korisnim diskusijama bez kojih ova teza ne bi bila kompletna. Prof. dr Čedomiru Petroviću i njegovim saradnicima se zahvaljujem na sintezi proučavanih uzoraka, eksperimentima, diskusijama i savetima. Duboku zahvalnost bih želela da izrazim prof. dr Rudi Hacklu i dr Andreas Baumu iz Valter Majsner instituta u Minhenu na izvanrednoj saradnji, kvalitetnim diskusijama, značajnim savetima i svom prenesenom znanju.

Posebnu zahvalnost izražavam svim kolegama sa Instituta, koji su mi pre svega bili prijatelji: dr Jasmini Lazarević, dr Ani Milosavljević, dr Marku Opačiću, dr Nataši Tomic, dr Bojani Višić i Stojku Stefanu. Hvala vam na ogromnoj podršci i razumevanju.

U mom profesionalnom usavršavanju izuzetno značajnu ulogu imale su redovni profesor dr Tatjana Vuković i docent dr Slavica Maletić sa Fizičkog fakulteta Univerziteta u Beogradu te ovu priliku koristim kako bih im se najiskrenije zahvalila. Ogromnu zahval-

*nost dugujem i prof. dr Mihajlu Vaneviću koji je učinio da zavolim fiziku čvrstog stanja i verovao u mene čak i onda kada ja nisam, i koji je sa mnom nesebično delio savete bez kojih moj istraživački put ne bi bio ni upola ovoliko uspešan. Vanedovnom profesoru Matematičkog fakulteta Univerziteta u Beogradu, prof. dr Đordu Krtiniću dugujem zahvalnost za nesebičnu pomoć i za to što me je ohrabrio kada mi je bilo najpotrebnije.*

*Osobi koja je napravila prekretnicu u mom stručnom usavršavanju, prof. dr Snežani Lazić, vanrednom profesoru Samostalnog Univerziteta u Madridu, dugujem zahvalnost za svo prenešeno znanje, za upoznavanje sa istraživačkim radom i za ljubav koju osećam prema nauci. Zahvalna sam za sve savete, korisne diskusije i pruženu podršku, i kao studentu i kao prijatelju.*

*Konačno, želela bih da pomenem sve osobe koje su doprinele mom ljudskom usavršavanju i bez kojih ništa od ovoga ne bi bilo moguće. Svojim roditeljima zahvaljujem na ljubavi i podršci koju mi pružaju čitav život i na tome što su me naučili da ništa nije nemoguće ako se dovoljno trudiš. Bratu Vanji i sestri Tanji na svoj ljubavi, nežnosti i zajedničkim trenucima koji su me oblikovali kao osobu. Suprugu Stefanu na tome što je uvek tu za mene i što je moja nepresušna inspiracija u svemu što radim. Jovani Beatović bez koje moji fakultetski dani ne bi bili isti, zahvalna sam na strpljenju, ljubavi i ohrabrenju tokom svih godina zajedničkog školovanja. Takođe, želela bih da se zahvalim svim ostalim prijateljima koji su me bodrili na ovom putu i pružali ljubav i podršku. Za kraj, želela bih da se zahvalim svojoj baki, koja me je naučila da verujem u sebe, da uvek mogu više, i koja mi je pružala svu potrebnu ljubav i podršku od prvog dana.*

## Sažetak

U okviru ove doktorske disertacije predstavljeni su rezultati ispitivanja dinamike rešetke kvazi-dvodimenzionalnih materijala metodom Ramanove spektroskopije. Ova spektroskopska tehnika uspešno se koristi za ispitivanje kristalne strukture, mehaničkih i termalnih karakteristika materijala, faznih prelaza, elektronske strukture sistema, te samim tim može da pruži najrazličitiji skup informacija o fundamentalnim svojstvima kvazi-dvodimenzionalnih materijala.

Trihalidi prelaznih metala  $\text{MX}_3$  (M - prelazni metal, X - anjon halogenida) predstavljaju veliku familiju kvazi-dvodimenzionalnih materijala u kojoj je niskodimenzioni magnetizam dobio eksperimentalnu potvrdu, te su kao takvi idealni sistemi za njegovo izučavanje. Prvi među njima, u kom magnetno uređenje opstaje do monosloja, jeste  $\text{CrI}_3$ . Kako potvrda magnetnog uređenja do monosloja u nekom materijalu otvara široku mogućnost njegove potencijalne primene, veliki trud je uložen u detaljno ispitivanje fizičkih svojstava  $\text{CrI}_3$ . Kako pri prijavljenom faznom prelazu u  $\text{CrI}_3$  dolazi do promene niskotemperaturske romboedarske  $R\bar{3}$  strukture u visokotemperatursku monokliničnu  $C2/m$ , polarizovani ramanski spektri mereni na  $T = 100 \text{ K}$  i  $T = 300 \text{ K}$  analizirani su u saglasnosti sa odgovarajućom simetrijom kristalne strukture. U spektrima obe faze prepoznati su svi sem jednog simetrijom predviđenog moda. Eksperimentalne energije modova obe faze u saglasnosti su sa teorijskim proračunima. Na osnovu simetrije niskotemperaturske i visokotemperaturske faze utvrđeno je da je simetrija  $\text{CrI}_3$  sloja  $p\bar{3}1/m$ , a ne prethodno prijavljena  $R\bar{3}2/m$ . Temperaturska zavisnost energije i širine Raman aktivnih modova pokazala je da na temperaturi od  $T_S = 180 \text{ K}$  dolazi do cepanja romboedarskih  $E_g$  modova na monoklinične  $A_g$  i  $B_g$ . Romboedarski  $A_g^2$  i  $A_g^4$  modovi prelaze u monokliničnu  $B_g$  simetriju. U ramanskim spektrima ne postoji ništa što bi ukazalo na koegzistenciju niskotemperaturske i visokotemperaturske faze u opsegu  $\pm 5 \text{ K}$  od temperature faznog prelaza, koliko iznosi korak merenja. U sklopu istraživanja na trihalidima prelaznih metala, ispitivana su vibraciona svojstva zapreminskeih kristala  $\text{VI}_3$ . Polarizovani ramanski spektri analizirani su na osnovu tri predložene prostorne grupe simetrije –  $C2/m$ ,  $R\bar{3}$  i  $P\bar{3}1c$  na osnovu čega je zaključeno da kristalna struktura  $\text{VI}_3$  ne pripada  $C2/m$  prostornoj grupi simetrije. Poređenjem eksperimentalnih fononskih energija sa te-

orijskim proračunima za  $R\bar{3}$  i  $P\bar{3}1c$  kristalne strukture utvrđeno je da fononske vibracije na sobnoj temperaturi potiču od  $P\bar{3}1c$  simetrije jedinične čelije. Asignacija fononskih modova urađena je u skladu sa  $P\bar{3}1c$  simetrijom jedinične čelije. Utvrđeno je da se u spektrima javlja devet od dvanaest simetrijom predviđenih modova. Tri dodatna moda, koja se ponašaju kao  $A_{1g}$  modovi, mogu da se objasne kao *overtone* stanja ili kao  $A_{2g}$  modovi aktivirani usred narušenja simetrije. Najintenzivniji pik u spektrima –  $A_{1g}^3$  mod ima asimetričan profil linije kao posledicu jake spin-fonon interakcije koja je karakteristična za kvazi-dvodimenzionalne materijale sa magnetnim uređenjem. Premda XRD eksperiment ukazuje na  $R\bar{3}$  simetriju kristalne strukture, rezultati Ramanove spektroskopije i PDF analize ukazuju na koegzistenciju dugodometno uređene  $R\bar{3}$  i kratkodomete uređene  $P\bar{3}1c$  faze.

Formiranje talasa gustine naelektrisanja (CDW) u kvazi-dvodimenzionalnim materijalima ispitivano je u familiji dihalkogenida prelaznih metala. S obzirom na to da se  $1T$ -TaS<sub>2</sub> odlikuje bogatim faznim dijagramom u kom se svi prelazi između različitih CDW faza dešavaju na eksperimentalno dostupnim temperaturama, ovaj materijal predstavlja idealan sistem za izučavanje ovog kolektivnog elektronskog fenomena. Vibracione osobine svih faza  $1T$ -TaS<sub>2</sub> ispitivane su metodom Ramanove spektroskopije. U polarizovanim ramanskim spektrima niskotemperaturske samerljive faze uočeno je 19 modova  $A_g$  i 19 modova  $E_g$  simetrije, ukazujući na  $P\bar{3}$  simetriju sistema. Ovaj rezultat u suprotnosti je sa prethodno prijavljenim trikliničnim  $P\bar{1}$  načinom pakovanja „Davidovih zvezda“ u samerljivu superstrukturu. Poredjenjem *ab initio* proračuna i spektara merenih na najvišoj eksperimentalno dostupnoj temperaturi  $T = 370$  K, kada se  $1T$ -TaS<sub>2</sub> nalazi u nesamerljivoj CDW fazi, utvrđeno je da dolazi do projektovanja fononske gustina stanja u ramanskim spektrima. Do projekcije fononske gustine stanja dolazi usled narušenja simetrija prilikom formiranja talasa gustine naelektrisanja i nezanemarljivog elektron-fonon sparivanja. Ramanski spektri mereni u temperaturskom opsegu od 200 K do 352 K, kada se  $1T$ -TaS<sub>2</sub> nalazi u približno samerljivoj CDW fazi, pokazuju jasno prisustvo doprinosa i samerljive i nesamerljive CDW faze. Ovakav rezultat ukazuje na to da je približno samerljiva faza zapravo koegzistencija samerljive i nesamerljive faze. Temperaturska zavisnost ramanske provodnosti ukazuje na postojanje Motovog metal-izolator prelaza na temperaturi oko  $T = 100$  K. Procenjena vrednost procepa koji se tom prilikom otvara, i ima slabu simetrijsku zavisnost, u saglasnosti je sa rezultatima ARPES eksperimenta, i iznosi  $\Omega_{procep} \approx 170\text{--}190$  meV. Podizanje temperature na oko 200 K dovodi do sužavanja procepa na oko  $\sim 60\%$  svoje niskotemperaturske vrednosti.

$Mn_3Si_2Te_6$ , ferimagnetni kvazi-dvodimenzionalni materijal, uživa veliku pažnju zbog izuzetne sličnosti sa feromagnetskim kvazi-dvodimenzionalnim CrSiTe<sub>3</sub>. U ramanskim spektrima ovog ferimagnetička identifikovano je svih pet  $P\bar{3}1c$  prostornom grupom simetrije predviđenih  $A_{1g}$  modova, i osam od predviđenih jedanaest  $E_g$  modova. Izostanak tri moda  $E_g$  simetrije najverovatnije je posledica njihove slabe energije ili konačne rezolucije spektrometra. Pored asigniranih modova, u spektrima se javljaju i tri dodatna moda  $A_{1g}$

simetrije, koji su najverovatnije *overtone* stanja uočljiva usled pojačanog spin-fonon sparivanja. Temperaturske zavisnosti fononskih energija  $A_{1g}^3$  i  $A_{1g}^5$  modova, i širine i Fano parametra  $A_{1g}^5$  moda trpi tri uzastopna diskontinuiteta na temperaturama  $T_1 = 142,5$  K,  $T_2 = 190$  K i  $T_3 = 280$  K.  $A_{1g}^5$  mod je asimetričan usled jakog spin-fonon sparivanja u materijalu. Zanimljivo, (a)simetričnost moda se menja s temperaturom te on u opsegu temperatura od  $T_1$  do  $T_2$  postaje potpuno simetričan, dok je na temperaturama iznad  $T_3$  najviše asimetričan. Do primećenih diskontinuiteta, koji imaju značajan uticaj na jačinu spin-fonon interakcije u materijalu, najverovatnije dolazi usled kompeticije u magnetnim fluktuacijama. Ovaj scenario podržan je primećenim diskontinuitetima u temperaturskoj zavisnosti prvog izvoda *ac* magnetne susceptibilnosti u **ab** ravni, do kojih dolazi na već pomenutim temperaturama.

**Ključne reči:** Ramanova spektroskopija, kvazi-dvodimenzionalni materijali, van der Valsovi materijali

**Naučna oblast:** Fizika

**Oblast istraživanja:** Fizika kondenzovanog stanja materije

**UDK broj:** 538.9

## Abstract

The results of a Raman scattering study of Quasi-two-dimensional materials are presented as part of this doctoral dissertation. Considering that Raman Spectroscopy has been successfully used to obtain information regarding crystal and electronic structure, mechanical and thermal properties of the material in question, and to probe phase transitions, it is an experimental technique that provides a wide spectrum of information on fundamental properties of Quasi-two-dimensional materials.

The members of transition metal trihalides MX<sub>3</sub> (M - transition metal, X - chalcogenide), a large family of Quasi-two-dimensional materials in which low-dimensional magnetism has been experimentally confirmed, are perfect candidates for research studies on magnetism in Quasi-two-dimensional systems. First among them, in which magnetic ordering persists down to a monolayer, is CrI<sub>3</sub>. In view of the fact that the confirmation of a magnetic ordering that persists down to monolayer in a material expands its potential application, numerous studies were performed to get a better understanding of CrI<sub>3</sub>. Due to the reported structural phase transition in CrI<sub>3</sub>, the low-temperature rhombohedral  $R\bar{3}$  structure transforms into the high-temperature monoclinic  $C2/m$  structure. Therefore, the polarized Raman spectra at 100 K and 300 K were analyzed in accordance to the corresponding space group symmetry. All but one symmetry predicted mode were assigned in spectra of each phase. Experimentally obtained phonon energies were compared with their theoretically calculated values, yielding a good agreement. Based on the symmetry analysis it was determined that the single layer of CrI<sub>3</sub> can be described in terms of the  $p\bar{3}1/m$  diperiodic space group, contrary to the previously reported  $R\bar{3}2/m$ . In the temperature dependence of phonon energies and linewidths of the observed Raman active modes the splitting of rhombohedral  $E_g$  modes into a monoclinic  $A_g$  and  $B_g$  symmetry modes was clearly observed at  $T_S = 180$  K. At the same temperature the rhombohedral  $A_g^2$  and  $A_g^4$  modes transform into the monoclinic  $B_g$  symmetry modes. There is no evidence of phase coexistence within the presented spectra over the temperature range exceeding 5 K. Single crystals of VI<sub>3</sub> were also investigated as part of the research on transition metal trihalides. Polarized Raman spectra were analyzed in accordance to the three potential crystal structures –  $C2/m$ ,  $R\bar{3}$  and  $P\bar{3}1c$ . This provided enough information to exclude

$C2/m$  crystal structure as a possibility. After comparing experimental phonon energies to the theoretically calculated energies for  $R\bar{3}$  and  $P\bar{3}1c$  space groups, it was concluded that at room temperature phonon vibrations of  $\text{VI}_3$  can be explained with the  $P\bar{3}1c$  space group. Observed modes were assigned in accordance to these findings. Nine out of twelve expected modes were singled out in spectra, which host three additional peaks. These peaks obey pure  $A_{1g}$  selection rules, and can be explained in terms of overtones or activation of inactive  $A_{2g}$  modes, caused by the symmetry breaking. The highest intensity peak –  $A_{1g}^3$  symmetry mode, exhibits pronounced asymmetry which can be attributed to the enhanced spin-phonon interaction, usually observed in the Quasi-two-dimensional materials with magnetic ordering. Even though XRD results point to  $R\bar{3}$  of unit cell, Raman experiment, together with the PDF analysis, indicate coexistence of a long-range ordered  $R\bar{3}$  and short-range ordered  $P\bar{3}1c$  phase.

Charge density wave formation in Quasi-two-dimensional materials was investigated in the family of transition metal dichalcogenides. Among them,  $1T\text{-TaS}_2$  was chosen due to its rich phase diagram in which all subsequent phase transitions between multiple CDW phases occur at experimentally accessible temperatures. Vibrational properties of  $1T\text{-TaS}_2$  single crystals were investigated using Raman spectroscopy. In the polarized Raman spectra of the commensurate phase, 19  $A_g$  and 19  $E_g$  symmetry modes were identified, suggesting  $P\bar{3}$  symmetry of the system. This result contradicts previously reported  $P\bar{1}$  stacking of "star-of-David" clusters in the commensurate super-structure. Comparison of *ab initio* calculations and Raman spectra at the highest experimental temperature  $T = 370$  K, when  $1T\text{-TaS}_2$  is in the incommensurate charge density wave phase, suggested there is a projection of the phonon-density of states in Raman spectra. This might be caused by the breaking of the translational invariance when entering charge density wave regimes and non-negligible electron-phonon coupling. Contributions from incommensurate and commensurate spectra can be clearly distinguished in Raman spectra measured in the temperature range of 200 K to 352 K. Considering that the  $1T\text{-TaS}_2$  is in the nearly-commensurate CDW phase in this temperature range, this result suggests that the nearly-commensurate phase represents the coexistence of incommensurate and commensurate phases. The temperature dependence of Raman conductivity indicates a Mott metal-insulator transition at about  $T = 100$  K. The estimated magnitude of the gap, which develops concurrently, is  $\Omega_{gap} \approx 170\text{--}190$  meV. This value agrees well with the results of ARPES studies. When the temperature reaches 200 K the gap shrinks down to 60% of its initial magnitude.

$\text{Mn}_3\text{Si}_2\text{Te}_6$ , a ferrimagnetic quasi-two-dimensional material, recently received a lot of attention, mainly through comparisons with ferromagnetic quasi-two-dimensional  $\text{CrSiTe}_3$ . Raman spectra of this ferrimagnetic host all five  $A_{1g}$  modes predicted by  $P\bar{3}1c$  symmetry of the unit cell, and eight out of the eleven expected  $E_g$  modes. The absence of three  $E_g$  modes in the spectra is most probably due to their small intensity or the finite resolution of the spectrometer. Three additional modes, which obey  $A_{1g}$  selection rules,

can also be found in the spectra measured in the parallel polarization configuration. They can be explained in terms of overtones observable due to enhanced spin-phonon coupling. Three discontinuities can be observed in the temperature dependence of phonon energies of the  $A_{1g}^3$  and  $A_{1g}^5$  modes, as well as in the temperature dependence of line width and the Fano parameter of the  $A_{1g}^5$  mode, at  $T_1 = 142.5$  K,  $T_2 = 190$  K and  $T_3 = 280$  K. The  $A_{1g}^5$  mode exhibits strong asymmetry, originating from enhanced spin-phonon coupling. Interestingly, the (a)symmetry of the  $A_{1g}^5$  phonon line shows temperature dependence, becoming fully symmetric in the temperature range  $T_1$  to  $T_2$ . The  $A_{1g}^5$  mode exhibits the strongest asymmetry above  $T_3$ . The observed discontinuities, which strongly influence spin-phonon coupling, are most likely caused by the competition in the magnetic fluctuation. This scenario is furthermore supported by the observed discontinuities in the temperature dependence of the first derivative of **ac** susceptibility in the **ab** plane, which occur at the already mentioned temperatures.

**Keywords:** Raman Spectroscopy, Quasi-two-dimensional Materials, van der Waals Materials

**Scientific field:** Physics

**Research area:** Condensed Matter Physics

**UDC number:** 538.9

# Akronimi

0D- Nuladimenzionalno

1D - Jednodimenzionalno

2D - Dvodimenzionalno

3D - Trodimenzionalno

BS - Razdelnik snopa (*Beam Splitter*)

XRD - Rendgenska difrakcionalna analiza (*X-Ray diffraction*)

DFT - Teorija gustine funkcionala (*Density Functional Theory*)

PDF - Funkcija distribucije para (*Pair Distribution Function*)

ARPES - Uglovno razložena fotoemisiona spektroskopija (*Angle Resolved Photo Emission Spectroscopy*)

CVT - *Chemical Vapor Transport*

CDW - Talasi gustine naelektrisanja (*Charge Density Wave*)

IC-CDW - Nesamerljiva faza talasa gustine naelektrisanja (*Incommensurate*)

NC-CDW - Približno samerljiva faza talasa gustine naelektrisanja (*Nearly-commensurate*)

IC-CDW - Samerljiva faza talasa gustine naelektrisanja (*Commensurate*)

# *Sadržaj*

<b>Sadržaj</b>	<b>xii</b>
<b>1 Uvod</b>	<b>1</b>
<b>2 Metod istraživanja</b>	<b>5</b>
2.1 Istorijski razvoj Ramanove spekroskopije . . . . .	5
2.2 Teorijski model . . . . .	7
2.2.1 Klasična teorija Ramanovog rasejanja . . . . .	7
2.2.2 Kvantno-mehanička teorija Ramanovog rasejanja . . . . .	10
2.2.3 Efikasnost Ramanovog rasejanja . . . . .	12
2.2.4 Svojstvena energija fonona . . . . .	13
2.2.5 Profili spektralnih linija . . . . .	15
2.3 Elektronsko Ramanovo rasejanje . . . . .	18
2.3.1 Osnovna teorija elektronskog Ramanovog rasejanja . . . . .	18
2.3.2 Efikasnost elektronskog Ramanovog rasejanja . . . . .	19
2.4 Ramanov eksperiment . . . . .	21
2.4.1 Geometrija rasejanja . . . . .	22
2.4.2 Eksperimentalna postavka: Institut za fiziku u Beogradu . . . . .	23
2.4.3 Eksperimentalna postavka: Valter Majsner institut u Minhenu . . . . .	25
<b>3 Kvazi-dvodimenzionalni materijali</b>	<b>28</b>
3.1 Trihalidi prelaznih metala . . . . .	30
3.1.1 CrI <sub>3</sub> . . . . .	32
3.1.1.1 Kristalna struktura CrI <sub>3</sub> . . . . .	32
3.1.1.2 Transportna i magnetna svojstva CrI <sub>3</sub> . . . . .	33
3.1.2 VI <sub>3</sub> . . . . .	35
3.1.2.1 Kristalna struktura VI <sub>3</sub> . . . . .	35
3.1.2.2 Transportna i magnetna svojstva VI <sub>3</sub> . . . . .	36
3.2 Dihalkogenidi prelaznih metala . . . . .	39
3.2.1 1T-TaS <sub>2</sub> . . . . .	40
3.2.1.1 Kristalna struktura 1T-TaS <sub>2</sub> . . . . .	41

3.2.1.2	Transportna svojstva $1T\text{-TaS}_2$	42
3.3	$\text{Mn}_3\text{Si}_2\text{Te}_6$	44
3.3.1	Kristalna struktura $\text{Mn}_3\text{Si}_2\text{Te}_6$	44
3.3.2	Magnetna svojstva $\text{Mn}_3\text{Si}_2\text{Te}_6$	45
<b>4</b>	<b>Analiza faznog prelaza u <math>\text{CrI}_3</math> metodom Ramanove spektroskopije</b>	<b>47</b>
4.1	Sinteza i kristalna struktura	47
4.2	Teorijski proračuni	48
4.3	Dinamika rešetke	49
4.3.1	Polarizaciona zavisnost: Asignacija fonona u Ramanovim spektrima	50
4.3.2	Temperaturska zavisnost: Određivanje temperature faznog prelaza	56
<b>5</b>	<b>Kratkodometno i dugodometno uređenje kristalne strukture <math>\text{VI}_3</math></b>	<b>59</b>
5.1	Sinteza i kristalna struktura	59
5.2	Teorijski proračuni	60
5.3	Dinamika rešetke	61
5.3.1	Polarizaciona zavisnost: Asignacija fonona	62
5.3.2	Spin-fonon interakcija	66
5.4	Kratkodometno i dugodometno uređenje kristalne strukture	68
<b>6</b>	<b>Različite CDW faze i Motov prelaz u <math>1T\text{-TaS}_2</math></b>	<b>70</b>
6.1	Sinteza materijala	70
6.2	Teorijski proračuni	70
6.3	Dinamika rešetke	71
6.3.1	IC-CDW faza	71
6.3.2	C-CDW faza	74
6.3.3	NC-CDW faza	76
6.4	Eksperimentalni dokazi otvaranja Motovog procepa u C-CDW fazi $1T\text{-TaS}_2$	78
6.4.1	Ramanski verteksi	78
6.4.2	Određivanje veličine Motovog procepa	80
<b>7</b>	<b>Magnetni fazni prelazi u <math>\text{Mn}_3\text{Si}_2\text{Te}_6</math></b>	<b>86</b>
7.1	Sinteza i kristalna struktura	86
7.2	Dinamika rešetke	87
7.2.1	Polarizaciona zavisnost: Asignacija fononskih modova	87
7.2.2	Temperaturska zavisnost: Spin-fonon interakcija i fazni prelazi	90
<b>8</b>	<b>Zaključak</b>	<b>95</b>
<b>Literatura</b>		<b>98</b>

# 1 *Uvod*

Dugi niz godina u fizici čvrstog stanja vladalo je uverenje da dvodimenzionalni kristali ne mogu da postoje samostalno, već da moraju da se narastaju na zapreminskim kristalima koji imaju istovetnu kristalnu rešetku. Pretpostavka je bila da će pomeranje atoma, do kog dolazi usled jakih termalnih fluktuacija, dovesti do narušenja strukture i degradacije dvodimenzionalnog kristala [1, 2]. Ovo pomeranje atoma uporedivo je sa međuatomskim rastojanjima u materijalu [3]. Ovakav stav naučne zajednice temeljen je na Merminovoj teoriji i na rezultatima eksperimentalnih istraživanja koja su pokazala da smanjenje debljine tankih materijala dovodi do naglog opadanja temperature topljenja istog [4, 5]. Nemogućnost sinteze dvodimenzionalnih materijala bez supstrata podudarajuće kristalne rešetke umnogome je doprinela ograničenom broju studija u oblasti dvodimenzionalnih materijala. Tek je uspešna sinteza grafena [6], koji je stabilan pri ambijentalnim uslovima, dovela do većeg interesovanja naučne zajednice. Od 2004. pa do sada, skup novootkrivenih dvodimenzionalnih materijala vrtoglavo se širio, najviše kao posledica eksperimentalno potvrđenih jedinstvenih fizičkih fenomena odsutnih kod njihovih trodimenzionalnih analogona, poput visokotemperaturskog balističkog transporta i netrivijalne topologije [7, 8, 9, 10]. Neisrcpno interesovanje koje uživaju nije uzrokovano samo zanimljivom fizikom ovih sistema, već i širokim spektrom mogućih primena, od kojih je svakako najznačajnija uloga koju imaju u razvoju nanoelektronike i spintronike [11]. Ono što je posebno zanimljivo kod ove grupe materijala jeste mogućnost kontrolisanja njihovih fizičkih i hemijskih karakteristika primenom spoljašnjih sila [12, 13, 14]. Sve navedeno jasan je pokazatelj da je reč o materijalima koji su od izuzetne važnosti za dalji tok razvoja nauke i industrije.

S obzirom na to da Mermin-Vagnerova teorema [15] zabranjuje postojanje magnetnog uređenja u kvazi-dvodimenzionalnim materijalima, a koje bi u kombinaciji sa njihovim jedinstvenim optičkim i transportnim karakteristikama dovela do novih magnetno-optičkih primena, većina aktivnog istraživanja usredsređena je na sintezu kvazi-dvodimenzionalnih materijala sa dugodometnim magnetnim uređenjem [15]. Premda su razne teorijske studije od 2004. godine pretpostavile feromagnetno uređenje u nekolicini kvazi-dvodimenzionalnih materijala, ono je eksperimentalnu potvrdu dobilo tek 2017. godine [16, 17] u porodici trihalida prelaznih metala. U okviru iste familije, konkretno u hrom-jodidu ( $\text{CrI}_3$ ), potvrđeno je i magnetno uređenje koje opstaje do monosloja [17]. U skladu

sa tim, a sa idejom da bi i ostali članovi ove familije mogli da imaju slična magnetna svojstva, započeta su iscrpna istraživanja na trihalidiima prelaznih metala. Danas, listi članova pomenute familije kvazi-dvodimenzionalnih materijala sa pretpostavljenim (anti)feromagnetnim uredenjem pripadaju  $\text{CrX}_3$ ,  $\text{OsCl}_3$ ,  $\text{VX}_3$ ,  $\text{NiCl}_3$ ,  $\text{RuX}_3$  i  $\text{MnX}_3$  ( $X = \text{F}, \text{Cl}, \text{Br}, \text{I}$ ) [18, 19, 20, 21, 22, 23, 24]. Da bi se razumelo koje su to karakteristike materijala odgovorne za opstanak magnetnih osobina pri snižavanju dimenzionalnosti neophodno je njihovo odlično poznavanje. U cilju davanja doprinosa ovoj tematici, rađena su istraživanja na zapreminskim kristalima  $\text{CrI}_3$ ,  $\text{VI}_3$  i  $\text{Mn}_3\text{Si}_2\text{Te}_6$ .

U kvazi-dvodimenzionalnim materijalima javlja se izuzetno zanimljiv kolektivni kvantni fenomen – talasi gustine naelektrisanja. Prvi put u naučnoj literaturi talasi gustine naelektrisanja pominju se 1954. godine od strane H. Froliha (*H. Fröhlich*) [25]. U pomenutoj publikaciji, talasi gustine stanja opisani su kao strogo niskotemperaturska faza u kojoj dolazi do određenih nestabilnosti u periodičnosti kristalne rešetke, koja za posledicu ima otvaranje procepa u elektronskom spektru. Frolih je smatrao da su superprovodnost i ovaj fazni prelaz povezani. Svoje viđenje ovog fenomena je, zatim, 1955. ponudio Peierls [26]. U ovoj slici, talasi gustine stanja su i dalje opisani kao niskotemperaturski fenomen u kom periodično izmeštanje atoma iz čvorova rešetke, tzv. Peierlsovo izobličenje (*Peierls distortion*), dovodi do snižavanja energija jednodimenzionalnog atomskog lanca. Kao posledica nove periodičnosti talasnog vektora u elektronskim zonama dolazi do otvaranja procepa što znači da je prelaz iz normalne faze u fazu talasa gustine naelektrisanja praćem metal–izolator prelazom. Eksperimentalna potvrda ovog fenomena stigla je 1973. godine [27]. Zahvaljujući razvoju modernih eksperimentalnih tehnika, među kojima je i Ramanove spektroskopije, spisak materijala u kojima dolazi do formiranja talasa gustine naelektrisanja značajno je porastao. Najznačajniji među njima jesu svakako članovi dihalkogenida prelaznih metala, jedne od najvećih familije kvazi-dvodimenzionalnih materijala. Ono što izdvaja ove materijale jeste sam mehanizam formiranja talasa gustine naelektrisanja, koji je u nesaglasnosti sa Peierlsovom teorijom. Naime, u Peierlsovim sistema formiranje talasa gustine nenelektrisanja je praćeno metal–izolator prelazom, što u dihalkogenidima prelaznih metala nije slučaj. Pretpostavka je da se talasi gustine naelektrisanja formiraju kada su određene fononske mode dovoljno omekšane jakim elektron-fonon sparivanje da postaju nestabilne [28]. Tada je talasni vektor određen matričnim elementima elektron-fonon interakcije [28]. Budući da mehanizam formiranja talasa gustine naelektrisanja, kao ni prijavljena koegzistencija ovog fenomena i superprovodnosti u dihalkogenidima prelaznih metala [29] ne mogu da se objasne u skladu sa postojećim teorijama, svako novo saznanje predstavlja korak bliže ka pružanju odgovora na ovo pitanje. U svemu pomenutom pronađena je motivacija za istraživanja rađena na  $1T\text{-TaS}_2$ , kvazi-dvodimenzionalnom materijalu sa najvećim brojem faznih prelaza između različitih faza talasa gustina naelektrisanja na eksperimentalno dostupnim temperaturama.

Ramanova spektroskopija jedna je od vodećih eksperimentalnih tehnika u naučnim

studijama o kvazi-dvodimenzionalnim materijalima. Ova nedestruktivna spektroskopska tehnika uspešno je korišćena za ispitivanja kristalne strukture, broja slojeva, atomskim vezama, kao i o mehaničkih i termalnih karakteristika ispitivanog materijala [30, 31, 32, 33, 34, 35]. Trend temperaturske zavisnosti energije i širine Raman aktivnih modova može da pruži uvid u različite tipove faznih prelaza, dok stepen (a)simetričnost spektralnih linija govori o jačini sparivanja fonona sa elektronskim kontinuumom. Dodatno, elektronsku Ramanovu spektroskopiju moguće je koristiti za određivanje veličine procepa u CDW materijalima [36, 37] i pominje se kao potencijalna tehnika za merenje naprezanja u materijalu [38]. S obzirom na to da je u pitanju eksperimentalna tehnika koja sa podjednakim uspehom može da bude temelj istraživanja magnetnih materijala, pružajući uvid u magnetne prelaze i opstanak magnetnog uređenja iznad Kirijeve temperature, i talasa gustine naelektrisanja, u kom slučaju može da se koristi za ispitivanje kristalne strukture, određivanje temperature faznog prelaza i veličine procepa, ona je izabrana kao glavni metod istraživanja ove doktorske disertacije.

Ova doktorska disertacija biće organizovana u osam poglavlja. U uvodnom delu predstavljene su glavne motivacije i ciljevi disertacije. Nakon toga, u drugom poglavlju pružen je uvid u istorijski razvoj Ramanove spektroskopije i njen teorijski opis. U istom poglavlju pružen je i pregled osnovnih teorijskih pojmove neophodnih za razumevanje prezentovanih rezultata, kao i detaljan opis korišćenih eksperimentalnih tehnika. Pregled najbitnijih rezultata u oblasti fizike kvazi-dvodimenzionalnih materijala, kao i tok razvoja oblasti, prikazani su u trećem poglavlju. Posebna pažnja je pružena dvema velikim familijama kvazi-dvodimenzionalnih materijala – trihalidima i dihalkogenidima prelaznih metala. U okviru istog poglavlja predstavljene su i osnovne karakteristike materijala na kojima su rađena istraživanja. Četvrto poglavlja posvećeno je rezultatima istraživanja na zapreminskim kristalima  $\text{CrI}_3$ . Predstavljeni rezultati potvrđuju fazni prelaz iz niskotemperaturske romboedarske u visokotemperatursku monokliničnu strukturu, ali na temperaturi koja je dosta niža od prethodno prijavljene. U spektrima merenim iznad temperature faznog prelaza ne postoje doprinosi niskotemperaturske faze. To znači da u  $\text{CrI}_3$  ne dolazi do koegzistencije faza u širem temperaturskom opsegu. Na osnovu simetrija kristalne rešetke niskotemperaturske i visokotemperaturske faze, utvrđeno je da je simetrija sloja  $p\bar{3}1/m$ , a ne  $R\bar{3}2/m$ . U petom poglavlju prikazani su rezultati ispitivanja dinamike rešetke  $\text{VI}_3$ . Kako se u stručnoj literaturi pominju tri moguće kristalne strukture, polarizovani ramanski spektara analizirani su u saglasnosti sa svakom od njih. Na osnovu toga je utvrđeno da uočene ramanske mode ne odgovaraju modovima  $C2/m$  prostorne grupe simetrije. Poređenjem DFT proračuna sa eksperimentalnim energijama fonona zaključeno je da vibracije zapreminskih kristala  $\text{VI}_3$  potiču od  $P\bar{3}1c$  simetrije jedinične celije. Kako bi se utvrdilo odakle potiče neslaganje između XRD eksperimenta, koji ukazuje na  $R\bar{3}$  simetriju jedinične celije, i rezultata Ramanove spektroskopije urađena je PDF (*Pair Distribution Function*) analiza koja je pokazala da je kristalna struktura  $\text{VI}_3$  koegzistencija dugodometne  $R\bar{3}$  i kratkodometne  $P\bar{3}1c$  faze. Istraživanje rađeno na

kristalima  $1T$ -TaS<sub>2</sub> predstavljen je u šestom poglavlju. U polarizovanim ramanskim spektrima merenim u paralelnoj i ukrštenoj polarizacionoj konfiguraciji na temperaturi  $T = 4$  K, uočeno je 19 modova  $A_g$  i 19 modova  $E_g$  simetrije. Ovakav rezultat ukazuje na heksagonalno ili trigonalno slaganje „Davidovih zvezda” u samerljivu superstrukturu. U spektrima nesamerljive faze primećeno je da dolazi do projekcije fononske gustine stanja, primarno usled narušenja translacione invarijantnosti prilikom formiranja talasa gustine nanelektrisanja. Kako je u ramanskim spektrima približno samerljive faze moguće prepoznati doprinose i samerljive i nesamerljive faze, pretpostavka je da je približno samerljiva faza koegzistencija nesamerljive i samerljive faze. Eksperiment elektronskog Ramanovog rasejanja iskorišćen je kao metod za praćenje razvoja CDW procepa i kako bi se utvrdilo da li, prilikom metal-izolator prelaza, dolazi do otvaranja Motovog procepa. Na osnovu dobijenih rezultata zaključeno je da na temperaturi od oko  $T = 100$  K dolazi do otvaranja Motovog procepa, u okolini  $\Gamma$  tačke Briluenove zone, čija je širina  $\Omega_{procep} = 170\text{--}190$  meV. Rezultati istraživanja zapreminskih kristala Mn<sub>3</sub>Si<sub>2</sub>Te<sub>6</sub> prikazani su u okviru sedmog poglavlja. U temperaturskim zavisnostima fononskih parametara dva najintenzivnija moda primećeni su diskontinuiteti na temperaturama  $T_1 = 142,5$  K,  $T_2 = 190$  K i  $T_3 = 280$  K. Ovi diskontinuiteti imaju značajan uticaj na jačinu spin-fonon sparivanja u Mn<sub>3</sub>Si<sub>2</sub>Te<sub>6</sub>, pa je pretpostavka da su posledica kompeticije različitih magnetnih faza i povezanih magnetnih fluktuacijama. Ovaj scenario podržan je analognim diskontinuitetima primećenim u temperaturskoj zavisnosti prvog izvoda *ac* magnetne susceptibilnosti u **ab** ravni, ravni u kojoj se uređuju magnetni momenti. Glavni zaključci predstavljenog istraživanja sumirani su u poglavlju 8. Pregled korišćene literature dat je na samom kraju disertacije.

## 2 *Metod istraživanja*

Kvazi-2D materijali predstavljaju relativno mladu i, kao takvi, nedovoljno istraženu oblast eksperimentalne fizike čvrstog stanja. Pored toga što je brza i nedestruktivna, Ramanova spektroskopija pokazala je zadovoljavajuće rezultate u ispitivanju strukture i broja slojeva, atomskih veza, simetrije kristalne strukture, mehaničkih i termalnih karakteristika kvazi-2D materijala, faznih prelaza i interakcije fonona sa kontinuumom (elektron-fonon, spin-fonon sparivanje) [30, 31, 32, 33, 34, 35]. Dodatno, elektronska Ramanova spektroskopija je uspešno korišćena za određivanje veličine procepa u CDW materijalima, a pominje se i kao potencijalna tehnika za merenje naprezanja u materijalu [36, 37, 38]. Zbog svega navedenog, kao glavna eksperimentalna tehnika u izradi ove doktorske disertacije korišćena je upravo Ramanova spektroskopija.

Ovo poglavlje je osmišljeno tako da čitaocu pruži uvid u teorijske osnove Ramanovog rasejanja, sa osvrtom na teorijski opis eksperimentalno uočljivih fenomena, i opis eksperimentalne postavke korišćene u predstavljenom istraživanju.

### 2.1 Istorijski razvoj Ramanove spektroskopije

Čandrasekara Venkata Raman (*C. V. Raman*) 1930. godine nagrađen je Nobelovom nagradom za eksperimentalnu potvrdu fenomena neelastičnog rasejanja svetlosti. Posledično, novootkriveni efekat nazvan je po njemu – Ramanov efekat. Iako zvanično potvrđen tek 1928. godine, ovo otkriće je usledilo kao rezultat gotovo decenijskog istraživanja koje je Raman sprovodio u saradnji sa svojim studentom Krišnanom (*K. S. Krishnan*) [39, 40, 41, 42]. Teorijsko predviđanje Ramanovog efekta dato je pet godina ranije od strane austrijskog fizičara Adolfa Smekala (*A. Smekal*) [43].

Ramanovo interesovanje za rasejanje svetlosti počinje 1921. godine, a prvi rad na tu temu objavljuje već naredne [40]. Na osnovu dotadašnjih rezultata istraživanja, baziranih na višegodišnjem ispitivanju rasejanja svetlosti na vodi i ostalim tečnostima, Raman i Krišnan postavljaju eksperiment očekujući potvrdu Komptonovog efekta za vidljivu svetlost. Kao izvor zračenja korišćena je Sunčeva svetlost, za fokusiranje svetlosti na uzorak

korišćen je teleskop, dok je ljudsko oko poslužilo kao detektor. Neočekivano, glavni rezultat ovog eksperimenta nije bila potvrda Komptonovog efekta već demonstracija razmene energije između upadnog fotona i ekscitacija sredine u kojoj se svetlost rasejava [44]. Važnost ovog rezultata se ogleda u činjenici da je u toku prvih sedam godina od njegovog otkrića objavljeno čak 700 naučnih radova na temu Ramanovog efekta [45].

Bitno je napomenuti da isti efekat u rezultatima svojih istraživanja, samo tri meseca kasnije, prijavljuju i dva ruska naučnika - Mandeljštam (*L. I. Mandelstam*) i Landsberg (*G. S. Landsberg*) [46]. Međutim, usled ranijeg objavljanja rezultata Nobelova nagrada dodeljena je indijskim naučnicima. U sovjetskoj naučnoj literaturi ovaj efekat je poznat pod nazivom – *kombinaciono rasejanje*.

Iako otkriven u prvoj polovini 20. veka, potencijal spektroskopske tehnike bazirane na Ramanovom efektu nije suštinski shvaćen do šezdesetih godina prošlog veka. Jedan od glavnih razloga relativno sporog razvoja Ramanove spektroskopije jeste mali presek rasejanja procesa neelastično rasejane svetlosti. S obzirom na to da se u početnim eksperimentima kao ekscitacioni izvor koristila Sunčeva svetlost, a da su eksperimenti rađeni u tečnostima, prva istraživanja u oblasti Ramanove spektroskopije fokusirala su se na unapređenje eksperimentalne postavke. Primat u ovom istraživanju preuzeли su izvori zračenja. Sa Sunčeve svetlosti prešlo se na lampe sa helijumom, zatim živom i argonom, međutim, pravi procvat ove spektroskopske tehnike počinje 1962. godine, kada je konstruisan prvi laser za primenu u Ramanovom eksperimentu [47].

Dodatni razlog sporog razvoja Ramanove spektroskopije, a koji se u stručnoj literaturi pominje i kao razlog kasnog otkrića samog efekta, leži u odnosu intenziteta elastično i neelastično rasejane svetlosti. Naime, od ukupnog intenziteta upadnog zračenja hiljaditi deo se raseje elastično (*Rejljevo rasejanje*), dok se samo milioniti deo raseje neelastično (*Ramanovo rasejanje*). To znači da je zarad uspešnog kvantitativnog određivanja Ramanovog efekata bilo neophodno otkloniti doprinose elastično rasejane svetlosti iz spektra [48].

Konstrukcija prvog Ramanovog spektrometra morala je da sačeka do razvoja monohromatora 1953. godine [47]. Od tada pa do sada učinjena su znatna poboljšanja na instrumentima koji se koriste u Ramanovom eksperimentu – sa jednostepenih monohromatora prešlo se na trostepene monohromatore, 1974. godine se za fokusiranje svetlosti na uzorak prvi put koristi mikroskop, 1987. godine se pojavljuju CCD detektori [47]. Sva ova unapređenja eksperimentalne postavke doprinela su komercijalizaciji Ramanove spektroskopije i proširila oblasti potencijalnih primena, te se danas Ramanova spektroskopija uspešno koristi u najrazličitijim naučnim disciplinama – od fizike do arheologije [49, 50, 51, 52].

## 2.2 Teorijski model

Ramanov efekat može da se objasni kao neelastično rasejanje svetlosti u materijalu. U zavisnosti od toga u kojoj sredini do rasejanja dolazi, poreklo Ramanovog rasejanja može biti posledica promene polarizabilnosti molekula ili promene susceptibilnosti kristala pri ekscitaciji kvazičestice [53, 54], poput fonona, magnona, polaroni. U Ramanovom rasejanju mogu učestvovati i elektroni.

Ovo poglavlje započinjemo klasičnom teorijom Ramanovog rasejanja, koja iako ne uzima u razmatranje kvantnu prirodu vibracija, te samim tim ne objašnjava u potpunosti vezu između osobina molekula i Ramanovog rasejanja, predstavlja dobru osnovu za razumevanje Ramanovog efekta.

### 2.2.1 Klasična teorija Ramanovog rasejanja

U klasičnoj teoriji Ramanovog rasejanja polazi se od ideje da vremenski zavisno elektromagnetno polje upadnog zračenja indukuje vremenski zavisni dipolni momenat. Ako posmatramo najjednostavniji sistem – dvoatomski molekul, koji je izložen elektičnom polju  $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \cos 2\pi\omega_0 t$ , gde je  $\mathbf{E}_0$  amplituda polja, a  $\omega_0$  učestanost lasera, indukovani dipolni momenat je [47]:

$$\mathbf{P} = \alpha \mathbf{E} = \alpha \mathbf{E}_0 \cos 2\pi\omega_0 t , \quad (2.1)$$

gde  $\alpha$  predstavlja konstantu proporcionalnosti koja se naziva *polarizabilnost*.

S obzirom na to da električna polarizabilnost predstavlja funkciju raspodele gustine naelektrisanja,  $\alpha = \alpha(\rho)$ , bilo koja promena atomske konfiguracije usled vibracija molekula za posledicu ima promenu polarizabilnosti. To znači da će za male vibracije molekula polarizabilnost biti linearna funkcija pomeraja atoma  $q$  [47]. Ako pomeraj atoma  $q$  napišemo kao funkciju učestanosti vibracije atoma  $\omega_m$  [47]:

$$q = q_0 \cos 2\pi\omega_m t , \quad (2.2)$$

razvojem  $\alpha$  u Tejlorov red po pomerajima  $q$  dobijamo:

$$\alpha = \alpha_0 + \left( \frac{\partial \alpha}{\partial q} \right)_0 q_0 + \dots , \quad (2.3)$$

gde je  $\alpha_0$  polarizabilnost u ravnotežnom položaju, a  $\left( \frac{\partial \alpha}{\partial q} \right)_0$  stepen promene polarizabilnosti sa pomerajem.

Ubacivanjem izraza za pomeraj atoma (2.2) i polarizabilnost (2.3) u izraz za dipolni momenat molekula, (2.1) postaje

$$\mathbf{P} = \alpha_0 \mathbf{E}_0 \cos 2\pi v_0 t + \left( \frac{\partial \alpha}{\partial q} \right)_0 q \mathbf{E}_0 \cos 2\pi \omega_0 t \quad (2.4)$$

$$= \alpha_0 \mathbf{E}_0 \cos 2\pi \omega_0 t + \left( \frac{\partial \alpha}{\partial q} \right)_0 q_0 \mathbf{E}_0 \cos 2\pi \omega_0 t \cos 2\pi \omega_m t. \quad (2.5)$$

Primenom trigonometrijske transformacije

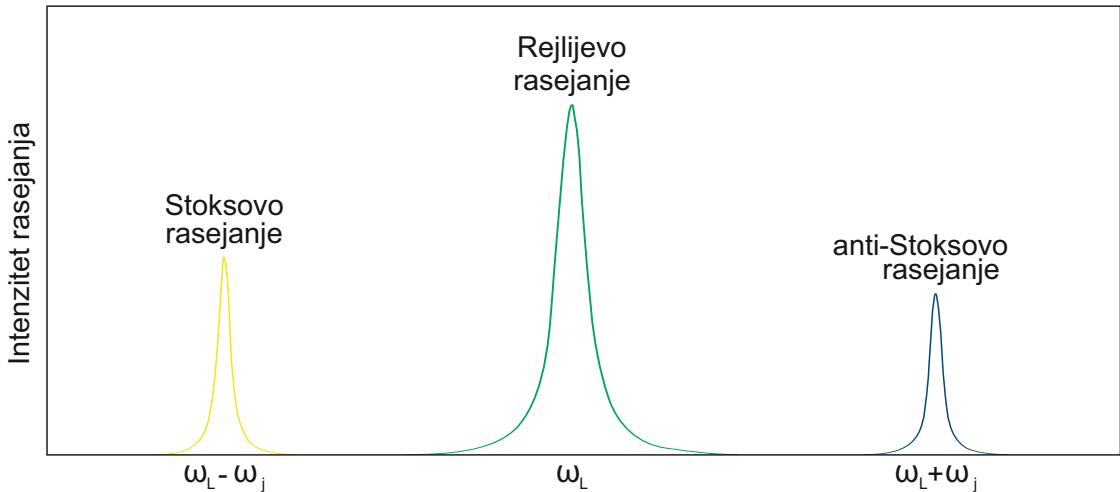
$$\cos a \cos b = \frac{\cos(a+b) + \cos(a-b)}{2}, \quad (2.6)$$

u (2.4), dobijeni izraz za indukovani dipolni momenat konačno postaje [47]

$$\mathbf{P} = \alpha_0 \mathbf{E}_0 \cos 2\pi \omega_0 t \quad (2.7)$$

$$+ \frac{1}{2} \left( \frac{\partial \alpha}{\partial q} \right)_0 q_0 \mathbf{E}_0 [\cos\{2\pi(\omega_0 + \omega_m)t\} + \cos\{2\pi(\omega_0 - \omega_m)t\}]. \quad (2.8)$$

U poslednjem izrazu lako se razlikuju tri različite komponente indukovanih dipolnih momenta. Prvi član, u kom učestanost rasejanog talasa odgovara učestanosti upadnog ( $\omega_0$ ), predstavlja elastično rasejanje svetlosti (Rejlijevo rasejanje) [47]. Preostala dva člana, u kojima se učestanost rasejanog talasa razlikuje od učestanosti upadnog, odgovaraju neelastičnom, odnosno, Ramanovom rasejanju svetlosti. U zavisnosti od učestanosti rasejane svetlosti ovi procesi nazivaju se anti-Stoksovo ( $\omega_0 + \omega_m$ ) i Stoksovo ( $\omega_0 - \omega_m$ ) Ramanovo rasejanje [47]. Na osnovu (2.8) lako se zaključuje da je vibracija Raman aktivna ukoliko izaziva promenu polarizabilnosti molekula  $\left( \frac{\partial \alpha}{\partial q} \right)_{q=0} \neq 0$ .



Slika 2.1: Odnos intenziteta rasejanja u Rejlijevom, Stoksovom i anti-Stoksovom procesu rasejanja.

Ovim je demonstrirano da klasičan pristup tačno predviđa pojavu i daje uvid u mehanizme Rejlijevog i Ramanovog rasejanja, međutim, nije dovoljan za potpuno razumevanje Ramanovog rasejanja. Jedno od značajnijih pitanja na koje osnovna klasična teorija daje

pogrešan odgovor jeste odnos intenziteta Stoksovih i anti-Stoksovih linija. Naime, na osnovu klasične teorije predviđeno je da odnos intenziteta bude proporcionalan odnosu četvrtog stepena njihovih učestanosti [55]:

$$\frac{I_{Stoks}}{I_{anti-Stoks}} = \frac{(\omega_0 - \omega_m)^4}{(\omega_0 + \omega_m)^4}, \quad (2.9)$$

odnosno, anti-Stoksove linije jačih intenziteta, što je u suprotnosti sa eksperimentom [Slika 2.1].

Dodatno, zbog neuzimanja u obzir konačnog vreme života kvazičestica pretpostavlja beskonačno uske spektralne linije, oblika  $\delta$ -funkcije. Neslaganje između eksperimenta i teorije uspešno je otklonjeno u kvantnoj teoriji Ramanovog rasejanja, koja će biti predstavljena u poglavlju 2.2.2.

Kako bi se opisao proces rasejanja u kristalima neophodno je uzeti u obzir da se kristali sastoje od atoma, koji vrše neprestane vibracije oko svojih ravnotežnih položaja, te je njihov pomeraj ograničen simetrijskom vezom samih atoma i opisuje se generalisanim koordinatama vibracije. Broj normalnih vibracija zavisi od broja atoma u primitivnoj ćeliji kristala  $N$  i računa se kao  $3N-3$ . U zavisnosti od simetrije kristala normalne vibracije mogu biti infracrveno i/ili Raman aktivne ili optički neaktivne. Ukoliko upadno zračenje dovodi do promene susceptibilnosti govori se o Raman aktivnim vibracijama, ukoliko dovodi do promene dielektrične propustljivosti vibracije su infracrveno aktivne [54]. U tom smislu analizu započinjemo isto kao i na početku ovog poglavlja, s tim što polarizabilnost molekula zamenjujemo tenzorom susceptibilnosti kristala  $\chi_{j,l}$  i razvijamo ga u Tejlorov red po generisanim koordinatama [53, 54]

$$\chi_{j,l} = (\chi_{j,l})_0 + \sum_k \left( \frac{\partial \chi_{j,l}}{\partial q_k} \right)_0 q_k + \sum_{k,m} \left( \frac{\partial^2 \chi_{j,l}}{\partial q_k \partial q_m} \right)_0 q_k q_m + \dots \quad (2.10)$$

pri čemu  $k$  uzima uzima sve vrednosti unutar skupa  $3N-3$ , a  $j$  i  $l$  vrednosti od 1 do 3. Analogno modelu dvoatomskog molekula, vibracija je Raman aktivna samo ukoliko je ispunjen uslov  $\left( \frac{\partial \chi_{j,l}}{\partial q_k} \right) \neq 0$ . Veličina koja se u izrazu (2.10) sumira po  $k$  naziva se Ramanov tenzor i u stručnoj literaturi se najčešće susreće kao  $(\chi_{jl})_k$ . Lako je pokazivo da je intenzitet rasejane svetlosti u kristalu proporcionalan sa [56, 57]

$$I \propto |\mathbf{e}_S \cdot R \cdot \mathbf{e}_L|^2, \quad (2.11)$$

gde su  $\mathbf{e}_S$  i  $\mathbf{e}_L$  jedinični vektori polarizacije rasejanog i upadnog zračenja, a  $R$  Ramanov tenzor. Upadni foton dovodi do Ramanovog rasejanja u kristalnoj rešetki samo ukoliko je ispunjen uslov

$$|\mathbf{e}_S \cdot R \cdot \mathbf{e}_L|^2 \neq 0, \quad (2.12)$$

Prethodna relacija predstavlja selekciona pravila za Ramanovo rasejanje i ukazuje na to da Ramanova aktivnost zavisi od nenultog karaktera Ramanovog tenzora i geometrije u

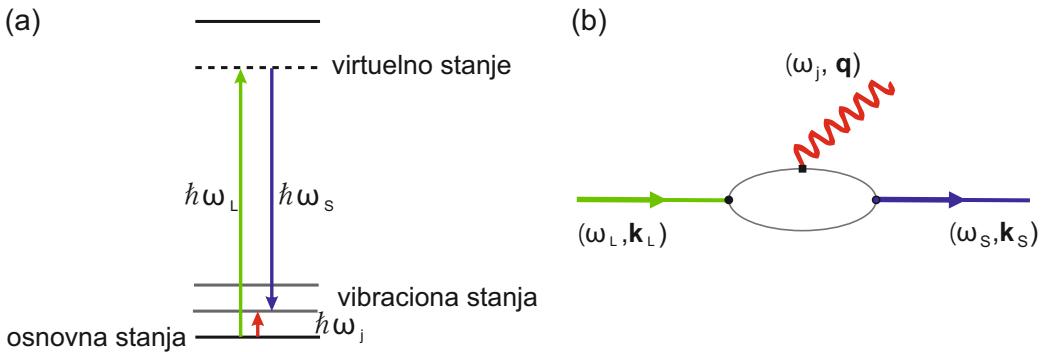
kojoj se izvodi eksperiment.

### 2.2.2 Kvantno-mehanička teorija Ramanovog rasejanja

U kvantnoj teoriji Rejlijevo i Ramanovo rasejanje svetlosti opisuju se u vidu elastičnih i neelastičnih sudara fotona i kristala. Kao i u slučaju klasične teorije, neelastični sudari odgovaraju Stoksovom ili anti-Stoksovom procesu. Fotoni koji učestvuju u Stoksovom procesu gube, a fotoni koji učestvuju u anti-Stoksovom procesu primaju jedan, ili više od jednog, kvant vibracione energije. Pretpostavimo da u sudaru učestvuje samo jedan kvant vibracione energije – fonon, te da govorimo o rasejanju prvog reda, i neka kao ekscitacioni izvor koristimo izvor svetlosti učestanosti  $\omega_L$  i talasnog vektora  $\mathbf{k}_L$ . Da bi takav upadni foton učestvovao u procesu sa fononom  $(\omega_j, \mathbf{q})$  pri čemu se kao rezultat izrači izlazni foton  $(\omega_S, \mathbf{k}_S)$ , moraju da budu ispunjeni sledeći zakoni održanja energije i kristalnog impulsa

$$\omega_L = \omega_S \pm \omega_j(\mathbf{q}), \mathbf{k}_L = \mathbf{k}_S \pm \mathbf{q}, \quad (2.13)$$

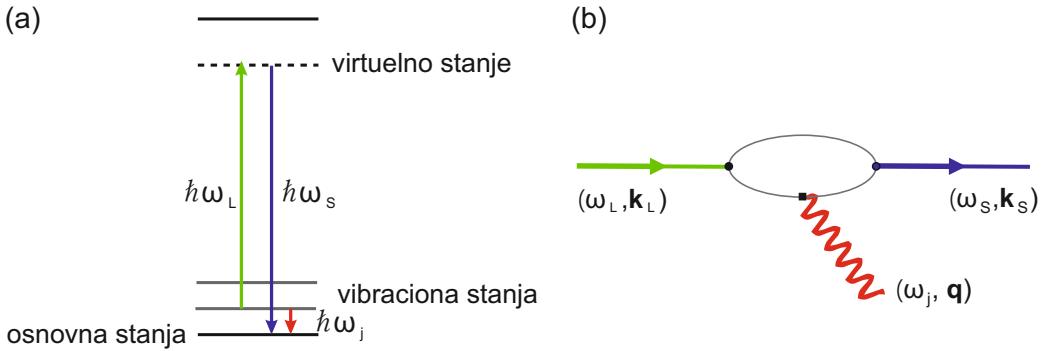
pri čemu znak  $+$  ( $-$ ) odgovara Stoksovom (anti-Stoksovom) procesu. Dodatno, pozitivan i negativan znak u jednačinama redom ukazuju na kreaciju, odnosno anihilaciju fonona [55]. Šematski prikazi elektronskih procesa u Stoksovom i anti-Stoksovom rasejanju prvog reda, kao i odgovarajući Fajnmanovi dijagrami ova dva procesa prikazani su na slikama 2.2 i 2.3, redom. S obzirom na to da je  $\omega_j$  zanemarljivo malo u odnosu na  $\omega_L$ , iz (2.13) sledi da je  $\omega_L \approx \omega_S$ .



Slika 2.2: (a) Šematski prikaz elektronskih prelaza kod Stoksovog Ramanovog rasejanja prvog reda. (b) Fajnmanov dijagram Stoksovog Ramanovog procesa.

Pozivajući se na poznate relacije iz talasne optike ( $\lambda = \frac{c}{\nu}$ ,  $k = \frac{2\pi}{\lambda}$ ,  $\omega = 2\pi\nu$ ) i vodeći računa o tome da su  $\mathbf{k}_L$  i  $\mathbf{k}_S$  unutar kristala, talasne brojeve možemo da izrazimo preko učestanosti u sledećem obliku:

$$k_L = n(\omega_{L,S}) \frac{\omega_{L,S}}{c}. \quad (2.14)$$



Slika 2.3: (a) Šematski prikaz elektronskih prelaza kod anti-Stoksovog Ramanovog rasejanja prvog reda. (b) Fajnmanov dijagram anti-Stoksovog Ramanovog procesa.

gde je  $n(\omega_{L,S})$  indeks prelamanja. Kako je  $\omega_L \approx \omega_S$ , zaključujemo da ista relacija važi i za talasne brojeve upadnog i rasejanog zračenja –  $k_L \approx k_S$  [53].

Uzvši u obzir da su talasne dužine upadnog i rasejanog fotona,  $\lambda_L$  i  $\lambda_s$ , mnogo veće od parametra kristalne rešetke  $a$ , dolazimo do zaključujući da je  $k_{L,S} \ll \pi/a$ , pri čemu je  $\pi/a$  intenziteta talasnog vektora fonona na ivici prve Briluenove zone. Pozivajući se na zakon održanja kristalnog impulsa (2.13) dolazimo do uslova koji važi za fonone koji učestvuju u Ramanov procesu prvog reda –  $q \ll \pi/a$  [55]. Dakle, da bi fonon učestvovao u Ramanovom rasejanju prvog reda mora da ispunjava uslov  $\mathbf{q} \cong 0$ . Ovaj uslov je ispunjen samo za ekscitacije iz  $\Gamma$ -tačke Briluenove zone [53, 55].

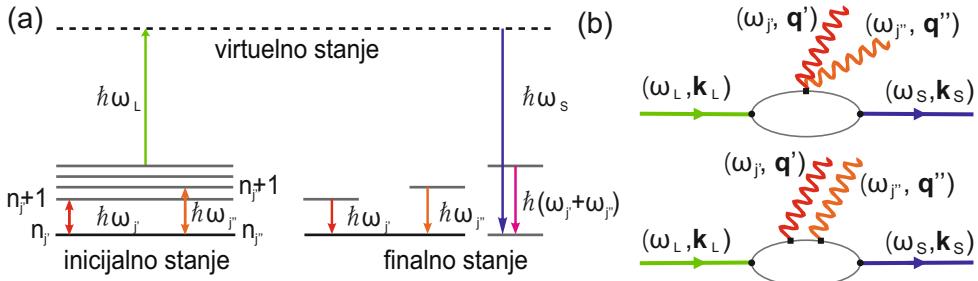
Sumirano, Rejlijevo rasejanje je proces koji ne izaziva promenu energije sredine o koju se upadni foton rasejava, samim tim rasejani foton nosi istu energiju kao i upadni. U slučaju Ramanovog rasejanja dolazi do interakcije sredine sa rasejanim fotonom pri čemu se razlikuju Stoksov i anti-Stoksov proces.

Proces u kom dolazi do apsorpcije energije, praćeno ekscitacijom sistema u virtuelno stanje, a zatim prelazom u prvo pobuđeno stanje, koji rezultira emitovanjem fotona energije manje od upadnog naziva se Stoksov. Ukoliko foton interaguje sa sistemom koji je već bio u pobudjenom vibracionom stanju, nakon čega se sistem vrati u osnovno stanje praćeno emisijom fotona energije veće od energije upadnog, govorimo o anti-Stoksovom procesu. S obzirom na to da je naseljenost osnovnog vibracionog nivoa daleko veća nego bilo kog pobuđenog vibracionog nivoa, na osnovu ove uprošćene analize lako se da zaključiti da je Stoksov proces verovatniji od anti-Stoksovog [55]. Kako odnos intenzitet Stoksove i anti-Stoksove linije zavisi od odnosa naseljenosti vibracionih nivoa, koji je u Boze-Ajnštajnovoj statistici proporcionalan  $e^{\hbar\omega_s/k_b T}$ , on mora biti proporcionalan izrazu

$$\frac{I_{Stoks}}{I_{anti-Stoks}} \propto \frac{(\omega_L - \omega_s)^4}{(\omega_L + \omega_s)^4} e^{\hbar\omega_s/k_b T}, \quad (2.15)$$

koji je mnogo veći od jedinice [55]. Ovakav rezultat dobar je pokazatelj da kvantna teorija uspešno rešava ograničenja klasičnog pristupa.

Kada govorimo o procesima rasejanja drugog reda govorimo o procesu u kome upadni



Slika 2.4: (a) Šematski prikaz elektronskih prelaza u anti-Stoksovom Ramanovom rasejanju drugog reda. (b) Fajnmanovi dijagrami procesa neelastičnog rasejanja drugog reda.

foton dovodi do pobudivanja kristala iz početnog vibracionog i elektronskog stanja u virtuelno stanje, nakon čega se sistem vraća u novo stanje. To novo stanje se od početnog razlikuje za dva vibraciona kvanta. Ovaj proces nije rezervisan samo za optičke fonone, već može uključivati i akustičke fonone ili čak kombinaciju optičkih i akustičkih fonona. U Ramanovom rasejanju drugog reda učestvuju samo optički fononi. Kako zakoni održanja energije i kristalnog impulsa za Ramanove procese drugog reda imaju oblik:

$$\omega_L = \omega_S \pm \omega_{j'}(\mathbf{q}') \pm \omega_{j''}(\mathbf{q}'') , \mathbf{k}_L = \mathbf{k}_S \pm \mathbf{q}' \pm \mathbf{q}'' , \quad (2.16)$$

ovi procesi nisu dozvoljeni samo za fonone iz centra Briluenove zone, već i za fonone iz cele Briluenove zone [55]. Elektronski prelazi u anti-Stoksovom rasejanju drugog reda predstavljena su na slici 2.4. Na istoj slici su prikazani i Fajnmanovi dijagrami dva najčešća tipa Ramanovog rasejanja drugog reda.

### 2.2.3 Efikasnost Ramanovog rasejanja

Veličina koje se koristi za kategorizaciju procesa Ramanovog rasejanja naziva se presek rasejanja. Makroskopski, presek Ramanovog rasejanja predstavlja odnos snage rasejanje svetlosti, koja se rasejava sa učestanošću  $(\omega_S, \omega_S + d\omega_S)$ , i snage upadne svetlosti, po jedinici dužine  $L$  i jediničnom prostornom uglu  $d\Omega_S$  [58, 59]. U klasičnoj teoriji diferencijalni presek rasejanja ima oblik:

$$\frac{d^2S}{d\omega_S d\Omega_S} = \frac{dP}{P_L} \frac{1}{L} \frac{1}{d\omega_S d\Omega_S} . \quad (2.17)$$

Ukoliko proces Ramanovog rasejanja posmatramo mikroskopski, govorimo o procesu u kom se foton talasnog vektor  $\mathbf{k}_L$  rasejava o kristal i napušta ga s talasnim vektorom  $\mathbf{k}_S$ , pri čemu sistem prelazi iz osnovnog stanja  $|I\rangle$  u finalno stanje  $|F\rangle$ , menjajući svoje

vibraciono stanje. Broj tako rasejanih fotona po jedinici dužine dat je formulom [59]:

$$dN_S = \frac{1}{u_L} \sum_{F_f} P_{FI} \frac{V}{(2\pi)^3} d^3 \mathbf{k}_S , \quad (2.18)$$

$$d^3 \mathbf{k}_S = \left(\frac{n_S}{c}\right)^3 \omega_S^2 d\Omega_S d\omega_S , \quad (2.19)$$

gde je  $u_L$  brzina upadnog fotona, a  $P_{FI}$  verovatnoća prelaza po jedinici vremena.

Jednačinu (2.18) možemo da predstavimo kroz odnos energije rasejanih i upadnih fotona ( $dS = \frac{\hbar\omega_S}{\hbar\omega_L} dN_S$ ) na sledeći način

$$\frac{d^2 S}{d\omega_S d\Omega_S} = \frac{V}{(2\pi)^3} \frac{\omega_S^3}{\omega_L} \frac{n_L n_S^3}{c^4} \sum_{F_f} P_{FI} . \quad (2.20)$$

Koristeći Fermijevo zlatno pravilo za izračunavanje verovatnoće procesa Ramanovog rasejanja [58], i zamenom u jednačinu (2.20) dobijamo finalni izraz za presek Ramanovog procesa rasejanja [59]:

$$\frac{d^2 S}{d\Omega_S} = \frac{V}{(\hbar\omega_L)^2} \frac{\omega_L \omega_S^3}{(2\pi)^2} \frac{n_L n_S^3}{c^4} \sum_{F_f} |W_{FI}|^2 , \quad (2.21)$$

gde je  $W_{FI}$  amplituda verovatnoće prelaza iz stanja  $|I\rangle$  u finalno stanje  $|F\rangle$ .

## 2.2.4 Svojstvena energija fonona

U klasičnoj teoriji Ramanovog rasejanja kristal se opisuje modelom atoma međusobno povezanih elastičnim oprugama. U ovakovom sistemu vibracije kristalne rešetke opisuju se modelom harmonijskog oscilatora. Dielektrična propustljivost ovakvog sistema data je sledećim izrazom:

$$\varepsilon(\omega) = \varepsilon_\infty + \varepsilon_{vib} , \quad (2.22)$$

gde  $\varepsilon_\infty$  predstavlja doprinose procesa koji se odvijaju na učestanostima višim od učestanosti vibracija rešetke, ali nižim od učestanosti rezonantnih procesa. Kako je kvant vibracije rešetke fonon, drugi sabirak u (2.17) naziva se fononski doprinos [53]. Ovakav pristup prilično dobro aproksimira fonone u izotropnom kristalu, gde su zanemareni ograničeno vreme života fonona i njihova međusobna interakcija. Međutim, kako bismo opisali temperatursku zavisnost učestanosti i vremena života fonona u realnim kristalima, u analizu moramo da uključimo i anharmonijske doprinose. Realni kristali nisu harmonijski te kao popravku razmatramo i sudare između samih fonona. Ovi sudari dovode do promena učestanosti fonona koji u njima učestvuju, što za posledicu ima ograničeno vreme njihovih života. Ova interakcija naziva se *fonon-fonon* interakcija i opisuje se svojstvenom energijom.

jom fonona [53, 60, 61]:

$$\Sigma_i(T) = \Delta_i(T) + i\Gamma_i(T) , \quad (2.23)$$

gde realni deo odgovara promeni učestanosti usled anharmoničnosti, a imaginarni deo odgovara širini moda, koja je obrnuto srazmerna vremenu života fonona. Obe ove veličine imaju temperatursku zavisnost koja se u Ramanovom eksperimentu manifestuje kroz pomeraj moda ka nižim energijama, odnosno širenje moda, sa porastom temperature.

Širina fononskog moda učestanosti  $\omega$  i talasnog vektora  $\mathbf{q}$  može da se predstavi u vidu perturbacionog razvoja ukupne energije kao [60]:

$$\begin{aligned} \Gamma_j(\mathbf{q}, \omega) = \frac{\pi}{2\hbar^2} \sum_{\mathbf{q}_1, \mathbf{q}_1, j_1, j_2} & \left| \frac{\partial^3 E_{tot}}{\partial \mathbf{e}(\mathbf{q}, j) \partial \mathbf{e}(\mathbf{q}_1, j_1) \partial \mathbf{e}(\mathbf{q}_2, j_2)} \right|^2 \Delta(-\mathbf{q} + \mathbf{q}_1 + \mathbf{q}_2) \times \\ & \{ [n(\mathbf{q}_1, j_1) + n(\mathbf{q}_2, j_2) + 1] \delta(\omega - \omega_{j_1}(\mathbf{q}_1) - \omega_{j_2}(\mathbf{q}_2)) + \\ & 2[n(\mathbf{q}_1, j_1) - n(\mathbf{q}_2, j_2)] \delta(\omega + \omega_{j_1}(\mathbf{q}_1) - \omega_{j_2}(\mathbf{q}_2)) \} , \end{aligned} \quad (2.24)$$

gde je  $\omega$  učestanost,  $\mathbf{q}$  talasni vektor  $j$ -tog fonona, a  $\mathbf{e}$  jedinični vektor koji određuje amplitudu odgovarajućeg moda. Funkcija  $\Delta(\mathbf{q})$  je različita od nule samo ukoliko je vektor  $\mathbf{q}$  vektor recipročne rešetke, dok član  $n(\mathbf{q}, j)$  predstavlja Boze-Ajnštajnov okupacioni faktor  $j$ -tog fonona dat izrazom:

$$n(T, \omega_j) = e^{\hbar\omega_j/k_b T} - 1 . \quad (2.25)$$

Prvi član unutar vitičaste zgrade u izrazu (2.24) odgovara procesu raspada fonona na dva fonona niže energije (*down-conversion*), a drugi opisuje procese sudara neravnotežnih fonona sa termalnim fononima pri čemu dolazi do kreacije novog fonona (*up-conversion*) [60].

Realni deo svojstvene energije fonona može se rastaviti na tri člana – prvi član  $\Delta_1^{(0)}$  predstavlja promene učestanosti usled termalnog širenja kristalne rešetke, dok druga dva člana potiču od fonon-fonon interakcije [53, 60, 62, 63, 64]:

$$\Delta_j(\omega) = \Delta_j^{(0)} + \Delta_j^{(3)}(\omega) + \Delta_j^{(4)} . \quad (2.26)$$

Kao i u slučaju širine fononskog moda, doprinosi fononske interakcije posledica su *down-conversion* ili *up-conversion* procesa. Ovi procesi se još nazivaju trofononski procesi i predstavljeni su članom  $\Delta_j^{(3)}(\omega)$ . Doprinosi četvorofononskih procesa dati su članom  $\Delta_j^{(4)}$  [65]. Ovi članovi analitički su dati kao:

$$\Delta_j^{(0)}(\omega) = \omega_j [e^{-3\gamma_j \int_0^T \alpha(T') dT'} - 1] , \quad (2.27)$$

$$\Delta_j^{(3)}(\omega) = -\frac{2}{\pi} P \int_0^\infty \frac{\omega' \Gamma_j(\omega')}{(\omega'^2 - \omega^2)} d\omega' , \quad (2.28)$$

$$\Delta_j^{(4)} = \frac{12}{\hbar} \sum_{\mathbf{q}_1, j_1} \frac{\partial^4 E_{tot}}{\partial \mathbf{e}(\mathbf{q}, j) \partial \mathbf{e}(-\mathbf{q}, \mathbf{j}) \partial \mathbf{e}(\mathbf{q}_1, j_1) \partial \mathbf{e}(\mathbf{q}_2, j_2)} [2n(\mathbf{q}_1, j_1) + 1] , \quad (2.29)$$

gde su  $\gamma_j$ ,  $\alpha(T)$  i  $P$  redom Grinajzenov (*Grüneisen*) parametar datog moda, koeficijent zapreminskog širenja i Košijeva glavna vrednost integrala [60, 66].

Ukoliko u razmatranje uzmememo samo optičke fonone u  $\Gamma$ -tački Briluenove zone koji se raspadaju na dva akustička fonona čije učestanosti zadovoljavaju relaciju  $\omega_{ph} = \omega_1(\mathbf{q}, j_1) + \omega_2(-\mathbf{q}, j_2)$ , i ako je ispunjena Klemensova pretpostavka da se optički fononi raspadaju na akustičke fonone iste učestanosti, koji pripadaju istim granama [67], tada izrazi za promenu širine i učestanost fononskog moda imaju oblik [62]:

$$\Gamma_{ph,i}(T) = \Gamma_i(0) \left( 1 + \frac{2\lambda_{p-p,i}}{e^{\hbar\omega_i(0)/2k_b T} - 1} \right) , \quad (2.30)$$

$$\omega_{ph,i}(T) = \omega_i(0) + \omega_i(0) \left( e^{-3\gamma_i \int_0^T \alpha(T') dT'} - 1 \right) - C_i \left( 1 + \frac{4\lambda_{p-p,i}}{e^{\hbar\omega_i(0)/2k_b T} - 1} \right) . \quad (2.31)$$

U gornjim izrazima  $\Gamma_i(0)$  i  $\omega_i(0)$  su položaji  $i$ -te Ramanove linije kada temperatura teži 0, a  $\lambda_{p-p,i}$  jačina fonon-fonon sparivanja. Konstanta  $C_i$  zadovoljava relaciju  $C_i = \Gamma_i(0)^2 / 2\omega_i(0)$  [62].

## 2.2.5 Profili spektralnih linija

Jedan od početnih i najbitnijih koraka za uspešno tumačenje Ramanovih spektra jeste utvđivanje profila spektralnih linija. Da bismo razumeli koji se sve oblici linija javljaju u spektrima krenućemo od jednostavne slike prostiranja elektromagnetskog zračenja kao prigušenog harmonijskog oscilatora. U takvoj slici zračenje vremenski zavisnog električnog polja dato je sledećom diferencijalnom jednačinom:

$$\ddot{E} + \gamma \dot{E} + \omega_0^2 E = 0 , \quad (2.32)$$

gde je  $\gamma$  konstantna prigušenja, a  $\omega_0$  učestanost oscilatora bez prigušenja. Svojstvene vrednosti jednačine (2.32) su takve da je opšte kompleksno rešenje dato u obliku linearne kombinacije  $e^{\alpha t}$  sa kompleksnim koeficijentima [54]:

$$\alpha_{1,2} = -\frac{\gamma}{2} \pm i \sqrt{\omega_0^2 - \frac{\gamma^2}{4}} . \quad (2.33)$$

Kako nas zanima samo realni deo električnog polja, uzimamo sledeće rešenje diferencijalne jednačine (2.32)

$$E(t) = C_1 e^{-\gamma t/2} \cos \omega t + C_2 e^{-\gamma t/2} \sin \omega t , \quad (2.34)$$

gde je  $\omega = \sqrt{\omega_0^2 - \gamma^2/4}$ . Da bi oscilovanje imalo prigušen karakter mora biti ispunjen uslov  $\gamma/2 < \omega_0$ . Koeficijenti  $C_{1,2}$  vode računa o tome da su ispunjeni granični uslovi.

Ukoliko posmatramo maksimalno električno polje, čiji je izvod po vremenu u trenutku  $t = 0$  jednak nuli, rešenje jednačine (2.32) takvog polja biće:

$$E(t) = E_0 e^{-\gamma t/2} (\cos \omega t + \frac{\gamma}{2\omega} \sin \omega t) . \quad (2.35)$$

Kako su u eksperimentu vreme i učestanost uvek pozitivne vrednosti, gornju jednačinu možemo svesti na nešto jednostavniji oblik (2.36), koji iako ne predstavlja generalno rešenje jednačine (2.32), predstavlja dovoljno dobru matematičku osnovu za opisivanje energetskog spektra prigušenog oscilatora [54]:

$$E(t) = E_0 e^{-\gamma t/2} \cos \omega t . \quad (2.36)$$

Da bismo dobili spektar vremenski zavisne funkcije  $E(t)$  neophodno je primeniti Furijeovu transformaciju. Međutim, s obzirom da funkcija  $E(t)$  trpi nagli skok za  $t = 0$ , Furije transform ovakve funkcije bio bi izuzetno komplikovan, s toga se ona predstavlja u sledećem kompleksnom obliku [54]:

$$E(t) = E_0 e^{-\gamma t/2} e^{i\omega t} . \quad (2.37)$$

Primenom Furije transformacije na (2.37) dobijamo izraz za energetski spektar prigušenog oscilatora:

$$E(f) = \int_0^\infty E_0 e^{-\gamma t/2} e^{i\omega_0 t} e^{-i2\pi f t} dt = \frac{E_0}{\gamma/2 + i2\pi(f - f_0)} , \quad (2.38)$$

gde je  $\omega_0$  učestanost prigušenih oscilacija.

Kada govorimo o eksperimentu govorimo o veličini koja je data kao kvadrat amplitude energetskog spektra, i koja se naziva intenzitet spektralnog zračenja. U slučaju zračenja prigušenog oscilatora ova veličina ima oblik [54]:

$$S(\omega) = E(\omega)E^*(\omega) = \frac{E_0^2}{(\gamma/2)^2 + (\omega - \omega_0)^2} . \quad (2.39)$$

Ovakav oblik intenziteta spektralnog zračenja naziva se Lorencov profil spektralne linije (*Lorentzian*). Širina linije koja se opisuje Lorencovim profilom zavisi od parametra  $\gamma$ , koji je obrnuto сразмерan vremenu života oscilacije  $\tau$ . Kako se ovaj oblik linije vezuje za osnovne procese emisije i apsorpcije, poznat je i pod nazivom prirodni oblik linije. U  $\omega$  prostoru, normiran na jedinicu površine, dat je kao [54]:

$$I_L(\omega - \omega_0) = \frac{\gamma/2}{(\omega - \omega_0)^2 + (\gamma/2)^2} . \quad (2.40)$$

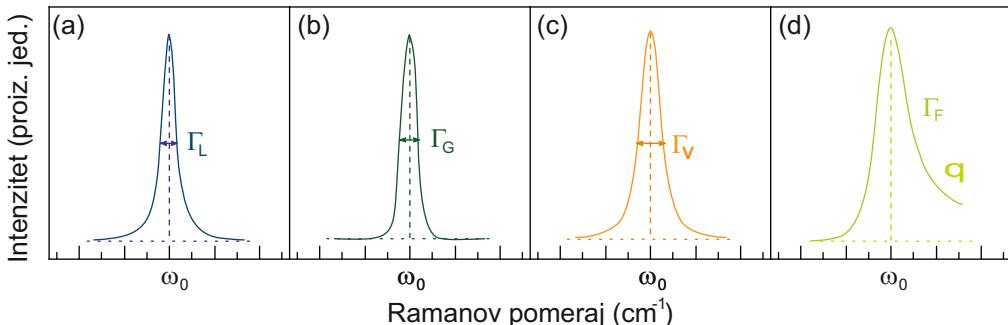
Lorencov profil nije jedini koji se koristi za opisivanje spektralnih linija u eksperimentima. U slučaju kada energija svih emitujućih oscilatora nije jednaka, već je njihova

energija statistički raspoređena, u spektrima se javljaju linije koje se opisuju Gausovim profilom. U kristalima one su najčešće posledica perturbacija elektronskih nivoa elektrona izazvanih defektima rešetke [54]. Analitički oblik Gausove linije je:

$$I_G(\omega - \omega_0) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{-(\omega-\omega_0)}{2\sigma^2}}, \quad \sigma^2 = \frac{\gamma^2}{8\ln 2}, \quad (2.41)$$

gde je  $\gamma$  poluširina linije, a  $\sigma^2$  disperzija Gausove raspodele.

Spektralne linije koje se dobijaju u eksperimentima ne moraju nužno da budu istog profila kao i linije izvora zračenja. Ovo odstupanje je najčešće posledica instrumentalnog širenja, koje se opisuje Gausovim profilom linije. U tom slučaju, eksperimentalna li-



Slika 2.5: Grafički prikaz (a) Lorencovog, (b) Gausovog, (c) Voitovog i (d) Fano profila spektralnih linija. Preuzeto iz [68]

nija opisuje se Voitovim profilom (*Voigtian*), koji predstavlja konvoluciju Lorencovog i Gausovog profila, i koji ne može biti predstavljen analitički. Poluširina Voitove linije približno je [54]:

$$\gamma = 0.5346\gamma_L + \sqrt{0.2153\gamma_L^2 + \gamma_G^2}. \quad (2.42)$$

Pored simetričnih linija koje se javljaju u spektrima, a koje se opisuju sa tri gore navedena profila, u eksperimentu se neretko javljaju asimetrične spektralne linije. U slučaju kristala, one su najčešće posledica postojećih defekata u kristalnoj rešetki ili sparivanja fonona sa kontinuumom [69]. Ovakav oblik linija opisuje se Fano profilima, čiji je najjednostavniji analitički oblik [70]:

$$I_F(\omega - \omega_0) = I_0 \frac{q + \bar{\epsilon}^2}{1 + \bar{\epsilon}^2}, \quad \bar{\epsilon} = \frac{2(\omega - \omega_0)}{\Gamma}. \quad (2.43)$$

U izrazu (2.43)  $\omega_0$  predstavlja učestanost fonona u odsustvu interakcije,  $\Gamma$  širinu na polovini makismalnog intenziteta,  $I_0$  amplitudu, a  $q$  Fano parametar. Fano parametar  $q$  obrnuto je srazmeran asimetriji linije, i ukoliko ima vrednost veću od 30 posmatrana linija smatra se simetričnom. S obzirom na to da širina linije i Fano parametar zavise od interakcije između fonona i kontinuma, neretko se koriste kao stepen određivanja njene jačine.

Pomenuti profili spektralnih linija grafički su predstavljeni na slici 2.5.

## 2.3 Elektronsko Ramanovo rasejanje

Do ovog trenutka razmatrano je isključivo Ramanovo rasejanje u kom učestvuju fononi. Međutim, Ramanovo rasejanje nije ograničeno samo na fonone, već u njemu mogu učestvovati i razne druge kvazi-čestice poput plazmona ili slobodni elektronski gas. U ovom potpoglavlju biće objašnjeni osnovni teorijski koncepti elektronskog Ramanovog rasejanja neophodni i dovoljni za razumevanje prezentovanih rezultata. Elektronsko Ramanovo rasejanje detaljno je objašnjenu u [71].

### 2.3.1 Osnovna teorija elektronskog Ramanovog rasejanja

Pod elektronskim Ramanovim rasejanjem podrazumevamo procese u kojima se ekscitovani visokoenergetski elektron-šupljina par sparuje sa provodnim elektronima metala. Takav Ramanov spektar se sastoji od fononskih linija superponiranih na elektron-šupljina kontinuum. U Ramanovom eksperimentu se meri broj upadnih fotona, koji se u jedinici vremena, rasejava u prostornom uglu  $\Omega + d\Omega$ . Ovaj broj je direktno proporcionalan sa merom prelaza  $\mathcal{R}$  [72]:

$$\mathcal{R} = \frac{1}{Z} \sum_{i,f} e^{-\beta E_i} |M_{f,i}|^2 \delta(E_f - E_i - \hbar\Omega), \quad (2.44)$$

gde je  $Z$  particona funkcija, a  $M_{f,i} = \langle f | M | i \rangle$  matrični element prelaza u kome je sadržana interakcija svetlosti sa uzorkom. Matrični element  $M_{f,i}$  određen je Hamiltonijanom elektrona spregnutih sa električnim poljem (2.45) u koji su uračunati doprinosi Kulonove interakcije, slobodnog elektromagnetskog polja, sparivanja elektronske struje sa pojedinačnim fotonima i sparivanje nalektrisanja elektrona sa dva fotona [73]. Poslednja tri člana u izrazu (2.45) doprinose matričnom elementu  $M_{f,i}$ .

$$\mathcal{H} = \mathcal{H} + H_{polje} + \frac{e}{2mc} \sum_i [\hat{p}_i \cdot \hat{A}(r_i) + \hat{A}(r_i) \cdot \hat{p}_i] + \frac{e}{2mc^2} \sum_i \hat{A}(r_i) \cdot \hat{A}(r_i). \quad (2.45)$$

Ukoliko svojstvena stanja Hamiltonijana  $\mathcal{H}$ ,  $|\alpha\rangle$ , imaju svojstvene vrednosti  $E_\alpha$ , onda je  $\mathcal{H}|\alpha\rangle = E_\alpha|\alpha\rangle$ , a izraz za matrični element zapisan u drugoj kvantizaciji [74]:

$$M_{f,i} = \mathbf{e}_L \cdot \mathbf{e}_S \sum_{\alpha,\beta} \rho_{\alpha,\beta}(\mathbf{q}) \langle f | \alpha^\dagger | i \rangle + \frac{1}{m} \sum_\nu \sum_{\alpha,\alpha',\beta,\beta'} p_{\alpha,\alpha'}(\mathbf{q}_S) p_{\beta,\beta'}(\mathbf{q}_L) \times \left( \frac{\langle F | c_\alpha^\dagger c_{\alpha'} | \nu \rangle \langle \nu | c_\beta^\dagger c_{\beta'} | i \rangle}{E_i - E_\nu + \hbar\omega_L} + \frac{\langle F | c_\beta^\dagger c_{\beta'} | \nu \rangle \langle \nu | c_\alpha^\dagger c_{\alpha'} | i \rangle}{E_i - E_\nu - \hbar\omega_S} \right), \quad (2.46)$$

gde su matrični elementi jednočestične gustine stanja i gustine impulsa koja uključuju stanja  $\alpha$  i  $\beta$ , redom [74]:

$$\rho_{\alpha,\beta}(\mathbf{q}) = \int d^3r \varphi_\alpha^*(\mathbf{r}) e^{i\mathbf{q}\cdot\mathbf{r}} \varphi_\beta(\mathbf{r}) = \langle \alpha | e^{i\mathbf{q}\cdot\mathbf{r}} | \beta \rangle , \quad (2.47)$$

$$p_{\alpha,\beta}(\mathbf{q}_{L,S}) = \langle \alpha | \mathbf{p} e^{\pm i\mathbf{q}_{L,S}\cdot\mathbf{r}} | \beta \rangle . \quad (2.48)$$

$|i\rangle, |\nu\rangle$  i  $|f\rangle$  u izrazima (2.47) i (2.48) predstavljaju početno, srednje i krajnje stanje kojima, redom, odgovaraju energije  $E_i$ ,  $E_\nu$  i  $E_f$ .

Prvi član u izrazu (2.46) potiče od dvofononskog rasejanja, a ostali od rasejanja pojedinačnog fotona. Izračunavanje ovako datog matričnog elemenata je izuzetno kompleksan proces koji može da se uprosti ukoliko se prepostavi da se višečestična međustanja razlikuju od krajnjeg i početnog samo po eksitacijama pojedinačnih elektrona [72]. Sa ovom prepostavkom izraz (2.46) dobija oblik:

$$M_{f,i} = \sum_{\alpha,\beta} \gamma_{\alpha,\beta} \langle f | c_\alpha^\dagger c_\beta | i \rangle ,$$

$$\gamma_{\alpha,\beta} = \rho_{\alpha,\beta}(\mathbf{q}) \mathbf{e}_L \cdot \mathbf{e}_S + \frac{1}{m} \sum_{\beta'} \left( \frac{p_{\alpha,\beta'}^S p_{\beta',\beta}^L}{E_\beta - E_{\beta'} + \hbar\omega_L} + \frac{p_{\alpha,\beta'}^L p_{\beta',\beta}^S}{E_\beta - E_{\beta'} - \hbar\omega_L} \right) . \quad (2.49)$$

Iz prethodnog izraza moguće je odrediti amplitudu rasejanja (*Raman vertekse*) u zavisnosti od vektora polarizacije upadnih i rasejanih fonona [72]:

$$\gamma_{\mathbf{k},\mathbf{q}} = \sum_{\alpha,\beta} e_L^\alpha \gamma_{\alpha,\beta}(\mathbf{k}, \mathbf{q}) e_S^\beta . \quad (2.50)$$

### 2.3.2 Efikasnost elektronskog Ramanovog rasejanja

Neka elektron, koji se nalazi na položaju  $\mathbf{r}$ , interaguje sa poljem zračenja, čiji je vektorski potencijal  $\mathbf{A}(\mathbf{r}, t)$ . Hamiltonijan takve interakcije ima oblik:

$$\mathcal{H} = e^2 \frac{|A|^2}{2mc^2} + \frac{1}{2} e \frac{(\mathbf{p} \cdot \mathbf{A})}{mc} + \frac{1}{2} e \frac{(\mathbf{A} \cdot \mathbf{p})}{mc} . \quad (2.51)$$

Ako vektorske potencijale upadnih i rasejanih fotona predstavimo kao  $A_{L,S} \mathbf{e}_L \mathbf{e}_S e^{i(\mathbf{k}_L, \mathbf{s} \cdot \mathbf{r} - \omega_{L,S})}$  + Hermitski konjugat (H.K.), izraz (2.51) može da se zapiše u sledećem obliku:

$$\mathcal{H} = r_0 (\mathbf{e}_L \cdot \mathbf{e}_S) A_L A_S^\dagger e^{i(\mathbf{q} \cdot \mathbf{p} - \omega t)} + \text{H.K.} , \quad (2.52)$$

gde je  $\mathbf{q} = \mathbf{k}_L - \mathbf{k}_S$ ,  $\omega = \omega_L - \omega_S$ , a  $r_0 = e^2/mc^2 = 2.83 \cdot 10^{-13}$  cm poluprečnik elektrona [71].

Ako početno i krajnje stanje elektrona označimo sa  $|i\rangle$  i  $|f\rangle$ , nakon primene perturbacione teorije i Fermijevog zlatnog pravila, diferencijalni presek rasejanja elektrona je

$$\frac{d^2S}{d\omega d\Omega} = \left(\frac{\omega_S}{\omega_L}\right)^2 r_0^2 (\mathbf{e}_L \cdot \mathbf{e}_S)^2 \sum_f |\langle f | e^{i(\mathbf{q} \cdot \mathbf{p})} | i \rangle|^2 \cdot \delta(\omega - \omega_f + \omega_i). \quad (2.53)$$

Diferencijalni presek rasejanja fotona dobijamo kada izraz (2.53) pomnožimo sa  $\omega_L/\omega_S$ . Kada u procesu rasejanja učestvuje skup elektrona, a ne samo jedan elektron, član  $e^{i(\mathbf{q} \cdot \mathbf{r})}$  menjamo operatorom

$$\rho_{\mathbf{q}} = \sum_j e^{i(\mathbf{q} \cdot \mathbf{r}_j)} = \sum_{\mathbf{K}} C_{\mathbf{K}+\mathbf{q}}^\dagger C_{\mathbf{K}}, \quad (2.54)$$

gde su  $C_{\mathbf{K}+\mathbf{q}}^\dagger$  i  $C_{\mathbf{K}}$  operatori kreacije i anihilacije [71]. Uvodeći ovu smenu u (2.52), izraz za Hamiltonijan postaje:

$$\mathcal{H} = r_0 (\mathbf{e}_L \cdot \mathbf{e}_S) A_L A_S^\dagger e^{-i\omega t} \rho_{\mathbf{q}} + \text{H.K.} \quad (2.55)$$

Nakon primene zlatnog pravila dolazimo do konačnog izraza za efikasnost elektronskog Ramanovog rasejanja za  $n$  elektrona po jedinici zapremine [71]:

$$\frac{d^2R}{d\omega d\Omega} = n \frac{d^2S}{d\omega d\Omega} = \left(\frac{\omega_S}{\omega_L}\right)^2 r_0^2 (\mathbf{e}_L \cdot \mathbf{e}_S)^2 S(\mathbf{q}, \omega), \quad (2.56)$$

$$S(\mathbf{q}, \omega) = Sr_i \left[ \sum_f |\langle f | \rho_{\mathbf{q}} | i \rangle|^2 \delta(\omega_{fi} - \omega) \right]. \quad (2.57)$$

gde je  $S(\mathbf{q}, \omega)$  dinamički strukturni faktor koji predstavlja osobinu elektronskog sistema u odsustvu perturbacije  $\mathcal{H}$ , a  $Sr_i$  predstavlja usrednjavanje po početnim stanjima  $|i\rangle$ .

Kako bez znanja tačnih stanja  $|i\rangle$  i  $|f\rangle$  iz (2.56) nije moguće izračunati presek rasejanja, koristi se aproksimacija nasumične faze (RPA) koja kaže da je  $S(\mathbf{q}, \omega)$  jednaka proizvodu  $(-\pi^{-1})$  i odgovoru sistema na spoljašnji vremensko zavisni potencijal,  $\bar{F}(\mathbf{q}, \omega)$  [71]. Kao posledica ovog odgovara, postoji nenulta indukovana gustina nanelektrisanja za koju važi

$$\rho_{ind} = -e\varphi_{ext}\bar{F}(\mathbf{q}, \omega). \quad (2.58)$$

Ukoliko zanemarimo sve doprinose Kulonove interakcije mnogoelektronskog sistema, koji su uračunati u  $\bar{F}$ , sem one između spoljašnjeg potencijala i  $\rho_{\mathbf{q}}$ , efikasnost rasejanja svetlosti će biti [71]:

$$\frac{d^2R}{d\omega d\Omega} = \left(\frac{\omega_S}{\omega_L}\right)^2 (\mathbf{e}_L \cdot \mathbf{e}_S)^2 r_0^2 (1 + n_\omega) \hbar \pi^{-1} (-Im\{F\}) |\varepsilon|^{-2}, \quad (2.59)$$

$$\frac{d^2R}{d\omega d\Omega} = \left(\frac{\omega_S}{\omega_L}\right)^2 (\mathbf{e}_L \cdot \mathbf{e}_S)^2 r_0^2 (1 + n_\omega) \frac{\hbar q^2}{4\pi e^2} \text{Im}\left\{\frac{-1}{\varepsilon}\right\}, \quad (2.60)$$

gde je  $n_\omega = (e^{\hbar\omega/k_b T} - 1)^{-1}$ .

Ukoliko se  $\varepsilon$  modifikuje tako da uključi i ekraniranje slobodnih nosioca od strane virtuelnih unutarzonskih prelaza u kristalu, izraz za efikasnost elektronskog Ramanovog rasejanja (2.60) važi i za elektrone koji učestvuju u unutarzonskom rasejanju svetlosti. Amplituda ovakvog rasejanja je proporcionalna  $\omega_G - \omega_L$  i  $\omega_G + \omega_S$ , gde  $\hbar\omega_G$  odgovara energiji procepa unutarzonskog prelaza [71].

Kao što je o tome bilo reči, selekciona pravila za kvazičestice koje mogu da učestvuju u procesu Ramanovog rasejanja dobijaju se iz simetrije kristala, odnosno primenom teorije grupa na kristalnu strukturu uzorka. U slučaju elektronskog Ramanovog rasejanja, u kom upadno zračenje dovodi do modulacije gustine nanelektrisanje u pravcu koji zavisi od vektora polarizacije upadnih i rasejanih fotona, selekciona pravila strogo zavise od geometrije rasejanja. Matrični element  $M_{f,i}$  možemo razviti po bazisnim funkcijama ireducibilnih reprezentacija tačkastih grupa simetrije kristala,  $\mu$ , tako da bude oblika:

$$M_{f,i}(\mathbf{q} \rightarrow 0) = \sum_{\mu} M_{\mu} \Phi_{\mu}. \quad (2.61)$$

Odabir skupa ireducibilnih reprezentacija, po kojima se sumira u prethodnom izrazu, vrši se na osnov geometrije rasejanja [72].

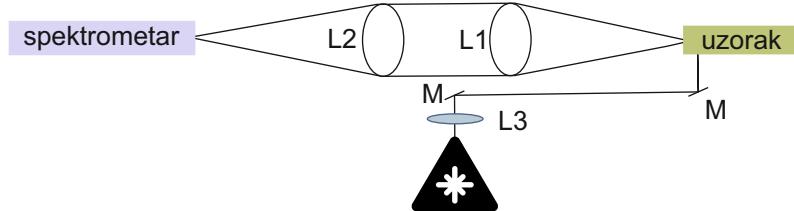
## 2.4 Ramanov eksperiment

S obzirom na to da Ramanov efekat daje izuzetno slab signal potrebno je odabrati optičku aparaturu specijalno dizajniranu za Ramanov eksperiment kako bi isti bio uspešan. U zavisnosti od merenog uzorka i željenih rezultata biraju se odgovarajući izvori zračenja, detektori, geometrije rasejanja, što nije jednostavan niti pravolinijski proces. Naime, ukoliko želimo da pojačamo Ramanovu osjetljivost eksperimenta, a koja zavisi od četvrtog stepena učestanosti izvora zračenja, koristićemo UV ekscitacione izvore. Međutim, kako UV fotoni nose veliku energiju, postoji rizik od oštećenja uzorka. Zbog svega toga neophodno je dobro poznавanje sve dostupne aparature, kao i uticaj pojedinačnih elemenata eksperimentalne postavke na dobijeni spektar.

Za potrebe izrade ove doktorske disertacije korišćena su dva sistema za merenje Ramanovog rasejanja - Tri Vista 557 na Institutu za fiziku u Beogradu i sistem za elektronsko Ramanovo rasejanje na Valter Majsner institutu u Minhenu. Svi spektri koji će biti prezentovani, sem oni snimljeni na zapreminskim kristalima  $1T\text{-TaS}_2$ , dobijeni su na sistemu Tri Vista 557 na Institutu za fiziku u Beogradu.

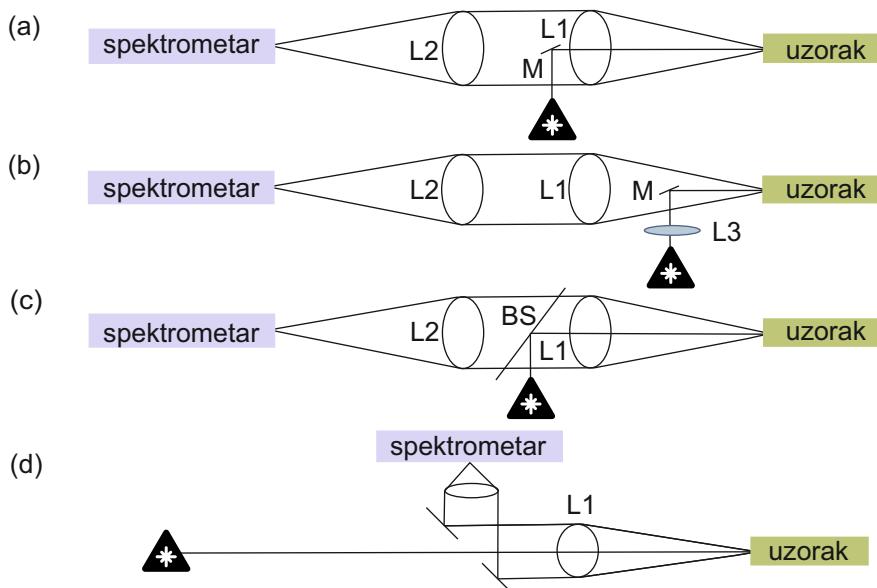
## 2.4.1 Geometrija rasejanja

Ramanova eksperimentalna postavka obično se sastoji od lasera, spektralnog analizatora (monohromator ili interferometar), optike za sakupljanje signala i detektora. Poslednje dve komponente biraju se u zavisnosti od talasne linije lasera, pri čemu je uloga optike za sakupljanje signala da sakupi što je moguće više ramanski rasejane svetlosti i usmeri je na spektralni analizator.



Slika 2.6: Geometrija rasejanja pod uglom od  $90^\circ$ .

Iako se ramanski rasejana svetlost rasejava u svim pravcima u eksperimentalnim postavkama su se izdvojile dve geometrije skupljanja rasejane svetlosti – pod uglom od  $90^\circ$  i pod uglom od  $180^\circ$ , tzv. geometrija rasejanja unazad (*backscattering*). Kod geometrije u kojoj se signal skuplja pod uglom od  $90^\circ$  [Slika 2.6] laserska svetlost dolazi do uzorka, rasejava se i pada na sočivo koje ima ulogu da je usmeri pod uglom od  $90^\circ$  na optički element za sakupljanje rasejane svetlosti. Kako se rasejana svetlost širi u obliku sfere, neophodno je korišćenje sočiva sa kratkim fokalnim dužinama.



Slika 2.7: Različite eksperimentalne postavke sa geometrijom rasejanja unazad.

U slučaju geometrije rasejanja unazad, u svim konfiguracijama, laserski snop je uvek koaksijalan sa sakupljenim „snopom” što se postiže korišćenjem ogledala ili razdelnik

snopa, BS. Na slici (2.7) prikazane su najčešće konfiguracije sa geometrijom rasejanja unazad. U konfiguracijama (a), (c) i (d) omogućena je brža zamena sočiva L1, te samim tim i modifikacija dužine optičkog puta i optičke dubine polja. Nedostatak ove tri konfiguracije je pozadinski signal koji dolazi od sočiva L1, ukoliko je ono sačinjeno od materijala sklonog luminiscenciji. Dodatno, u konfiguraciji (c) pozadinski signal može poticati i od BS. Konfiguracija (b) se najčešće koristi u kombinovanim eksperimentima Raman–Furije transform jer omogućava podešavanje laserskog fokusa bez uticaja na sakupljanje rasejane svetlosti.

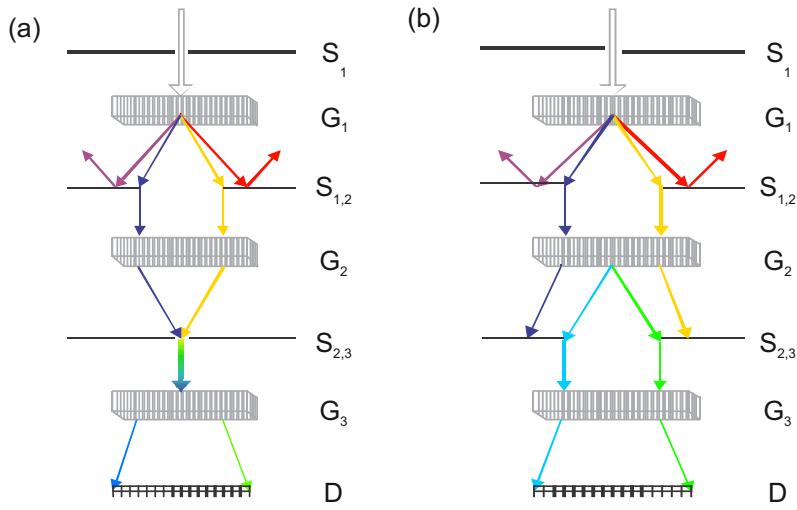
Glavna prednost geometrije rasejanja unazad ogleda se u činjenici da je radno rastojanje između sočiva i uzorka prilično dugačko, tako da su merenja neinvanzivna jer je moguće postaviti prozor od odgovarajućeg materijala između uzorka i spektrometra. Prozori se najčešće izrađuju od kvarca, koji ne doprinosi pozadinskom signalu u Ramanovom eksperimentu. Dodatne prednosti u odnosu na geometriju rasejanja pod uglom od  $90^\circ$  su mogućnosti simultanog merenja Ramanovog rasejanja i UV-vidljive apsorpcije, mogućnost merenja izuzetno malih kristala na niskim temperaturama i laka reprodukcija dobijenih spektara zbog poklapanja ose laserskog i sakupljenog snopa.

#### 2.4.2 Eksperimentalna postavka: Institut za fiziku u Beogradu

Kao što je pomenuto, sve eksperimentalne postavke koje se koriste u Ramanovom eksperimentu sastoje od četiri bitne komponente:

1. izvora pobude,
2. sistema sočiva i ogledala za usmeravanje snopa,
3. monohromatora i
4. detektora.

Laseri su se pokazali kao najpogodniji izvori svetlosti u Ramanovoj spektroskopiji zbog visoke monohromatičnosti snopa, velike izlazne snage i male veličine snopa. Mali laserski snop, koji korišćenjem pogodnih sistema sočiva može da se smanji do 0.1 mm, znači mogućnost usmeravanja celokupnog fluksa zračenja na uzorce malih dimenzija, poput zapreminskih kristala [47]. Dodatno, laserski snop je skoro uvek linearno polarisan tako da je dodatnim optičkim elementima moguća precizna kontrola polarizacije upadnih fotona. Glavni nedostatak laserskih izvora jeste postojanje plazma linija. Iste se relativno lako uklanjaju korišćenjem filtera sa zarezima (*notch filteri*), koji se postavljaju između lasera i uzorka. U okviru eksperimentalne postavke na Institutu za fiziku u Beogradu korišćena su dva Coherent lasera – jonski  $\text{Ar}^+/\text{K}^+$  i čvrstotelni Verdi G laser. Glavna razlika među



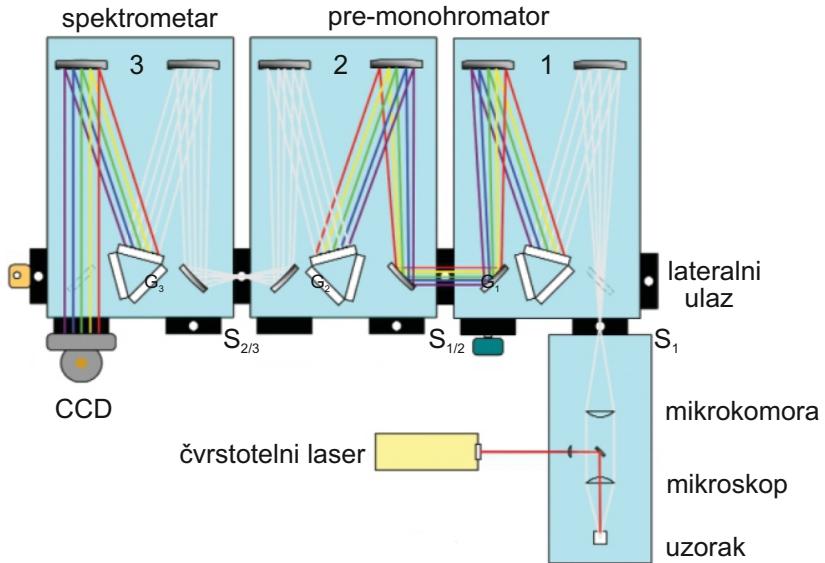
Slika 2.8: (a) Oduzimajući i (b) sabirajući princip rada monohromatora. Preuzeto iz [75].

njima je to što Verdi G emituje samo zelenu lasersku liniju na 532 nm, dok jonski laser poseduje deset linija u rasponu talasnih dužina od 457.9 nm do 647.1 nm. Korišćena izlazna snaga lasera birana je u skladu sa merenim uzorkom i željenim rezultatima, i to tako da se dobije maksimalni signal rasejanog zračenja bez rizika od oštećenja po uzorku koji se meri. Dodatno, za eksperimente u kojima su praćeni temperatursko zavisni fenomeni snaga lasera je birana tako da efekti lokalnog zagrevanja budu zanemarljivi.

Laserski snop usmeren je na uzorak pomoću konfokalnog mikroskopa, čime se postiže još bolje fokusiranje snopa na male uzorke, reda veličine nekoliko  $\mu\text{m}$ . Korišćena geometrija rasejanja je geometrija rasejanja unazad, što znači da se neelastično rasejana svetlost istim mikroskopom saskuplja i odvodi do monohromatora. Glavni zadatak monohromatora jeste da eliminiše neželjene doprinose u spektru. Kao što je pomenuto u poglavljima 2.2.1 i 2.2.2, intenzitet linija koje potiču od elastično rasejane svetlosti je za nekoliko reda veličina jači od intenziteta Ramanovih linija, te je radi uspešnosti eksperimenta od velike bitnosti odstraniti doprinose elastično rasejane svetlosti.

Kod trostopenog ramanskog sistema Tri Vista 557, centralnog dela eksperimentalne postavke na Institutu za fiziku, prva dva stepena imaju ulogu pre-monohromatora, dok treći stepen služi kao spektrometar. TriVista 557 poseduje dva moguća režima rada – sabirajući i oduzimajući režim [Slika 2.8(a) i (b)]. U sabirajućem režimu polihromatska svetlost, koja u sistem dospeva kroz ulazni otvor  $S_1$ , razlaže se difrakcionom rešetkom  $G_1$ . Tako razložena svetlost se usmerava na izlazni prorez  $S_{1,2}$ , koji ima ulogu da propusti svetlost u određenom ospegu učestanosti. Time se postiže da samo mali procenat upadne svetlosti bude propušten u drugi stepen spektrometra. U drugom stepenu spektrometra, svetlost se opet razlaže na drugoj rešetki  $G_2$  i stiže do prozeza  $S_{2,3}$ , nakon čega se na rešetki  $G_3$  razlaže po treći put i tako razložena projektuje do detektora. Disperzija TriVista sistema koji radi u sabirajućem modu jednaka je zbiru disperzija sva tri stepena. Korišećenjem ovog režima rada postiže se visoka spektralna rezolucija i linearna disperzija.

Kada TriVista radi u oduzimajućem režimu rada, svetlost dospeva u sistem preko

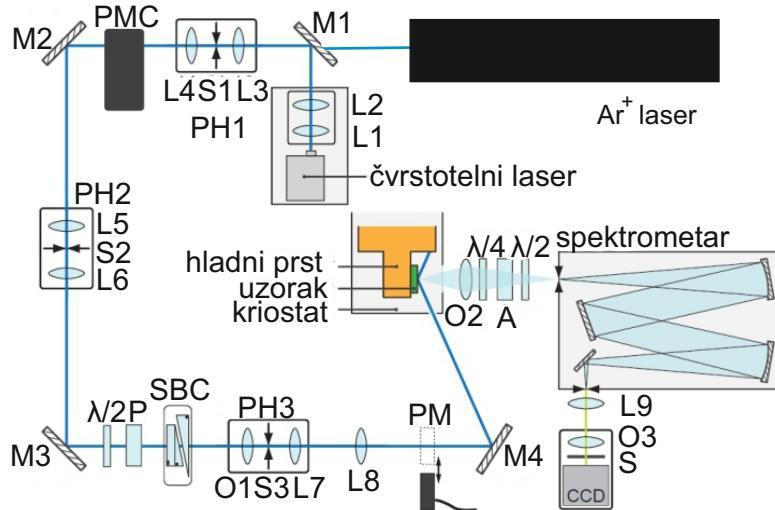


Slika 2.9: Trostepeni ramanski sistem TriVista 557. Preuzeto iz [75].

proreza  $S_1$ , razlaže se na rešetki  $G_1$  i kroz prorez  $S_{1,2}$  propušta u drugi stepen, ali samo u rasponu talasnih dužina od  $\lambda_1$  do  $\lambda_2$ . Tako dospela svetlost se rekombinuje u polihromatsku svetlost rešetkom  $G_2$  i fokusira na sredinu proreza  $S_{2,3}$ . U trećem stepenu se svetlost opet razlaže i sistemom ogledala usmerava na CCD detektor, gde se optički signal pretvara u električni. Oduzimajući režim rada postiže se rotiranjem rešetki  $G_1$  i  $G_2$  za isti ugao, ali u suprotnom smeru. Pri izradi ove disertacije korišćen je oduzimajući režim rada TriVista 557 ramanskog sistema, čime su dobijeni spektri bez doprinosa „zalutale svetlosti” i omogućena je detekcija niskoenergetskog dela spektra. Šematski prikaz TriVista 557 spektrometskog sistema dat je na slici (2.9).

### 2.4.3 Eksperimentalna postavka: Valter Majsner institut u Minhenu

Eksperimentalna postavka za merenje elektronskog Ramanovog rasejanja mora da bude specijalno dizajnirana kako bi uspela da detektuje izuzetno mali broj neelastično rasejanih fotona (jedan od  $10^{13}$  upadnih fotona). Primer jedne takve postavke, iz Valter Majsner instituta u Minhenu, prikazan je na slici 2.10. Kao ekscitationi izvori koriste se  $\text{Ar}^+$  kontinualni laser, koji poseduje šest linija u rasponu talasnih dužina od 457.9 nm do 514.6 nm, i Nd-Yag laser, koji poseduje samo zelenu liniju na 532 nm. Promenom položaja ogledala M1 bira se izvor koji će biti korišćen u eksperimentu. Kako je sistem podešen na prečnik snopa  $\text{Ar}^+$  lasera, a prečnici dva ekscitaciona izvora se ne poklapaju, neophodno je sistemom sočiva otkloniti ovo odstupanje (L1 i L2 na slici 2.10).



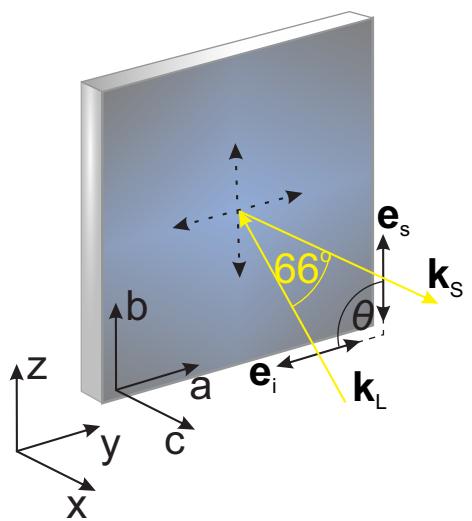
Slika 2.10: Eksperimentalna postavka za merenje elektronskog Ramanovo rasejanja. Preuzeto iz [72].

Da bi se otklonile plazma linije i druge nečistoće laserskog snopa, na optički put postavljen je sistem koji ima ulogu prostornog filtera (PH1), a koji se sastoji od dva ahromatska sočiva i cirkularne aperture. Međutim, to nije dovoljno kako bi se u potpunosti uklonio doprinos plazma linija u spektru, te se u tu svrhu koristi monohromator sa prizmom. Njegova uloga je da razloži lasersku svetlosti i projektuje je na prorez, koji odseca svu svetlost sem svetlosti određene talasne dužine, pa samim tim i veliku većinu plazma linija. Plazma linije, koje prežive i ovaj deo optičkog puta, uklanjuju se dodatnim prostornim filterom (PH2). PH2 se sastoji od dva ahromatska sočiva i proresa S2. Željena polarizacija svetlosti postiže se pomoću Glen-Tompsonovog polarizatora (P), a snaga lasera korišćenjem  $\lambda/2$  polarizatora. Za tačno utvrđivanje snage lasera koristi se digitalni merač laserske snage (PM).

Kako u Ramanovom eksperimentu polarizacija svetlosti unutar uzorka igra jako bitnu ulogu, neophodno je omogućiti nezavisni odabir polarizacije i faze svetlosti. To se postiže korišćenjem kompenzatora (SBC). Pre usmeravanja snopa na uzorak sočivom L8, snop prolazi kroz još jedan prostorni filter (PH3) koji uklanja posledice interferencije optičkih elemenata, kako bi laserski snop imao Gausov profil.

Geometrija rasejanja korišćena u ovoj eksperimentalnoj postavci naziva se geometrija rasejanja pod pseudo-Brusterovim uglom, koji u ovom konkretnom slučaju iznosi  $66^\circ$  u odnosu na površinu normalnu na uzorak [Slika 2.11]. Ovakav odabir geometrije rasejanja pruža sistem u kom nema doprinosa reflektovane svetlosti, i u kome je udeo elastično rasejane svetlosti sveden na minimum.

Nevezano od korišćene eksperimentalne postavke, za vreme trajanja eksperimenta uzorak se postavlja u kriogenu sredinu, koja poseduje helijumski sistem hlađenja. Time se pruža mogućnost merenja Ramanovog rasejanja u širokom temperaturskom opsegu  $2 \text{ K} \leq T \leq 370 \text{ K}$ , u kojem se javljaju slabo ispitavani niskodimenzionalni fizički fenomeni. Kako ne bi došlo do zagađenja uzorka, sva merenja vrše se u visokom vakuumu, koji se



Slika 2.11: Geometrija rasejanja pod pseudo-Brusterovim uglom. Preuzeto iz [68].

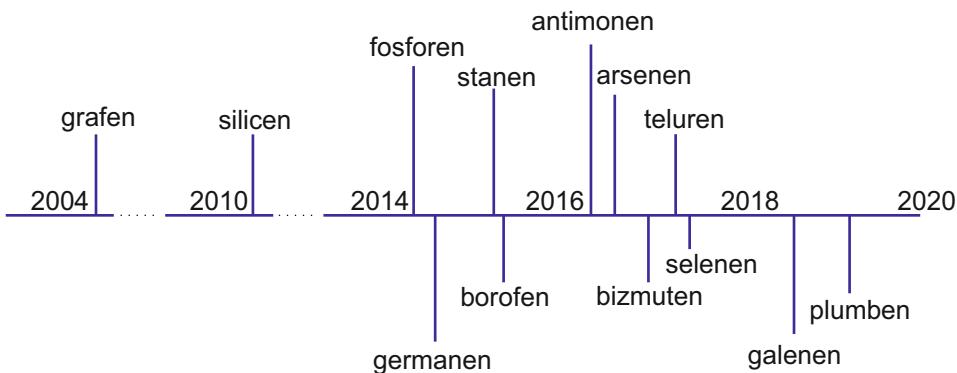
postiže povezivanjem kriostata sa turbomolekularnom vakuumskom pumpom.

### 3 Kvazi-dvodimenzionalni materijali

Dimenzionalnost predstavlja jedan od najuticajnijih parametara na fizičko-hemijske karakteristike materijala. Materijali kod kojih je ograničena samo jedna dimenzija nazivaju se slojeviti ili dvodimenzionalni materijali. Slično, kod 1D materijala (nanožica) ograničene su dve dimenzije, dok su kod 0D materijala sve dimenzije ograničene na nekoliko nm. Slojevite strukture sa jakim kovalentnih vezama između atoma slojeva, ali slabim van der Valsovim vezama među samim slojevima, poznati su kao kvazi-dvodimenzionalni materijali. Slabe van der Valsove veze u ovim materijalima omogućavaju njihovo cepanje na mono i polislojeve.

Prva istraživanja na monoslojevima, fokusirana na ispitivanje formiranja atoma alkalinih metala na metalnim filmovima, datiraju još iz tridesetih godina prošlog veka [76]. Međutim, do prve uspešne sinteze pravog 2D materijala, grafena, u Mančesteru 2004. godine od strane A. Geima i K. Novoselova [6], ispitivanje fizičkih i hemijskih karakteristika 2D materijala ostalo je u okvirima fizike površina (*surface science*) [11]. Bitnost ovog rezultata ne ogleda se samo u uspešnoj sintezi materijala debljine jednog atoma, sa makroskopskim lateralnim dimenzijama, već i u jednostavnosti i lakoj reproducibilnosti korišćene tehnike [77]. Ekstenzivna istraživanja na grafenu doprinela su razvoju metodologije, i raznih eksperimentalnih tehnika, koje su uspešnu primenu našle i u sintezi novih kvazi-2D materijala, i doprinele dubljem razumevanju njihovih uzbudljivih fizičkih i hemijskih karakteristika. Sa porastom broja postojećih kvazi-2D materijala, raste i lista novootkrivenih niskodimenzionih fizičkih fenomena, kao i širina industrijskih primena. Do današnjeg dana, 15 glavnih familija kvazi-2D materijala je potvrđeno eksperimentalno ili predviđeno teorijom [11]. Na slici 3.1 prikazana je vremenska skala sinteze osnovnih 2D materijala.

Optičke i električne karakteristike kvazi-2D materijala značajno se razlikuju od njihovih 3D analogona usled ograničavanja elektrona i odsustva interakcije između slojeva. Iako generalno izuzetno slaba, ova interakcija ima nezanemarljiv uticaj na zonsku strukturu materijala [77]. Glavni uticaj na električne, termalne i optičke osobine ovih materijala ima raspored atoma u kristalnoj rešetki. Iako svi elementi IV grupe periodnog sistema imaju slične električne karakteristike kao ugljenik, kristalna struktura 2D analoga silicijuma, germanijuma i kalaja se značajno razlikuje od kristalne strukture grafena. Najstabilnija struktura 2D analoga kalaja – stanena je simetrija poput one u  $\text{MoS}_2$ , dok



Slika 3.1: Vremenska skala sinteze nekih od osnovnih 2D materijala. Slika je preuzeta iz [11].

u slučaju silicena i germanena najstabilnija struktura ima geometriju saća [78]. Kada su u pitanju elementi III grupe periodnog sistema, teorija predviđa nekoliko podjednako stabilnih alotropa aluminena, borofena i galenena i jedinstvenu zonsku strukturu [11, 79]. Elementi V i VI grupe periodnog sistema kristališu u nekoliko različitih kristalnih struktura, od kojih su najstabilnije kristalne strukture tzv.  $\alpha$  i  $\beta$  struktura. Jedini izuzetak je kristalna rešetka Te 2D analoga, kod koga je jedina stabilna struktura heksagonalna  $\alpha$  struktura, dok su pravougaona  $\beta$  i heksagonalna  $\gamma$  metastabilne strukture [80]. Pored kristalne strukture, veliki uticaj na najrazličitije zanimljive karakteristike kvazi-2D materijala imaju i razlike u valentnim elektronima i njihove relativne energije. Što se tiče zonske strukture, krećući se s leva na desno duž periodnog sistema, smenjuju se metali, semimetalni, poluprovodnici i izolatori. Svi elementi III grupe su ili eksperimentalno potvrđeno ili teorijski predviđeno metalični, dok elementi IV grupe imaju Dirakovu konusnu semimetal zonsku strukturu sličnu grafenu [11]. Još jedna naučno značajna osobina kvazi-2D materijala jeste postojanje spin-orbitalnog sparivanja, koje je posebno izraženo kod težih elemenata IV, V i VI grupe [81, 82, 83, 84].

Binarni 2D materijali mogu se podeliti na karbide, boride, okside, nitride, halide i halkogenide. Unutar svake klase nalaze se podklase poput mono-, di-, trihalkogenida. Halkogenidi predstavljaju klasu binarnih kvazi-2D materijala sa najvećim brojem stabilnih jedinjenja pri različitim uslovima. Kako imaju relativno jaku van der Valsovnu силу među slojevima (u poređenju sa ostalim kvazi-2D materijalima), zonska struktura ovih materijala zavisi od broj slojeva [85, 86]. Ono što je posebno zanimljivo u vezi binarnih kvazi-2D materijala jeste mogućnost kontrolisanja njihovih fizičkih i hemijskih karakteristika primenom spoljašnjih uticaja [12, 13, 14, 87, 88]. Dodatno, zavisno od dizajna, kvazi-2D materijali mogu biti superprovodnici, feroelektrici i magnetici [16, 17, 89, 90]. Zbog slabe van der Valsove sile među slojevima, te samim tim i mogućeg cepanja na manji broj slojeva, ovi materijali predstavljaju idealne sisteme za ispitivanje egzotičnih osobina slojevitih materijala. Površina dobijena cepanjem je izuzetno stabilna pri ambijentalnim uslovima, i u velikoj većini slučajeva bez defekata, te je moguće koristiti ih kao podlogu za narastanje drugih materijala ili međusobno slaganje različitih materijala.

[91, 92]. I pored slabe interakcione sile između slojeva, hibridizacija i narušenje simetrije imaju izuzetno jak uticaj na zonsku strukturu van der Valsovih materijala. Konkretno, broj slojeva utiče na to da li će zonski procep u materijalu biti direktni ili indirektni. Dodatno, debljina materijala utiče na fazne prelaze povezane sa talasima gustine na-elektrisanja i superprovodnošću [11]. Jaka Kulonova sila, koja je posledica smanjenog ekriranja usled slabe interakcije slojeva [93], ima za posledicu jaku vezivnu energiju ekscitona u poluprovodnim kvazi-2D materijalima. U zavisnosti od merenog materijala i njegove debljine, vezivne energije ekscitona imaju vrednosti koje su za jedan red veličine veće nego kod 3D materijala i zbog kojih postoje čak i na sobnim temperaturama [94, 95].

Kako bi realizacija 2D materijala sa dugodometnim magnetnim uređenjem, u kombinaciji sa njihovim jedinstvenim optičkim i električnim karakteristikama, dovela do novih magnetno-optičkih primena, većina novih studija bazirana je na sintezi materijala sa dugodometnim feromagnetskim uređenjem. Tehnike koje su do sada korištene za indukovavanje magnetizma u kvazi-2D materijalima uključuju korišćenje defekata [96], dopiranje uzoraka [97] i narastanje materijala na magnetnim supstratima [16], međutim nijedna od ovih metoda nije dala zadovoljavajuće rezultate. Iako su teorijske studije odavno predpostavile feromagnetsko uređenje u kvazi-2D materijalima, ono je eksperimentalnu potvrdu dobilo tek 2017. godine [16, 17]. Ovakav razvoj događaja znatno je uticao na već veliko interesovanje koje su kvazi-2D materijali uživali, jer je po prvi put omogućeno eksperimentalno ispitivanje niskodimenzionog magnetizma.

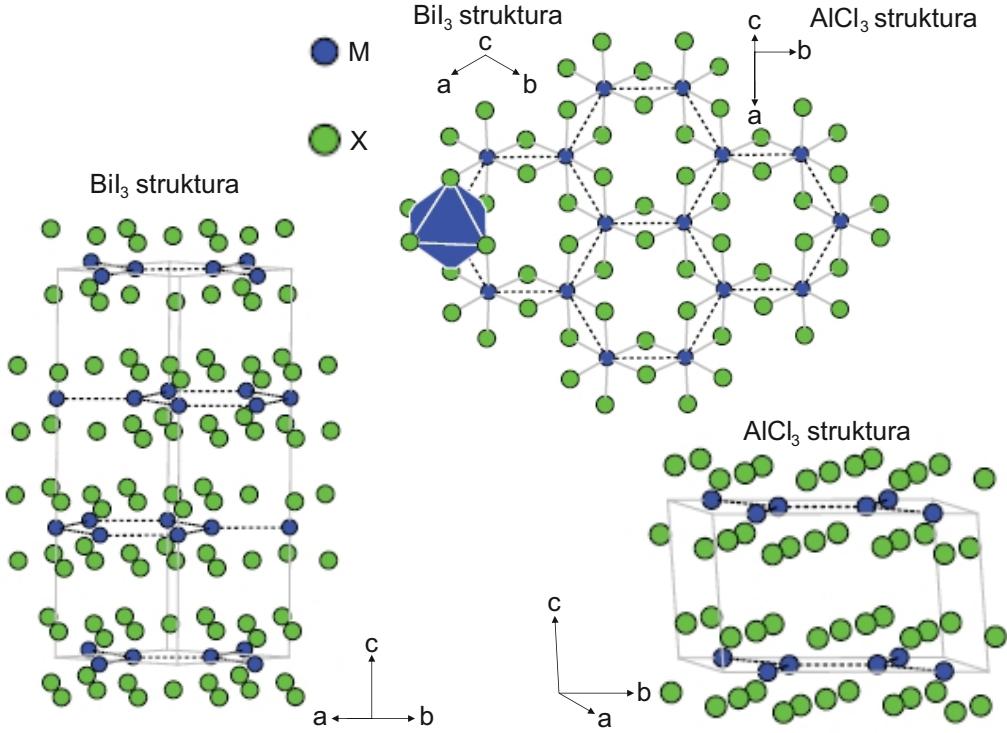
Sve navedeno jeste dovoljan, ali ne i jedini, razlog zbog koga su kvazi-2D materijali stavljeni u centar istraživanja fizike kondenzovanog stanja. Tome doprinosi i mogućnost ispitivanja do sada nepoznatih, ili eksperimentalno nedostupnih, fizičkih fenomena poput visokotemperaturskog balističkog transporta [7], netrivijalne topologije [8, 9, 10] i različitih optoelektronskih karakteristika [98], kao i mogućnost njihove primene u nanoelektronici i spintronici [11].

Istraživanja predstavljena u okviru ove doktorske disertacije rađena su na jedinjenima koja pripadaju trihalidima ( $\text{CrI}_3$  i  $\text{VI}_3$ ) i dihalkogenidima prelaznih metala ( $1T\text{-TaS}_2$ ), i na slojevitim kristalima  $\text{Mn}_3\text{Si}_2\text{Te}_6$ . Stoga će glavni cilj ovog poglavlja biti osvrt na najbitnije karakteristike ovih familija kvazi-2D materijala, uz detaljan pregled postojećih saznanja i najbitnijih rezultata na ispitivanim materijalima, kao i otvorena pitanja na koje su rezultati ove disertacije pokušali da pruže odgovor.

### 3.1 Trihalidi prelaznih metala

Trihalidi prelaznih metala,  $\text{MX}_3$  (M - katjon metala, X anjon halogenida), predstavljaju jednu od najplodonosnijih i najistraživanijih familija kvazi-2D materijala. Svi članovi ove familije kvazi-2D materijala kristališu ili u monokliniču strukturu  $\text{AlCl}_3$  tipa

ili u romboedarsku  $\text{BiI}_3$  kristalnu strukturu, koje su sačinjene od M katjona složenih u formi saća smeštenih na ivice oktaedara sačinjenih od halogenih anjona [Slika 3.2] [99]. Kod svih trihalidnih jedinjenja koja kristališu u  $\text{BiI}_3$  kristalnu strukturu uvek dolazi do formiranja saća, dok u slučaju  $\text{AlCl}_3$  strukture forma saća može biti izobličena što za posledicu ima različita rastojanja između M–M elemenata.



Slika 3.2: Kristalne strukture  $\text{BiI}_3$  i  $\text{AlCl}_3$  tipa. Gornji deo slike predstavlja zajednički sloj građe obe strukture. Slika je preuzeta iz [99].

Kao jedni od prvih slojevitih materijala u kojima je niskodimenzionalni feromagnetizam dobio eksperimentalnu potvrdu, trihalidi prelaznih metala predstavljaju idealne sisteme za ispitivanje magnetnih monoslojeva. Pored toga što bi magnetizam u 2D materijalima značajno proširio domene njihove moguće primene, postojanje istog otvara i mogućnost pojave novog kvantnog stanja materije, zabranjenog Mermin-Vagnerovom teoremom [15]. Da bismo razumeli zašto Mermin-Vagnerova teorema isključuje mogućnost 2D magnetizma krenućemo od najjednostavnijeg 2D modela za opisivanje spin–spin interakcije:

$$\mathcal{H} = -J_{\parallel} \sum_{k,l} (S_k^x S_{k+l}^x + S_k^y S_{k+l}^y) - J_{\perp} \sum_{k,l} S_k^z S_{k+l}^z, \quad (3.1)$$

gde  $S_k^{x,y,z}$  predstavlja komponentu spina na strani  $k$ , a  $J_{\parallel}$  ( $J_{\perp}$ ) energiju razmene spina u ravni (van ravni). Sumiranje u izrazu (3.1) vrši se po najbližim susedima  $k, l$ . Ukoliko van ravni ne dolazi do razmene spinova, gornji izraz se uprošćava na X–Y Izingov spinski model [100]. U slučaju kada je energija razmene spinova u i van ravni jednaka, govorimo o izotropnom Hajzenbergovom spiskom modelu [100]. U oba slučaja, M–V teorema isključuje mogućnost magnetnog uređenja u 2D materijalima kao posledicu narušenja

spinskog uređenja usled termalnih i kvantnih fluktuacija [15]. Međutim, određene teorijeske studije ukazuju na mogućnost magnetnog uređivanja u materijalima čije se spinsko uređenje opisuje Izingovim ili anizotropnim Hajzenbergovim modelom ( $J_{\parallel} \neq J_{\perp}$ ), najčešće kao posledica narušene simetrije [100, 101]. Potvrda istih stigla je 2017. godine kada je eksperimentalno potvrđen feromagnetizam u monoslojevima  $\text{CrI}_3$ , kod kojih se spinovi uređuju po Izingovom modelu [17, 102, 103].

Ovako veliko otkriće dovelo je do još iscrpnijeg istraživanja trihalida prelaznih metala, koje je iznadrilo podužu listu materijala sa prepostavljenim (anti)feromagnetnim uređenjem. Kao glavni kandidati za istraživanje niskodimenzionog magnetizma pominju se  $\text{CrX}_3$ ,  $\text{OsCl}_3$ ,  $\text{VCl}_3$ ,  $\text{NiCl}_3$ ,  $\text{RuX}_3$  i  $\text{MnX}_3$  ( $X = \text{F}, \text{Cl}, \text{Br}, \text{I}$ ) [18, 19, 20, 21, 22, 23, 24].

### 3.1.1 $\text{CrI}_3$

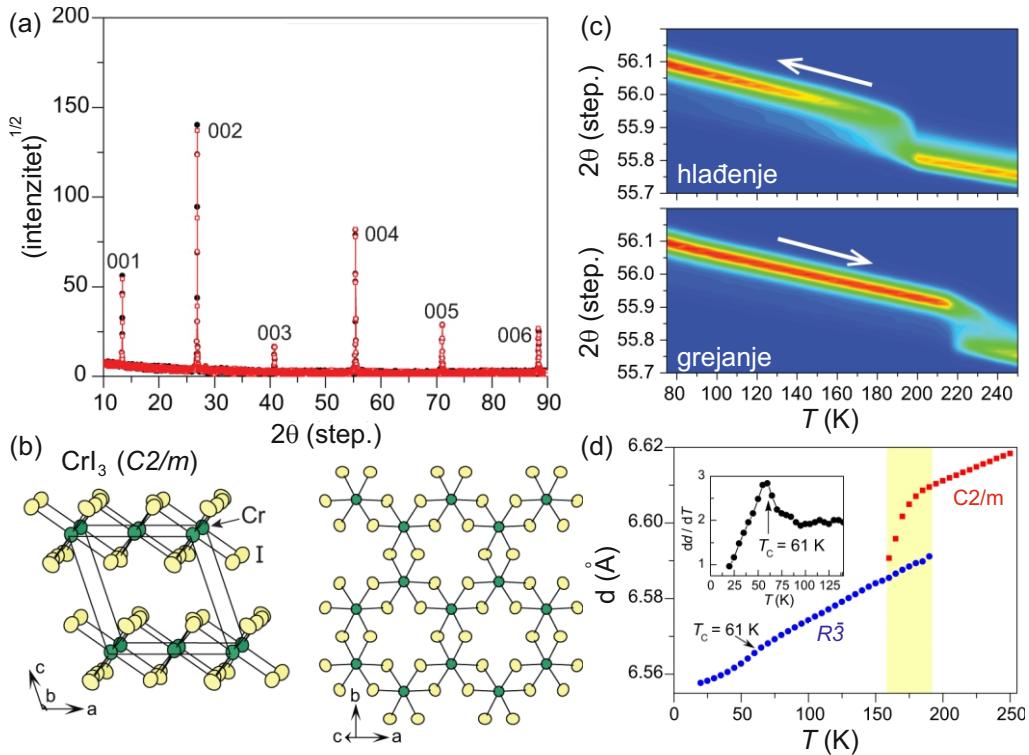
Eksperimentalna potvrda magnetizma u monoslojevima  $\text{CrI}_3$ , člana familije hrom-trihalida, dovela je do velikog broja eksperimentalnih studija usmerenih ka dubljem razumevanju ovog kvazi-2D materijala. Kao što će u ovom poglavlju biti pokazano,  $\text{CrI}_3$  je feromagnetni poluprovodnik sa optičkim zonskim procepom od 1,2 eV i Kirijevom temperaturom u rasponu od  $T_C = 45 \text{ K}$  do  $61 \text{ K}$ , zavisno od broja i debljine slojeva [17, 104, 105, 106, 107].

#### 3.1.1.1 Kristalna struktura $\text{CrI}_3$

Prva istraživanja rađena na  $\text{CrI}_3$  datiraju još iz šezdesetih godina prošlog veka [104, 108]. Od tada, pa do sada, prijavljeno je više različitih istraživanja na temu kristalne strukture hrom-jodida. Kao i kod svih trihalida hroma, i u  $\text{CrI}_3$  joni  $\text{Cr}^{3+}$  smešteni su u mrežu oblika saća koja deli ivice sa oktaedrom određenim sa šest jona halogenida  $\text{I}^-$ . Svaki jon joda vezan je sa po dva jona hroma. Tako dobijeni slojevi povezani su izuzetno slabom van der Valsovom silom, čime je omogućeno lako cepanje ovog materijala na slojeve.

Na osnovu XRD studija rađenih na sobnoj temperaturi utvrđeno je da  $\text{CrI}_3$ , kao što je to slučaj i kod ostalih trihalida prelaznih metala, kristališe u kristalnu strukturu  $\text{AlCl}_3$  tipa [103, 109]. Ova struktura opisuje se  $C2/m$  prostornom grupom simetrije. Rezultati iz pomenutog istraživanja prikazani su na slikama 3.3(a) i 3.3(b), redom. Ono oko čega se sva prijavljena istraživanja rađena na  $\text{CrI}_3$  kristalima slažu jeste postojanje strukturnog faznog prelaza na oko 220 K [103, 109]. Shodno tome, podaci dobijeni u XRD eksperimentu rađenom na niskim temperaturama, očekivano, ne daju najbolje slaganje sa  $C2/m$  simetrijom kristalne rešetke, već je prostorna grupa simetrije nove niskotemperaturske strukture  $R\bar{3}$ . DFT rezultati sugerisu da se usled strukturnog faznog prelaza

$C2/m$  struktura transformiše u  $R\bar{3}$  strukturu zbog njihovih bliskih energija formiranja. Suptilna razlika u energijama formiranja potiče od različitog intenziteta van der Valsove sile između  $\text{CrI}_3$  slojeva u ove dve strukture [103]. U niskotemperaturskoj kristalnoj strukturi slojevitog kristala monoslojevi  $\text{CrI}_3$ , tačkaste grupe simetrije  $D_{3d}$ , spakovani su po tzv. Bernalovom ABC načinu pakovanja, pri čemu je svaki sloj bočno izmaknut za  $[2/3, 1/3]$  u odnosu na najbliži sloj. Snižavanje simetrije prilikom faznog prelaza praćeno je dodatnim bočnim izmicanjem B i C slojeva za  $[1/3, 0]$  i  $[2/3, 0]$ , redom, ostavljajući monosloj nepromenjenim [103].



Slika 3.3: (a) XRD visokotemperaturske  $C2/m$  faze  $\text{CrI}_3$ . (b) Kristalna struktura visokotemperaturske faze  $\text{CrI}_3$ . (c) Intenzitet u zavisnosti od ugla difrakcije i temperature meren u procesima hlađenja i grejanja. (d) Temperaturska zavisnost rastojanja među slojevima pri zagrevanju uzorka, nakon jednog procesa hlađenja. Slika je preuzeta iz [103].

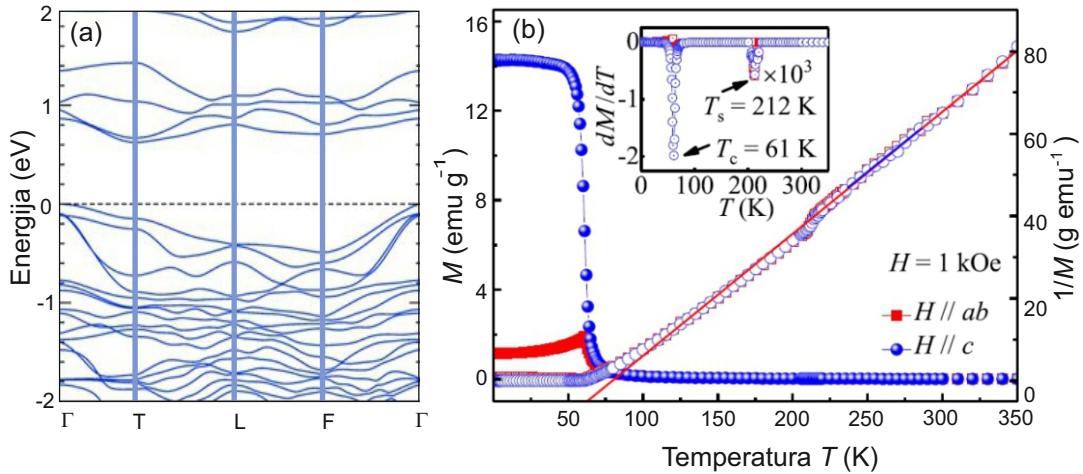
Ono što je posebno zanimljivo, i što traži dodatnu eksperimentalnu potvrdu, jeste prijava koegzistencije niskotemperaturske i visokotemperaturske faze u jednoj od objavljenih XRD studija [103]. Postojanje doprinosa niskotemperaturske faze iznad temperature faznog prelata u suprotnosti je sa prijavljenim faznim prelazom prvog reda. Rezultati koji sugerisu koegzistenciju predstavljeni su na slikama 3.3(c) i 3.3(d).

### 3.1.1.2 Transportna i magnetna svojstva $\text{CrI}_3$

Početni korak u ispitivanju električnih, magnetnih i optičkih osobina materijala jeste uvid u njegovu elektronsku zonsku strukturu. Kako su u okviru ove doktorske disertacije ispitivani samo slojeviti kristali  $\text{CrI}_3$  predstavljene električne, magnetne i optičke

karakteristike odnosiće se samo na njih. Detaljan opis električnih, magnetnih i optičkih osobina mono i bislojeva CrI<sub>3</sub> moguće je pronaći u referencama [110, 111, 112] i [113].

Na osnovu elektronske zonske strukture CrI<sub>3</sub>, predstavljene na slici 3.4(a), lako se zaključuje da je CrI<sub>3</sub> poluprovodnik sa indirektnim zonskim procepom. Procenje vrednost zonskog procepa iznosi 0,6 eV [111]. Kao što se može videti, minimum provodne zone leži u T-tački, dok valentna zona dostiže svoj maksimum u  $\Gamma$ -tački.



Slika 3.4: (a) Zonska struktura CrI<sub>3</sub>. Vrh valentne zone predstavljen je isprekidanom linijom. Slika je preuzeta iz [111]. (b) Temperaturska zavisnost magnetizacije sa примененим полjem  $H = 1$  kOe u **ab** ravni i duž  $c$ -ose. U umetku je predstavljena vrednost  $dM/dT$  u zavisnosti od temperature. Slika je preuzeta iz [109].

Temperaturska zavisnost magnetizacije merena na kristalima CrI<sub>3</sub> pokazala je da na temperaturi  $T_C \approx 61$  K dolazi do faznog prelaza između paramagnetske i feromagnetske faze [Slika 3.4(b)]. Merenja su vršena sa poljem jačine  $H = 1$  kOe примененим duž  $c$ -ose i u **ab** ravni. Vrednost dobijene temperature magnetnog faznog prelaza procenjena je na osnovu minimuma krive  $dM/dT$  predstavljene na umetku slike 3.4(b). Prijavljeni fazni prelaz je drugog reda [109].

Cepanje slojevitog kristala CrI<sub>3</sub> na slojeve dovodi do uzastopnog smenjivanja feromagnetskog i antiferomagnetskog uređenja u materijalu, pri čemu je magnetno uređenje u monosloju feromagnetsko, dok je bisloj antiferomagnetski [17]. Istraživanja bazirana na neelastičnom neutronskom rasejanju pokazala su da je feromagnetska faza određena magnetnom anizotropijom, koja je posledica spin-orbitalnog sparivanja [114]. U istoj studiji pokazano je da magnetna anizotropija, koja se vidi kao spinski precep u centru Briluenove zone, opada sa temperaturom sve do  $T_C$ , kada u potpunosti nestaje.

Kao što je moguće primetiti na slici 3.4(b), temperaturska zavisnost  $dM/dT$  trpi još jedan pad na temperaturi od oko 212 K. Ova anomalija, u skladu sa rezultatima predstavljenim u potpoglavlju 3.1.1.1, protumačena je kao manifestacija strukturnog faznog prelaza prvog reda i kao dokaz sparivanja kristalne strukture i magnetnog uređenja u CrI<sub>3</sub>.

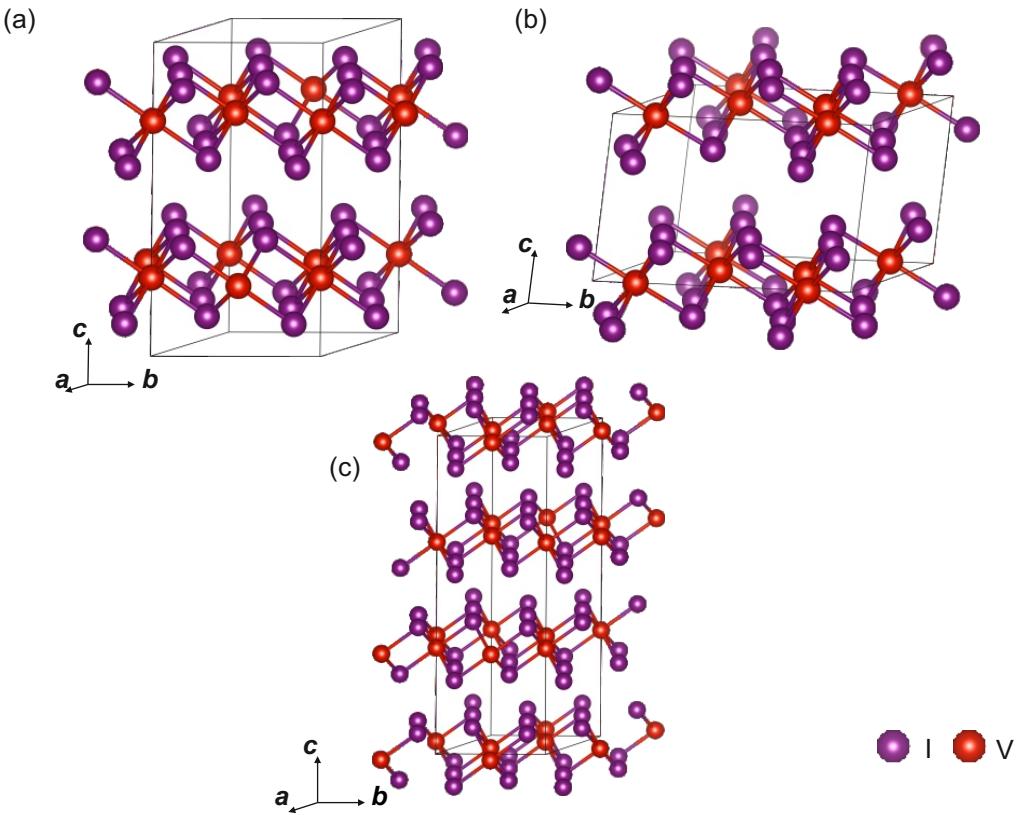
### 3.1.2 VI<sub>3</sub>

Pretražujući stručnu literaturu prve rezultate istraživanja na kristalima VI<sub>3</sub> moguće je pronaći u radovima publikovanim pre više od 60 godina [115, 116, 117]. Međutim, od tada pa do relativno skoro, gotovo je nemoguće bilo pronaći teorijske i eksperimentalne studije bazirane isključivo na ovom materijalu. Potvrdom postojanja feromagnetnog uređenja u slojevima trihalida prelaznih metala situacija se drastično menja. Kako je utvrđeno da se, zavisno od broja slojeva, u hrom-jodidu smenjuju feromagnetno i antiferomagnetno uređenje, pojavila se ideja o realizaciji feromagnetnog materijala kod koga ta zavisnost ne bi postojala. Zbog sličnosti u strukturi, ali i magnetnim karakteristikama, vanadijum-jodid izdvojio se kao primarni kandidat. S tim u vezi, prethodne godine iznedrile su veliki broj naučnih studija usredstvenih na ispitivanje električnih i magnetnih karakteristika ovog jedinjenja. Najvažniji rezultati iz njih biće predstavljeni u ovom potpoglavlju.

#### 3.1.2.1 Kristalna struktura VI<sub>3</sub>

Kada je kristalna struktura VI<sub>3</sub> u pitanju, u stručnoj literaturi postoje velike nesuglasice u interpretaciji dobijenih eksperimentalnih rezultata. Konkretno, prvi rezultati ukazivali su na to da na sobnoj temperaturi VI<sub>3</sub> kristališe u strukturu karakterističnu za trihalide prelaznih metala – BiI<sub>3</sub> strukturu saća, koja se opisuje prostornom grupom simetrije  $R\bar{3}$ . Međutim, skorašnji rezultati tri različite XRD studije predlažu tri različite simetrije jedinične ćelije VI<sub>3</sub> –  $P\bar{3}1c$  [118],  $R\bar{3}$  [119, 120] i  $C2m/m$  [121]. Šematski prikaz predloženih kristalnih struktura  $P\bar{3}1c$ ,  $C2/m$  i  $R\bar{3}$  simetrije predstavljen je na slikama 3.5(a), 3.5(b) i 3.5(c), redom. U  $P\bar{3}1c$  strukturi jedinična ćelija sastoji se od idealne dvoslojne strukture saća sačinjene od V<sup>3+</sup> katjona smeštenih unutar [VI<sub>6</sub>]<sup>3-</sup> oktaedara, pri čemu sve V–V i V–I veze imaju iste dužine [118]. Što se tiče monoklinične  $C2/m$  kristalne strukture, katjoni prelaznog metala V<sup>3+</sup>, okruženi sa po šest anjona I<sup>-</sup>. V<sup>3+</sup> formiraju neidealnu strukturu saća, usled izduženja V veza, koja deli ivice sa oktaedrom određenim I<sup>-</sup> anjonima. Slojevi, između kojih se nalaze van der Waalovi procepi i koji su međusobno izmaknuti duž  $a$  ose, pakuju se duž  $c$  ose. U slučaju romoboedarske kristalne strukture, prostorne grupe simetrije  $R\bar{3}$ , slojevi se izmiču duž ivice V–V saća [121].

Svi XRD rezultati prijavljuju fazni prelaz na oko 79 K, međutim, priroda faznog prelaza do trenutka pisanja ove disertacije nije u potpunosti razjašnjena. Naime, u nekoliko publikacija prijavljen je strukturni fazni prelaz sličan onom do koga dolazi u CrI<sub>3</sub> kristalima [120, 121]. S obzirom na to da nedoumice u vezi kristalne strukture visokotemperaturske faze VI<sub>3</sub>, u trenutku publikovanja pomenutih radova, nisu bile u potpunosti razjašnjene, onemogućeno je precizno utvrditi da li je pomenuti fazni prelaz strukturni i ako jeste kako transformiše kristalnu strukturu.



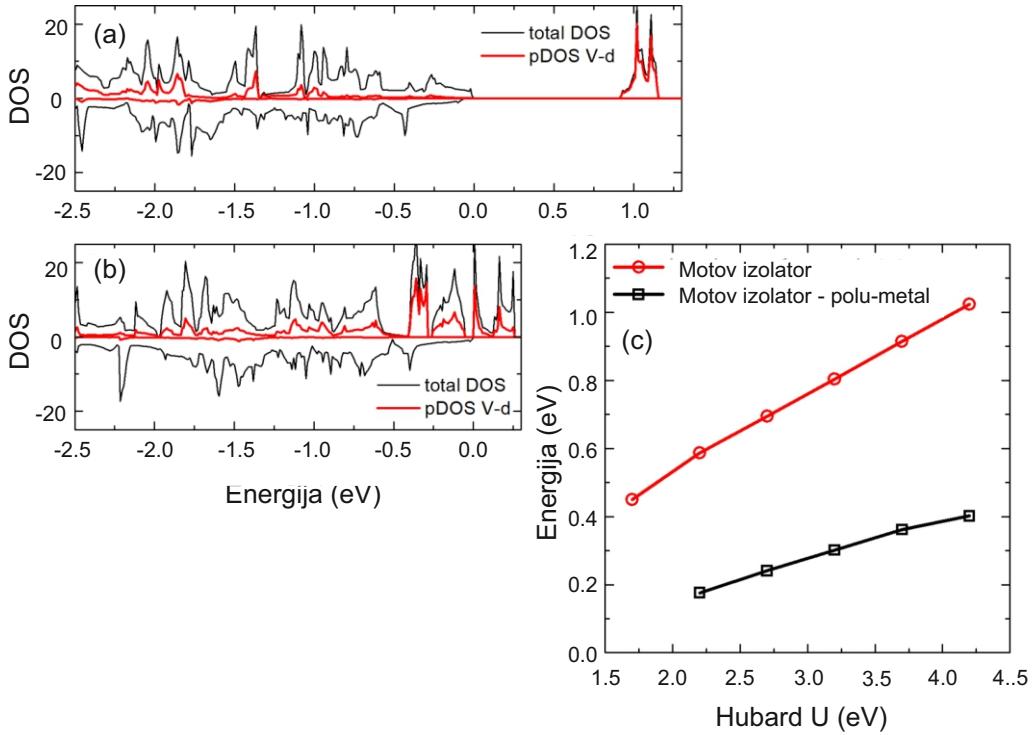
Slika 3.5: Visokotemperaturska (a)  $P\bar{3}1c$ , (b)  $C2/m$  i (c)  $R\bar{3}$  kristalna struktura  $VI_3$ .

### 3.1.2.2 Transportna i magnetna svojstva $VI_3$

Pitanje kristalne strukture  $VI_3$  nije jedino na koje su različite studije, što eksperimentalne što teorijske, dale različite odgovore. Ako se u literaturi potraži pitanje elektronske strukture  $VI_3$  dobijaju se međusobno protivrečni odgovori. Shodno tome, moguće je pronaći eksperimentalne studije u kojima se  $VI_3$  opisuje kao poluprovodnik, i teorijske studije koje pokazuju da je  $VI_3$  polumetal ili Motov izolator.

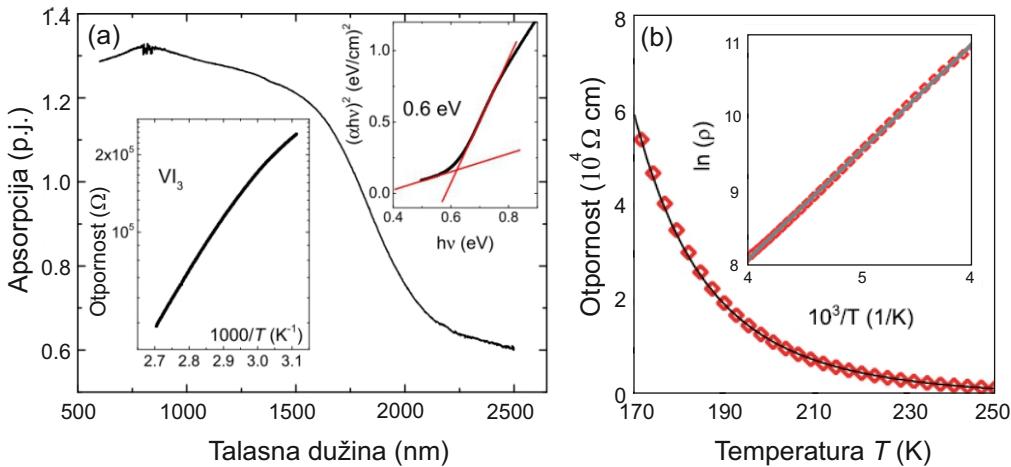
Kod kristalne strukture  $VI_3$ , V joni se nalaze u centru kristalnog oktaedarskog polja koje potiče od  $I_6$  oktaedra. Takvo polje razdvaja V–d orbitale u dvostruko degenerisane  $e_g$  i trostruko degenerisane  $t_{2g}$  orbitale. Kao posledicu takve konfiguracije, u kojoj su orbitale delimično popunjene, teorija predviđa polumetalnu prirodu  $VI_3$  [122]. Ovakva pretpostavka važi kada ne postoji, ili postoji jako mala, izobličenja  $I_6$  oktaedra. Ukoliko u razmatranje uključimo postojanje odbojne Kulonove sile, koja se javlja između  $d$ -elektrona istog V jona, i koja nadjačava  $p$ – $d$  hibridizaciju odgovornu za delimično popunjene orbitale, orbitale  $t_{2g}$  postaju ili potpuno popunjene ili potpuno prazne. Ovakva konfiguracija odgovara stanju Motovog izolatora [122]. Proračuni elektronske zonske strukture, predstavljeni u teorijskim studijama [118] i [121], ukazuju na to da je  $VI_3$  Motov izolator sa zonskim procepom  $\sim 1$  eV. Izračunate gustine stanja, zajedno sa vrednostima zonskih procepa, za dve moguće elektronske konfiguracije osnovnog stanja  $VI_3$  predstavljene su na slici 3.6.

Na slici 3.7(a) predstavljena je optička apsorpcija  $VI_3$  u funkciji talasne dužine, koja



Slika 3.6: Spinski razložena gustina stanja (a) Motovog izolatora i (b) polumetaličnog VI<sub>3</sub>. (c) Izračunate vrednosti zonskog procepa Motovog izolatora i razlike zonskog procepa za polumetalično stanje i stanje Motovog izolatora VI<sub>3</sub>. Slike su preuzete iz [122].

zajedno sa merenjima otpornosti, predstavljenim u umetku iste slike, ukazuje na poluprovodnički karakter VI<sub>3</sub>. Na osnovu grafika zavisnosti  $(\alpha h\nu)^2$  energije fotona [Slika 3.7(a)], procenjena vrednost optičkog zonskog procepa za direktni prelaz duplo je manja od one prijavljene u CrI<sub>3</sub>, i iznosi oko  $\sim 0,6$  eV [119].

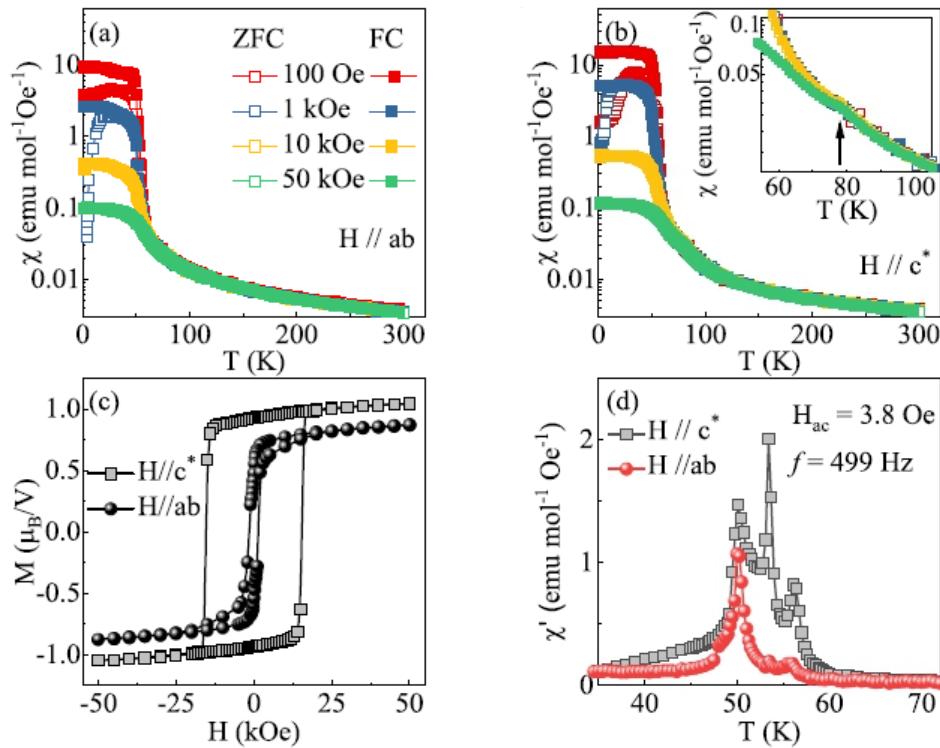


Slika 3.7: (a) Optička apsorpcija u funkciji talasne dužine i (b) električna otpornost VI<sub>3</sub>. Slike su preuzete iz [119] i [118], redom.

Nasuprot ovim rezultatima, merenja električne otpornosti VI<sub>3</sub> predstavljena na slici 3.7(b), pokazuju da je ispitivani materijal izolator [118], premda je procenjena veličina optičkog zonskog procepa od  $\sim 0,6$  eV ista kao i u referenci [119]. Kako ništa od posto-

jećih saznanja ne može da objasni veliko neslaganje između izmerene veličine elektronskog ( $\sim 0,32$  eV) i optičkog zonskog procepa, prijavljeno u referenci [118], ono ostaje otvoreno za tumačenja.

Temperaturska zavisnost magnetne susceptibilnosti  $\chi$  merena pri različitim jačinama polja  $H$  primjenjenim u **ab** ravni i duž  $c^*$  ose, prikaza na slikama 3.8(a) i 3.8(b), jasno pokazuje feromagnetni fazni prelaz u okolini  $T_C = 50$  K [123]. Kako je magnetno uređenje u  $\text{VI}_3$  spregnuto sa njegovom kristalnom strukturu, formiranje feromagnetsnog uređenja dovodi do njene deformacije [124]. Dodatno, temperaturska zavisnost magnetne susceptibilnosti sa poljem primjenjenim duž  $c^*$  ose trpi još jedan pad na oko 78 K (umetak na slici 3.8(b)) koji je prepoznat kao manifestacija strukturnog faznog prelaza u  $\text{VI}_3$ . Ovi rezultati u saglasnosti su ostalim eksperimentalnim istraživanjima [118, 119, 121]. Ono što je posebno interesantno kod ovog binarnog kvazi-2D materijala jeste to što teorijski proračuni predviđaju feromagnetno uređenje do monosloja  $\text{VI}_3$  [118].



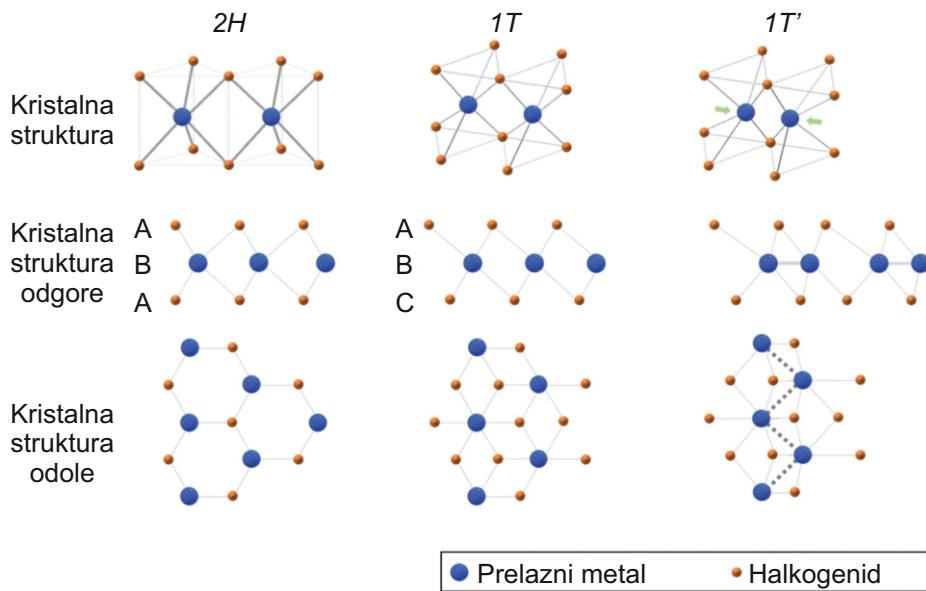
Slika 3.8: Temperaturska zavisnost magnetne susceptibilnosti  $\chi$  merena pri različitim jačinama polja  $H$  primjenjenim (a) u **ab** ravni i (b) duž  $c^*$  ose. (c) Zavisnost magnetizacije od jačine polja  $H$  na temperaturi  $T = 2$  K. (d) Temperaturska zavisnost realnog dela magnetne susceptibilnosti merene pri oscilatornom  $ac$  polju jačine  $H = 3.8$  Oe i sa učestanosti 499 Hz primjenjenim u **ab** ravi i duž  $c^*$  ose. Slike je preuzeta iz [123].

Najnovija studija o magnetnom uređenju u  $\text{VI}_3$  kristalima ukazuje na postojanje čak četiri fazna prelaza [124], od kojih prva dva, prijavljena na  $T_1 = 53$  K i  $T_2 = 51,4$  K, odgovaraju početnim tačkama formiranja feromagnetizma u određenim slojevima kristala. Do formiranja feromagnetsnog uređenja u celom kristalu dolazi na  $T_C = 49,5$  K. Poslednji fazni prelaz, između dve feromagnetne faze, primećen je na temperaturi  $T_{FM} = 26$  K.

## 3.2 Dihalkogenidi prelaznih metala

Uspešna sinteza dvodimenzionalnih dihalkogenida prelaznih metala dovela je do velikog naučnog interesovanja za ovu klasu materijala. Ovo interesovanje rezultovalo je opsežnim istraživanjem njihovih hemijskih i fizičkih karakteristika, čime je utvrđeno da ih odlikuju jedinstvena optička i mehanička svojstva koja, u kombinaciji sa hemijskom stabilnošću slojeva i nenužnim zonskom procepu, predstavlja odličnu osnovu za njihovu primenu u elektronici, optoelektronici i sistemima baziranim na tranzistorima sa efektom polja (FET) [125, 126, 127, 128].

Hemijska formula dihalkogenida prelaznih metala je oblika  $MX_2$ , gde je sa  $M$  označen prelazni metal, a sa  $X$  halkogenid. Slojevita kristalna struktura slojevitih dihalkogenida prelaznih metala sačinjena je od slabo vezanih  $MX_2$  slojeva, koji sadrže sloj atoma metala (Mo, W, Ti, Zr, Hf, V, Nb, Hf, Fe, Co, Ni, Zn) upakovanog između dva sloja atoma halkogenida (S, Se, ili Te). Kako je van der Waalova sila među slojevima izuzetno slaba, osobine slojevitih kristala određene su osobinama njihovih kvazi-2D slojeva [129]. Na osnovu dosadašnjih rezultata istraživanja može se reći da se dihalkogenidi prelaznih metala najčešće javljaju u dve osnovne faze – termodinamički stabilna  $2H$  i metastabilna  $1T$ .  $H$  i  $T$  u nazivima odnose se, redom, na heksagonalnu i trigonalnu kristalnu strukturu.



Slika 3.9: Tri najčešća tipa strukture kod dihalkogenida prelaznih metala. Slika je preuzeta iz [125].

Fizičke osobine ove dve strukture mogu se drastično razlikovati, a prelaz sa poluprovodne  $2H$  na metaličnu  $1T$  postiže se pomeranjem slojeva sačinjenih od atoma halkogenida [125]. Dodatno, u literaturi je moguće pronaći i kvazi-metaličku fazu  $1T'$  koja, umesto sloja atoma prelaznih metala smeštenih između dva sloja atoma halkogenida, sadrži deformisane slojeve dikalkogenidnih atoma između kojih atomi prelaznih metala

formiraju zig-zag lanac. Kristalne strukture tri najčešće faze dihalkogenida prelaznih metala predstavljene su na slici 3.9.

Što se tiče električnih osobina ovih kvazi-2D materijala, one u mnogome zavise od broja slojeva i načina njihovog pakovanja u strukturi. Smanjivanje broja slojeva izaziva promenu indirektnog zonskog procepa u direktni, koji je niži po energiji za  $\sim 0.6$  eV [130, 131, 132, 132, 133]. Jedini dihalkogenid prelaznog metala kod koga ne postoji zavisnost električnih osobina od broja slojeva jeste  $\text{ReS}_2$  [134]. Ovaj zanimljivi rezultat objašnjava se odsustvom uređenja načina pakovanja slojeva u kristalnoj strukturi  $\text{ReS}_2$ .

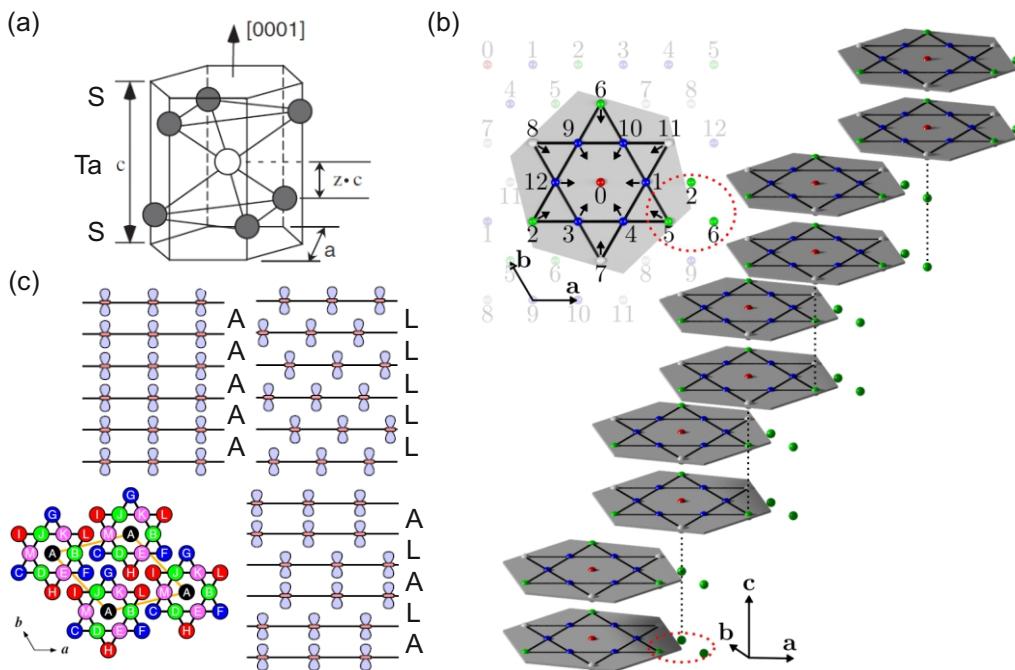
Vrednost gustine stanja u metaličnim dihalkogenidima prelaznih metala ukazuje na to da se elektroni u njima najčešće pomeraju duž metalnih slojeva. Dodatno, njeni vrednosti na Fermijevom nivou predviđa eksperimentalno potvrđene fazne prelaze u ovim materijalima. Glavni razlog velikog interesovanja za metalične dihalkogenide prelaznih metala leži u bogatom faznom dijagramu koji poseduju. Naime, za ovu klasu materijala karakteristični su talasi gustine nanelektrisanja (CDW) i superprovodnost. Kako prilikom ulaska u CDW fazu dolazi do otvaranja procepa i potiskivanja gustinje stanja na Fermi nivou, ona najčešći ima izolatorski karakter. Ovaj fenomen u direktnoj je suprotnosti sa fenomenom superprovodnosti, za čiju je pojavu neophodno postojanje konačne vrednosti gustine nanelektrisanja. Kao posledica takmičenja između ova dva stanja metalične dihalkogenide prelaznih metala odlikuje značajan broj faznih prelaza sa nehomogenim električnim i strukturnim promenama [135, 136, 137]. Budući da postojeća teorija ne uspeva da opiše mehanizam formiranja CDW-a u ovim materijalima, kao ni da objasni prijavljenu koegzistenciju CDW i superprovodne faze [29], razumevanje fundamentalnih svojstava dihalkogenida prelaznih metala stavljen je u centar teorijskih i eksperimentalnih studija u poslednjoj deceniji, sa glavnim akcentom na  $1T\text{-TaS}_2$ .

### 3.2.1 $1T\text{-TaS}_2$

Veliko interesovanje koje uživa  $1T$  struktura  $\text{TaS}_2$  ne potiče samo od činjenice da se u ovom materijalu javljaju i CDW i superprovodnost, već od toga što do formiranja oba stanja dolazi na eksperimentalno dostupnim temperaturama. Shodno tome, slojeviti kristali  $1T\text{-TaS}_2$  predstavljaju idealne kandidate za ispitivanje koegzistencije superprovodnosti i drugih kolektivnih elektronskih fenomena [138, 139]. Dodatno,  $1T\text{-TaS}_2$  odlikuje bogati fazni dijagram, sa sukcesivnim faznim prelazima između različitih CDW faza u rasponu temperature od 180 K do 355 K, tako da predstavlja idealan sistem za ispitivanje fizike CDW fenomena. Premda je lista eksperimentalnih i teorijskih studija rađenih na ovom materijalu podugačka, postoji značajan broj rezultata koji se ne mogu interpretirati u skladu sa postojećim saznanjima. U ovom poglavlju biće dat pregled najbitnijih od njih.

### 3.2.1.1 Kristalna struktura $1T$ -TaS<sub>2</sub>

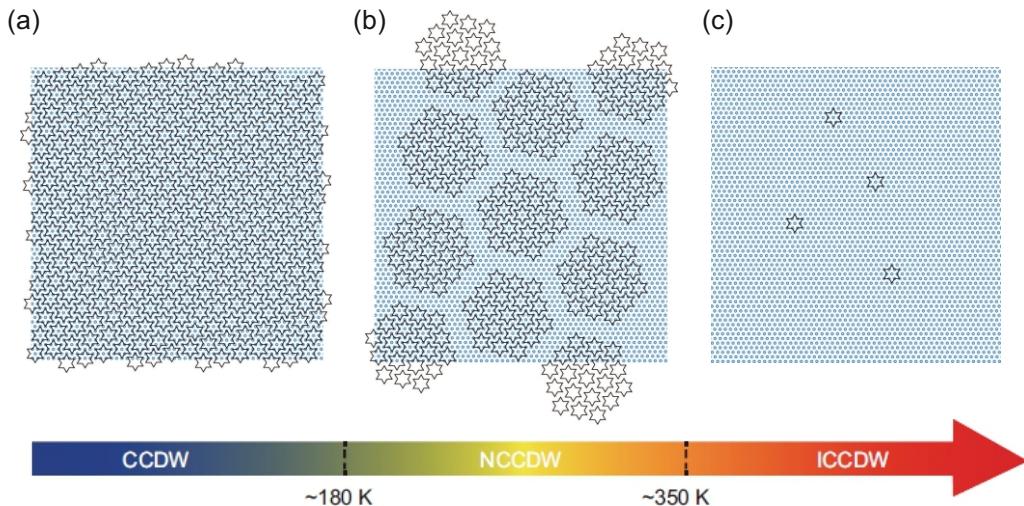
Na temperaturama iznad prvog faznog prelaza,  $T_{IC} = 554$  K,  $1T$ -TaS<sub>2</sub> nalazi se u normalnoj fazi koja se karakteriše jednostavnom kristalnom strukturom CdI<sub>2</sub> tipa (prostorna grupa simetrije  $P\bar{3}m1$ ) [slika 3.10(a)], čiji su parametri kristalne rešetke  $a_0 = b_0 = 3,36$  Å i  $c_0 = 5,90$  Å [140, 141, 142]. Hlađenjem slojevitih kristala  $1T$ -TaS<sub>2</sub> ispod ove temperature dolazi do formiranja CDWa u njima. Kako CDW predstavlja modulaciju elektronske gustine, te samim tim menja jonski potencijal kristalne rešetke, ono za posledicu ima i promenu same kristalne strukture [143, 144, 145]. Shodno tome, snižavanjem temperature i ulaskom u IC-CDW fazu, kristalna struktura  $1T$ -TaS<sub>2</sub> više ne može da se opiše  $P\bar{3}m1$  prostornom grupom simetrije ali može da se opiše u skladu sa njom. Svaki sledeći fazni prelaz izaziva dodatne modifikacije kristalne rešetke, tako da se blago izmenjena kristalna struktura IC faze transformiše u NC strukturu koja se sastoji od IC domena razdvojenih C zidovima, koja se zatim pretvara u C-CDW superstrukturu [Slika 3.11].



Slika 3.10: (a) Kristalna struktura normalne faze  $1T$ -TaS<sub>2</sub>. (b) Prikaz „Davidovih zvezda“ sa jednim od načina pakovanja. (c) Tri najverovatnija načina pakovanja C-CDW kristalne strukture  $1T$ -TaS<sub>2</sub>. Slika (a) preuzeta je iz [146], slika (b) iz [147], a slika (c) iz [148].

Od svih CDW faza, C faza ima najjednostavniju kristalnu strukturu koja se sastoji od dva koncentrična prstena šest Ta atoma koji su blago privučeni ka središnjem Ta atomu formirajući tzv. „Davidove zvezde“ [Slika 3.10(b) i Slika 3.11(a)]. „Davidove zvezde“ pakuju se duž  $c$  ose u  $\sqrt{13}a \times \sqrt{13}a \times 13c$  CDW superstrukturu, koja se opisuje sa tri CDW vektora koji međusobno obrazuju uglove od  $120^\circ$ , i koji su zarotirani za  $13.9^\circ$  u odnosu na kristalne vektore primitivne celije [138, 149]. S obzirom na to da način pakovanja „Davidovih zvezda“ u superstrukturu izuzetno utiče na svojstva materijala, značajan trud uložen je u razrešenje ove misterije. Naime, postoji 13 mogućnosti pakovanja samo jednog

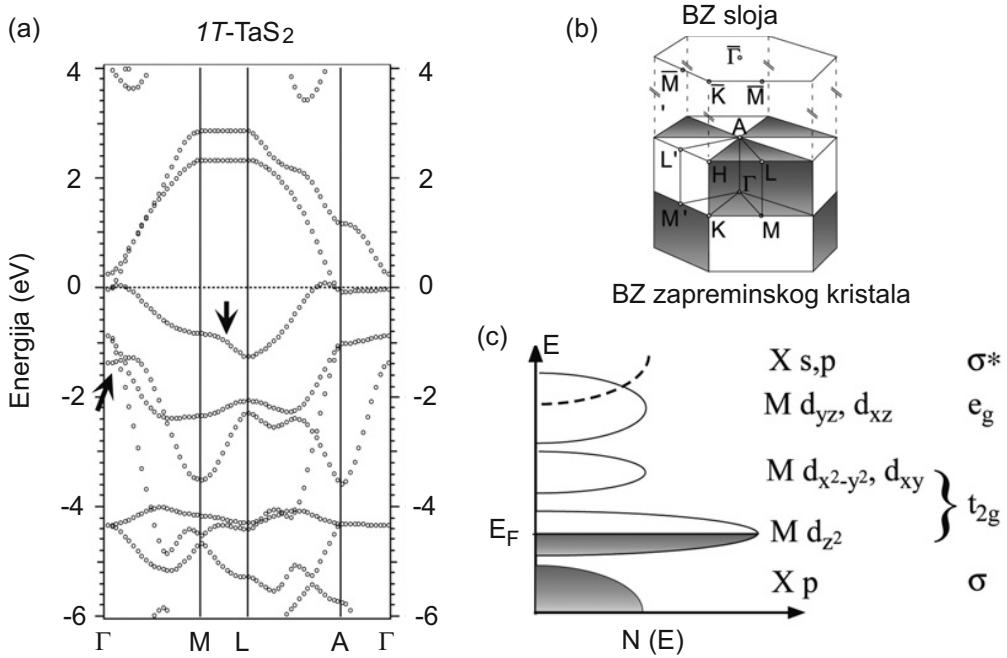
слоја на jednu od 13 ivica svakog Ta klastera [150]. Kako je broj mogućih konfiguracija izuzetno velik, način pakovanja, te samim tim i mehanizam iza formiranja superstrukture, ostaje nerazjašnjen i predstavlja jedno od pitanja na koje bi buduća istraživanja trebalo da ponude odgovor. Najverovatniji načini slaganja zvezda u C-CDW kristalnu strukturu prikazani su na slikama 3.10(b) i 3.10(c).



Slika 3.11: (a) C-CDW, (b) NC-CDW i (c) IC-CDW faza  $1T\text{-TaS}_2$ . Slika je preuzeta iz [139].

### 3.2.1.2 Transportna svojstva $1T\text{-TaS}_2$

U jonskoj slici konfiguracija Ta atoma je  $5d^36s^2$ , a halkogeni S atom, koji se odlikuje velikim afinitetom prema elektronima, ima  $s^2p^4$  konfiguraciju. U ovoj konfiguraciji halkogenom atomu fale dva elektrona do potpuno popunjene ljske [146]. To znači da, po formulskoj jedinici, četiri Ta elektrona iz  $d$  ili  $s$  ljske mogu biti privučena od strane dva S atoma. U ovakovom sistemu, svojstva materijala zavise od stepena popunjenoosti najnižeg  $d$  nivoa. Naravno, modifikacija istih od strane hibridizacije ne može biti zanemarena, ali eksperimenti sugerišu da je broj  $d$  elektrona taj koji igra najbitniju ulogu u fundamentalnim svojstvima ovih kvazi-2D materijala. Kako nestabilnost sistema zavisi od broja elektrona na Fermi nivou, usled smanjenog ili povećanog ekriraniranja,  $\text{TaS}_2$ , dihalkogenid prelaznog metala sa najtežim metalom i najlakšim halkogenidom, predstavlja najnestabilniji od njih. Samim tim ne iznenađuje činjenica da  $1T\text{-TaS}_2$  ima najkompleksniji fazni dijagram među svim dihalkogenidima prelaznih metala [146]. Proračuni zonske strukture, predstavljeni na slici 3.12, potvrđuju da su šest najnižih zona dominantno  $sp$  halkogene S zone. One su praćene delimično popunjenim  $d$  zonama atoma prelaznog metala. Pet  $d$  zona se cepe na viša dubletna i niža tripletna stanja,  $e_g$  i  $t_{2g}$ , redom, usled oktaedarskih koordinata Ta atoma. Kako orbitale  $e_g$  interaguju sa okolnim halkogenim atomima, njihove vezivne energije su veće nego u slučaju  $t_{2g}$  orbitala [146].



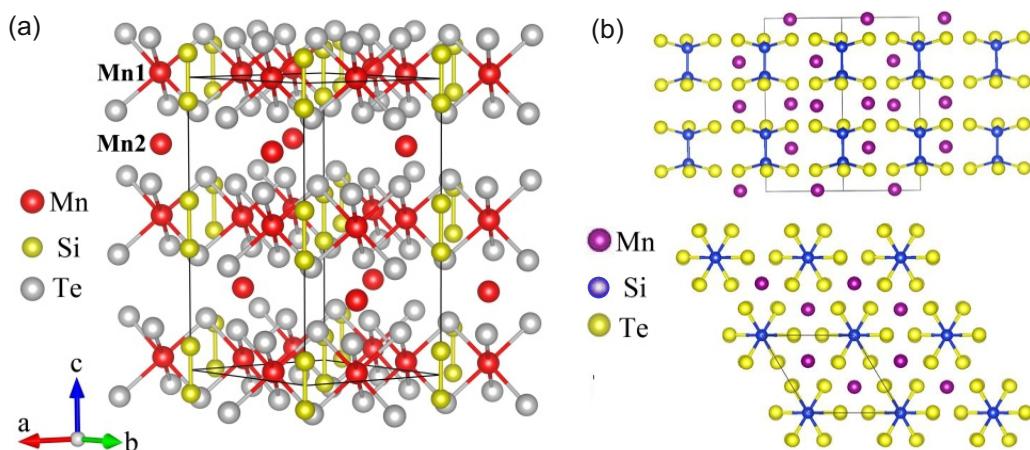
Slika 3.12: (a) Proračuni zonske strukture. (b) Briluenova zona sloja i slojevitog kristala sa naznačenim tačkama visoke simetrije za 1T strukturu. (c) Gustina stanja na orbitalama jonske strukture. Slika je preuzeta iz [146].

Na osnovu izložene analize može se reći da je elektronska konfiguracija 1T-TaS<sub>2</sub>  $d^1$  konfiguracija. Kako se svaki sloj 1T-TaS<sub>2</sub> sastoji od Ta atoma smeštenih između dve trougaone rešetke sačinjene od S atoma,  $d^1$  konfiguracija je nestabilna i omogućava formiranje CDW-a [148]. U C-CDW fazi, u kojoj dolazi do pojave „Davidovih zvezda“, Ta ion koji se nalazi u središtu jedne takve zvezde ima polupopunjena stanja na polovini zonskog procepa. Veruje se da su ta stanja odgovorna za poluprovodnički karakter C-CDW faze 1T-TaS<sub>2</sub> [148]. Kako su sve ostale CDW faze koje se javljaju u dihalkogenidima prelaznih metala metalične, otkriće CDW faze sa poluprovodničkim svojstvima dovelo je do još opsežnijih ispitivanja električnih svojstava 1T-TaS<sub>2</sub>. Kao rezultat ovih istraživanja izdvojili su se scenariji u kojima opažena poluprovodnička svojstva potiču od Mot-Hubardovih elektron-elektron korelacija, ili su posledica nepravilnog pakovanja orbitala u C-CDW fazi [147, 147, 151]. U prvom slučaju, pojedinačni  $5d$  elektroni, od kojih svaki potiče iz različite „Davidove zvezde“, nalaze se unutar polupopunjene uske provodne zone. Kao posledica dovoljno jake Kulonove odbojne sile dolazi do pretpostavljenog Mot-Hubard prelaza sa preklapanjima Hubardovih podzona [147, 152, 153], koji je zatim praćen metal-izolator prelazom. Ova dva simultana prelaza odgovorna su za poluprovodnička transportna svojstva [154, 155]. Ovo neočekivano svojstvo 1T-TaS<sub>2</sub> omogućilo je realizaciju eksperimentalnih studija usmerenih ka dubljem razumevanju metal-izolator prelaza, odnosno Mot-Hubardove fizike. Bitno je pomenuti da se uz otvaranje CDW procepa, karakterističnog za sve materijalime u kojima dolazi do formiranja CDW-a, u literaturi prijavljuje i postojanje dodatnog procepa u okolini  $\Gamma$  tačke Briluenove zone, koji se manifestuje kao posledica Mot-Hubard prelaza [156, 157].

### 3.3 $\text{Mn}_3\text{Si}_2\text{Te}_6$

Kristali  $\text{Mn}_3\text{Si}_2\text{Te}_6$  su prvi put sintetisani 1985. godine [158]. Premda je od tada prošlo 35 godina, jako malo istraživanja je odrđeno na ovom materijalu, od kojih većina datira iz poslednje 4 godine. Iznenadno skorašnje interesovanje za  $\text{Mn}_3\text{Si}_2\text{Te}_6$  može se objasniti njegovom sličnošću sa  $\text{CrSiTe}_3$ , novootkrivenim kvazi-2D materijalom sa kratkodometnim magnetnim uređenjem koje je posledica jake spin–fonon interakcije [159]. Dosadašnji rezultati ukazuju na to da je  $\text{Mn}_3\text{Si}_2\text{Te}_6$  izolatorski ferimagnetik sa Kirijevom temperaturom između 74 i 78 K [160, 161, 162, 163], te kao takav predstavlja idealnu platformu za magnetooptičke uređaje i ispitivanje niskodimenzionog magnetizma [164, 165].

#### 3.3.1 Kristalna struktura $\text{Mn}_3\text{Si}_2\text{Te}_6$

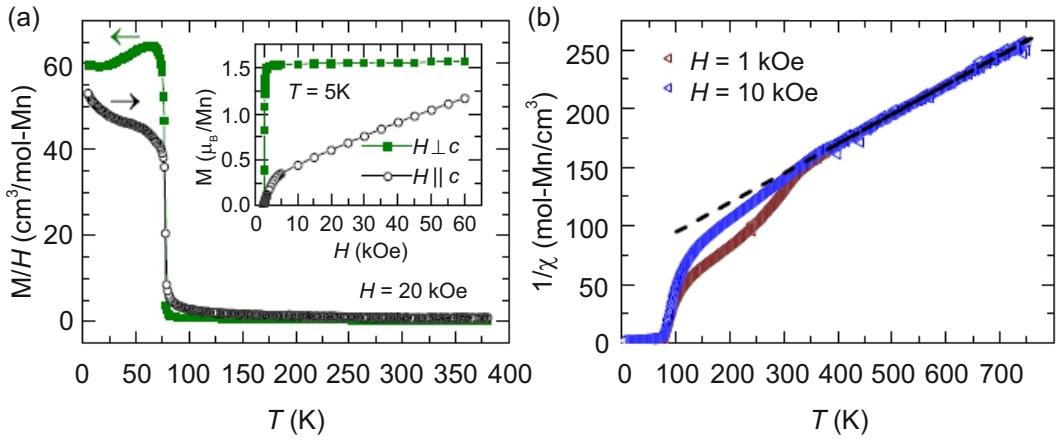


Slika 3.13: (a) Kristalna struktura  $\text{Mn}_3\text{Si}_2\text{Te}_6$ . (b) Kristalna struktura  $\text{Mn}_3\text{Si}_2\text{Te}_6$  gledana bočno duž  $c$  ose i gledana u  $\mathbf{ab}$  ravni. Slika (a) je preuzeta iz [160], a slika (b) iz [166].

Na svim eksperimentalno dostupnim temperaturama  $\text{Mn}_3\text{Si}_2\text{Te}_6$  kristališe u trikliničnu kristalnu strukturu koja se opisuje prostornom grupom simetrije  $P\bar{3}1c$  [Slika 3.13] [158, 160]. Mn i parovi Si atoma smešteni su u stranice oktaedra, dok se Ta atomi slažu u skladu sa heksagonalnim zatvorenim pakovanjem duž  $c$  ose. Rastojanje između dva uzastopna Ta atoma je  $c/4$ . Oktaedar koji sadrži Mn1 atome okružen je sa tri oktaedra koji sadrže parove Si atoma i sa tri oktaedra koji sadrže Mn1 atome, dok je oktaedar koji sadrži Mn2 atome okružen sa šest praznih oktaedara [Slika 3.13]. Duž  $c$  ose, oni se pakuju tako da sloj potpuno popunjениh Mn1 ili Si oktaedara prati sloj Mn2 okatedara, pa tako redom. Dužine veza između Mn–Te, Si–Si i Si–Te atoma su, redom, 2,93 Å, 2,32 Å i 4,17 Å [158].

### 3.3.2 Magnetna svojstva $\text{Mn}_3\text{Si}_2\text{Te}_6$

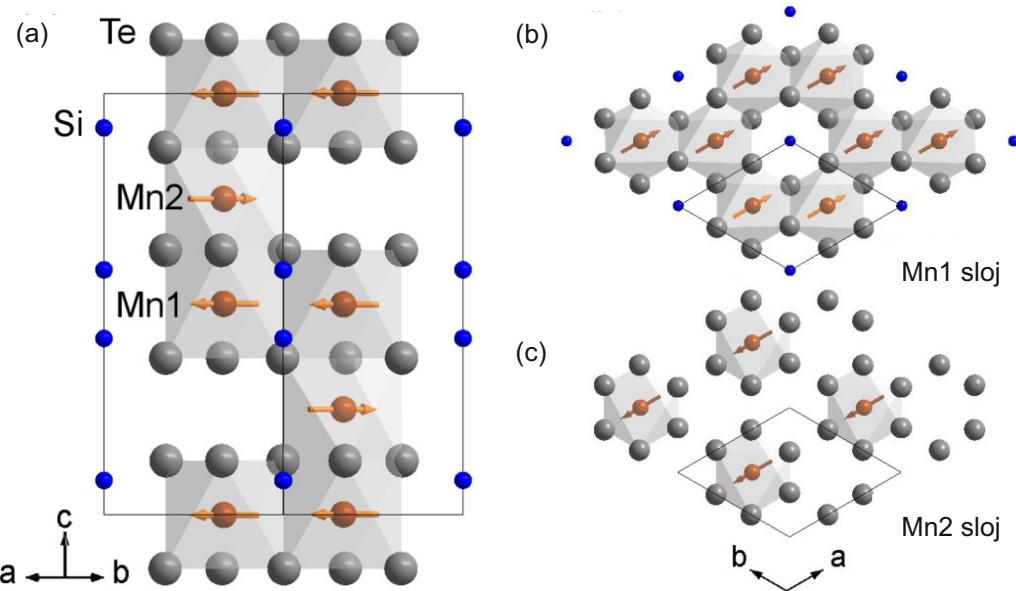
Nekoliko različitih eksperimentalnih studija usredstvenih na ispitivanje magnetnih svojstava  $\text{Mn}_3\text{Si}_2\text{Te}_6$  složile su se da je u pitanju ferimagnetnik sa Kirijevom temperaturom  $T_C \sim 74$  K [160, 161, 162, 163]. Na slici 3.14 prikazani su podaci iz [163] dobijeni merenjem magnetizacije pri jačini polja od  $H = 20$  kOe. Temperaturska zavisnost magnetizacije ukazuje na magnetni fazni prelaz na oko 74 K, međutim, ono na šta treba obratiti posebnu pažnju u ovim rezultatima jeste temperaturska zavisnost  $1/\chi$ . Naime, u pomenutoj zavisnosti primećeno je odstupanje od visokotemperaturnog modela na temperaturama ispod 330 K [slika 3.14(b)], koje potiče od magnetne anizotropije koja se javlja na oko 330 K. Kako je primećena anizotropija ista kao i anizotropija ferimagnetne faze  $\text{Mn}_3\text{Si}_2\text{Te}_6$ , pretpostavka je da ista potiče od malog, ali nezanemarljivog, feromagnetskog doprinosa u temperaturskom ospegu od  $T_C$  do 330 K [163]. Isti zanimljiv rezultat primećen je u magnetizacionim merenjima Y. Ni i saradnika [167]. Kao objašnjenje neobičnog ponašanja  $M/H$  krive, Y. Liu i saradnici su predložili scenario u kom odstupanje od očekivane zavisnosti potiče od niskodometnog uređenja ili prisustva koreliranih ekscitacija u paramagnetskoj oblasti [160]. Kako temperaturska zavisnost  $c$  parametra kristalne rešetke pokazuje odstupanje od očekivane zavisnosti na temperaturama iznad 300 K, pretpostavlja se da u ovom materijalu postoji sparivanje magnetnog faznog prelaza na 330 K i kristalne rešetke [163]. Na osnovu izložene kratke diskusije da se zaključiti da jasno definisan odgovor na pitanje anomalnog ponašanja magnetizacije, u oblasti temperature oko 330 K, još uvek ne postoji, te da isto iziskuje dodatni trud i resurse kako bi se na njega odgovorilo.



Slika 3.14: (a) Magnetizaciona merenja pri jačini polja  $H = 20$  kOe. (b) Temperaturska zavisnost  $1/\chi$ . Odstupanje od očekivanog ponašanja ispod 330 K ukazuje na postojanje magnetnih doprinosa iznad  $T_C$ . Leva i desna skala na obe slike su iste. Slika je preuzeta iz [163].

Na osnovu rezultata dobijenih u eksperimentu difrakcije neutronima [163] zaključeno je da je spinska struktura  $\text{Mn}_3\text{Si}_2\text{Te}_6$  dobijena kombinacijom paralelno poravnatih Mn1

i antiparalelno poravnatih Mn<sub>2</sub> momenata. Vrednost magnetnih momenata ista je za sve Mn atome. Magnetni momenti primarno leže u **ab** ravni [163]. Spinska struktura Mn<sub>3</sub>Si<sub>2</sub>Te<sub>6</sub>, kao i uređenje spinova u Mn1 i Mn2 slojevima, prikazana je na slici 3.15.



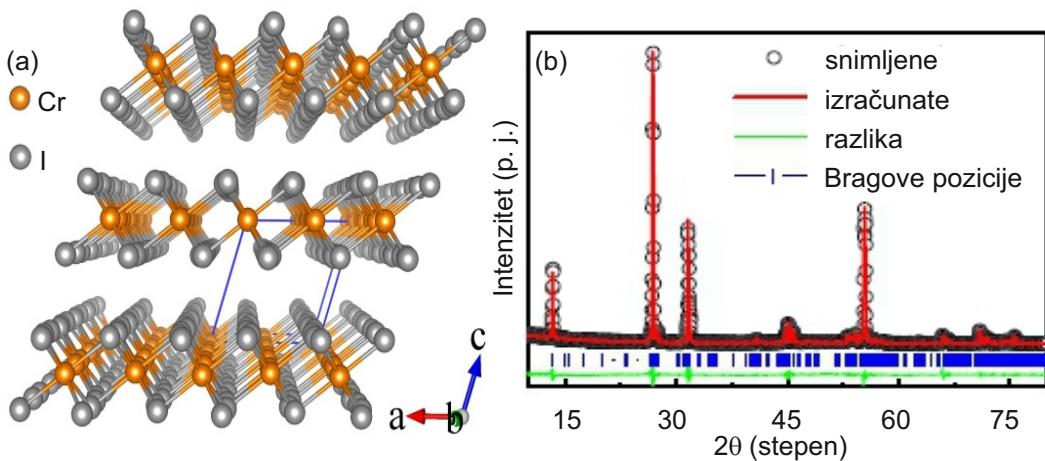
Slika 3.15: (a) Spinska struktura Mn<sub>3</sub>Si<sub>2</sub>Te<sub>6</sub>. (b) Uređenje magnetnih momenata u Mn1 sloju. (c) Uređenje magnetnih momenata u Mn2 sloju. Slika je preuzeta iz [163].

Eksperimentalno posmatrano, nema sumnje da je osnovno magnetno uređenje Mn<sub>3</sub>Si<sub>2</sub>Te<sub>6</sub> ferimagnetno, međutim, teorijski proračuni, iako potvrđuju ferimagnetno osnovno stanje, daju izuzetno komplikovan sistem u kom se tri konkurentska magnetna stanja takmiče sa osnovnim ferimagnetskim stanjem. Ovo takmičenje, koje je posledica antiferomagnetskih interakcija razmene između tri najbliža Mn–Mn para, utiče na snižavanje Kirićeve temperature i, povećavajući uticaj fluktuacija na strukturu, dovodi do kratkodometnih korelacija iznad  $T_C$  [163]. Tri konkurentska uređenja su dva različita antiferomagnetska i novo ferimagnetsko stanje. Energija prvog antiferomagnetskog stanja samo je za  $\Delta E = 19,1$  meV/Mn iznad energije osnovnog ferimagnetskog stanja [163].

## 4 Analiza faznog prelaza u $\text{CrI}_3$ metodom Ramanove spektroskopije

### 4.1 Sinteza i kristalna struktura

Slojeviti kristali  $\text{CrI}_3$  korišćeni u ovom istraživanju narastani su CVT (*chemical vapor transport*) metodom. U procesu narastanja korišćena je smeša sačinjena od praha hroma čistoće 99,95% i dehidriranih kuglica joda čistoće 99,99%, sa molarnim odnosom 1:3 korišćenih hemijskih elemenata. Tako napravljena smeša zatvorena je unutar evakuisane kvarcne cevi, koja je zatim stavljena u višezonsku peć u kojoj je stajala sedam dana. Zona izvora zagrevana je na  $650^\circ$ , dok su temperature srednje i treće zone narastanja, redom,  $550^\circ$  i  $600^\circ$ .



Slika 4.1: (a) Visokotemperaturska kristalna struktura  $\text{CrI}_3$ . (b) XRD šablon  $\text{CrI}_3$  praha na sobnoj temperaturi. Bragove refleksije prostorne grupe  $C2/m$  su date vertikalnim linijama. Slika je preuzeta iz [109].

Kako bi se utvrdila kristalna struktura tako narastanih uzoraka urađen je XRD eksperiment. U te svrhe korišćen je Rigaku Miniflex difraktometar sa  $\text{Cu } K\alpha$  izvorom zračenja ( $\lambda = 0,15418 \text{ nm}$ ). Osnovna analiza je urađena korišćenjem energetski-razložene spek-

troskopije X zračenja unutar JEOL LSM-6500 skenirajućeg elektronskog mikroskopa. Na osnovu dobijenih XRD šablonu utvrđeno je da je visokotemperaturska kristalna struktura CrI<sub>3</sub> monoklinična AlCl<sub>3</sub> tipa (prostorna grupa simetrije  $C2/m$ ). Ovi rezultati predstavljeni su na slici 4.1.

Detaljnije objašnjenje metode narastanja, tumačenje XRD rezultata, kao i ispitivanje magnetnih svojstava korišćenih kristala CrI<sub>3</sub> moguće je pronaći u referenci [109].

Narastanje, XRD eksperiment i ispitivanje magnetnih svojstava kristala CrI<sub>3</sub> urađeni su od strane prof. dr Čedomira Petrovića i saradnika u Brukhejven nacionalnoj laboratoriji u Sjedinjenim Američkim Državama.

## 4.2 Teorijski proračuni

Kako bi se utvrdila konzistentnost između eksperimentalnih rezultata i postojećih teorijskih saznanja pogodno je uporediti eksperimentalno dobijene vrednosti parametara sa numerički proračunima istih. U svrhu dobijanja teorijskih energija fonona za određenu kristalnu strukturu ispitivanog materijala korišćeni su proračuni bazirani na teoriji gustine funkcionala (*density-functional theory*).

Za potrebe istraživanja koje će biti prezentovano u ovom poglavlju, DFT proračuni rađeni su u softverskom paketu Quantum Espresso [168] sa PWA pseudopotencijalom [169, 170] i PBE izmensko-korelisanim funkcionalom [171]. Uzorkovanje Briluenove zone izvršeno je Monkhorst–Pak  $8 \times 8 \times 8$  mrežom. Ova mreža centrirana je oko  $\Gamma$ -tačke Briluenove zone. Ograničenja energije za gustinu nanelektrisanja i talasne funkcije postavljene su redom na 425 Ry i 85 Ry. S obzirom na to da LDA i GGA funkcionali ne uključuju dugodometne sile između slojeva, Grimme-D2 korekcija [172] je korišćena kako bi se opisala van der Valsova sila u sistemu. Korišćenje ove korekcije ima pozitivan uticaj na tačnost izračunatih parametara kristalne rešetke, koji su dobijeni optimizacijom položaja atoma u jediničnoj ćeliji dok vrednost među-atomskih sila nije dostigla vrednost manju od  $10^{-6}$  Ry/ Å. Učestanosti fonona u  $\Gamma$ -tački Briluenove zone računate su u okviru istog softverskog paketa, korišćenjem metoda linearног odziva. Svi proračuni su rađeni pod pretpostavkom da je temperatura sistema  $T = 0$  K, a da su prostorne grupe simetrija visokotemperaturske i niskotemperaturske kristalne strukture CrI<sub>3</sub>, redom,  $C2/m$  i  $R\bar{3}$ . Podsećajući da je primarna svrha rezultata dobijenih numeričkim proračunima ukazivanje na slaganje ili odstupanje prezentovanih eksperimentalnih rezultata i njihovih teorijskih predikcija, oni će biti predstavljeni u okviru poglavlja u kojima će se diskutovati o rezultatima Ramanovog eksperimenta.

Numeričke kalkulacije rezultat su rada dr Jelene Pešić i Andrijane Šolajić iz Centra za fiziku čvrstog stanja i nove materijale Instituta za fiziku.

## 4.3 Dinamika rešetke

Dinamika rešetke CrI<sub>3</sub> ispitivana je metodom Ramanove spektroskopije. U te svrhe korišćena je eksperimentalna postavka u Centru za fiziku čvrstog stanja i nove materijale Instituta za fiziku u Beogradu, predstavljena u poglavlju 2.4.2. Korišćeni Tri Vista 557 spektrometar podešen je da radi u oduzimajućem režimu sa kombinacijom difrakcionih rešetki 1800/1800/2400 zareza/mm. Eksperiment je vršen u geometriji rasejanja unazad. Kako bi se izbegli doprinosi nečistoća i oksida u spektrima, uzorak je cepan pre stavljanja u helijumski kriostat. Vodilo se računa o tome da se uzorak unutar kriostata smešta tako da se kristalografska *c* osa poklapa sa pravcem upadnog zračenja. Temperaturska merenja obuhvatila su temperature u opsegu od 100 K do 300 K. Temperaturski zavisna merenja vršena su u visokom vakuumu ( $10^{-6}$  mbar). Svi prezentovani spektri korigovani su za Boze faktor.

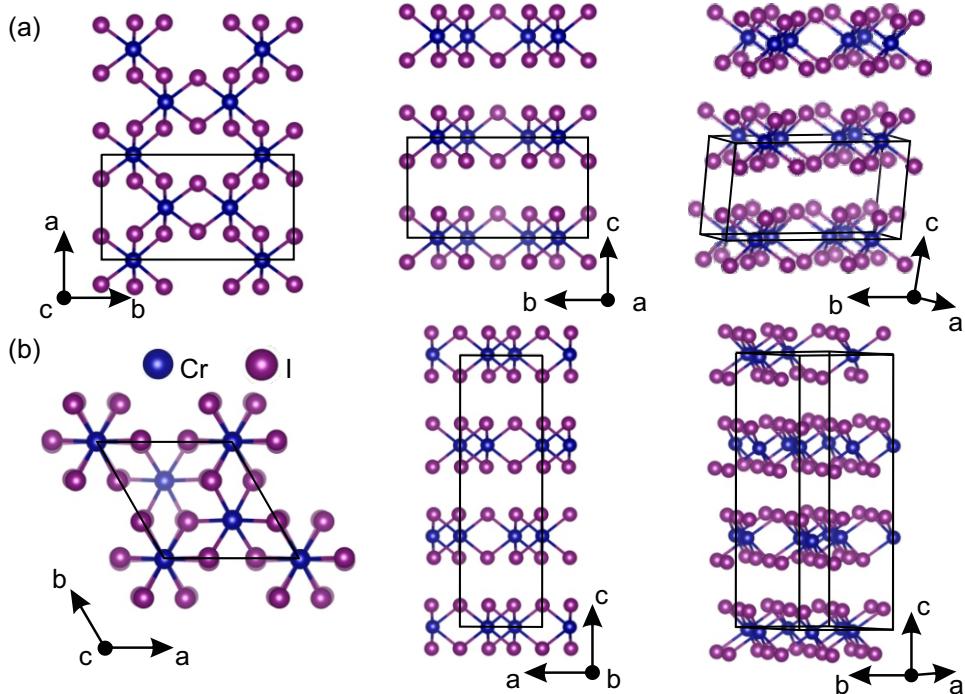
Na osnovu rezultata XRD eksperimenata, koji su detaljno predstavljeni u poglavlјima 3.1.1.1 i 4.1, utvđeno je da na sobnoj temperaturi CrI<sub>3</sub> kristališe u monokliničnu strukturu AlCl<sub>3</sub> tipa, koja se opisuje prostornom grupom simetrije *C*2/*m*. Ova kristalna struktura se na temperaturi od oko 220 K transformiše u romboedarsku *R* [103, 109]. Glavna razlika između ove dve strukture potiče od različitog načina pakovanja gotovo istovetnih CrI<sub>3</sub> slojeva. Naime, u monokliničnoj kristalnoj strukturi slojevi se pakuju duž *a* ose tako da se položaji tek svakog Cr atoma poklapaju.

Prostorna grupa <i>R</i> 		Prostorna grupa <i>C</i> 2/ <i>m</i>	
Teorija	Eksperiment [109]	Teorija	Eksperiment [109]
<i>a</i> (Å)	6.87	6.85	6.866
<i>b</i> (Å)	6.87	6.85	11.886
<i>c</i> (Å)	19.81	19.85	6.984
$\alpha$ (deg)	90	90	90
$\beta$ (deg)	90	90	108.51
$\gamma$ (deg)	120	120	108.68

Tabela 4.1: Teorijske i eksperimentalne vrednosti parametara rešetke CrI<sub>3</sub> u visokotemperaturskoj *C*2/*m* i niskotemperaturskoj *R* fazi.

Spuštanjem temperature i prelaskom iz monoklinične u romboedarsku strukturu, pakovanje CrI<sub>3</sub> slojeva u kristalnoj strukturi se menja i to tako da su Cr atomi jednog sloja smešteni tačno iznad centra praznog dela mreže sačinjene od dva susedna sloja. Strukturni fazni prelaz dovodi do malih izmena van der Valsove interakcije među slojevima i njihovog rastojanja. Visokotemperaturska i niskotemperaturska kristalna struktura CrI<sub>3</sub> predstavljene su šematski na slici 4.2(a) i 4.2(b). Odgovarajući kristalografski parametri predstavljeni u tabeli 4.3. Na osnovu podataka prikazanih u tabeli može se videte veoma

dobro slaganje teorijski izračunatih i eksperimentalnih parametara rešetke.



Slika 4.2: Šematski prikaz (a) visokotemperaturske  $C2/m$  i (b) niskotemperaturske  $R\bar{3}$  kristalne strukture  $\text{CrI}_3$ .

### 4.3.1 Polarizaciona zavisnost: Asignacija fonona u Ramanovim spektrima

Prva eksperimentalna merenja rađena na  $\text{CrI}_3$  izvršena su na temperaturi od 300 K. Kako je na osnovu rezultata XRD eksperimenta na merenim kristalima utvrđena kristalna struktura  $\text{AlCl}_3$  tipa, kojoj odgovara prostorna grupa simetrije  $C2/m$ , očekivano je da se u ramanskim spektrima vide modovi različite polarizacione zavisnosti. Naime, na osnovu faktor-grupa analize moguće je odrediti jedinstvenu raspodelu fononskih modova, koja je određena prostornom grupom simetrije i brojem atoma u jediničnoj celiji. Kako je broj formulskih jedinki po jediničnoj celiji  $Z = 6$ , a prostorna grupa simetrije  $C2/m$ , predviđena raspodela fononskih modova za visokotemperatursku fazu  $\text{CrI}_3$  je

$$\Gamma_{Raman} = 6A_g + 6B_g , \quad (4.1)$$

$$\Gamma_{IR} = 5A_u + 7B_u , \quad (4.2)$$

$$\Gamma_{acoustic} = A_u + 2B_u . \quad (4.3)$$

U tabeli 4.2 prikazane su pozicione simetrije atoma (*Wyckoff* pozicije) i njihovi doprinosi fononima iz  $\Gamma$ -tačke, ireducibilne reprezentacije i odgovarajući Ramanovi tenzori.

Prostorna grupa simetrije: $R\bar{3}$		Prostorna grupa simetrije: $C2/m$	
Atomi	Ireducibilne reprezentacije	Atomi	Ireducibilne reprezentacije
Cr (6c)	$A_g + A_u + E_g + E_u$	Cr (4g)	$A_g + A_u + 2B_g + 2B_u$
I (18f)	$3A_g + 3A_u + 3E_g + 3E_u$	I (4i)	$2A_g + A_u + B_g + 2B_u$
		I (8j)	$3A_g + 3A_u + 3B_g + 3B_u$

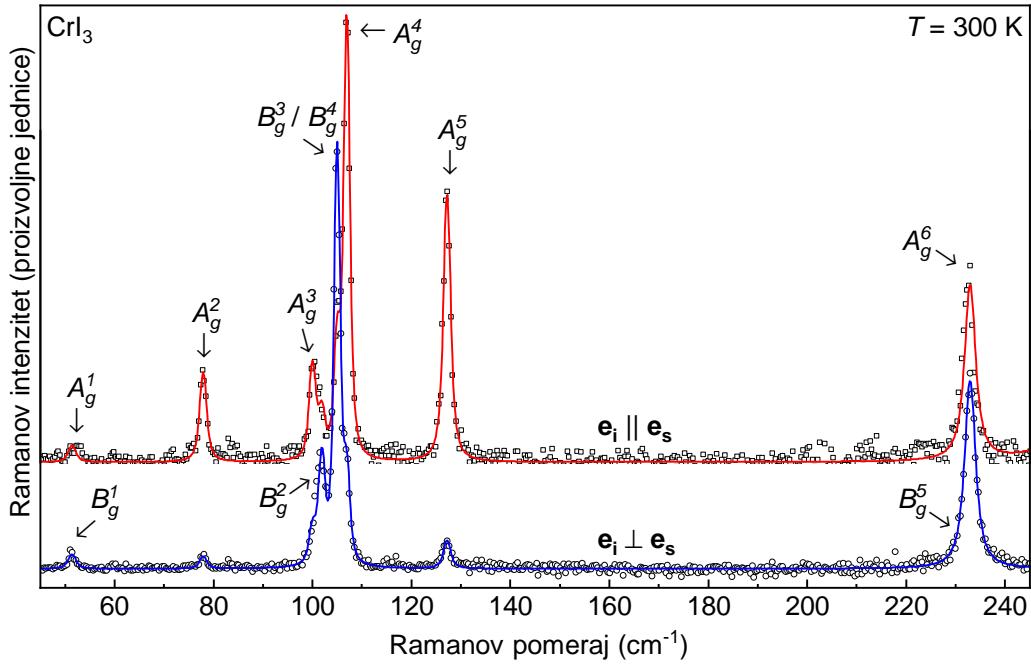
$$A_g = \begin{pmatrix} a & & \\ & a & \\ & & b \end{pmatrix} \quad A_g = \begin{pmatrix} a & d \\ c & \\ d & b \end{pmatrix}$$

$$^1E_g = \begin{pmatrix} c & d & e \\ d & -c & f \\ e & f & \end{pmatrix} \quad ^2E_g = \begin{pmatrix} d & -c & -f \\ -c & -d & e \\ -f & e & \end{pmatrix} \quad B_g = \begin{pmatrix} e & & \\ & e & \\ & & f \end{pmatrix}$$

Tabela 4.2: Pozicione simetrije Cr i I atoma, i njihov doprinos fononima iz  $\Gamma$ -tačke za niskotemperatursku  $R\bar{3}$  i visokotemperatursku  $C2/m$  fazu. Ramanovi tenzori odgovarajuće prostorne grupe predstavljeni su u donjim redovima tabele.

Dakle, na osnovu faktor-grupa analize očekivani broj Raman aktivnih fonona je dvanaest ( $6A_g + 6B_g$ ). Ako se pogledaju Ramanovi tenzori  $A_g$  i  $B_g$  modova, pozivajući se na relaciju za određivanje intenziteta Raman aktivnog moda predstavljenu u poglavlju 2.2.1, lako se zaključuje da su  $A_g$  modovi opservabilni samo u paralelnoj polarizacionoj konfiguraciji, dok su  $B_g$  modovi opservabilni samo u ukrštenoj polarizacionoj konfiguraciji za sve orijentacije uzorka.

Oslanjajući se samo na ovu prostu analizu, za očekivati je da asignacija snimljenih spektara bude prilično jednostavna. Međutim, kao što je moguće primetiti na slici 4.3, na kojoj su predstavljeni spektri dobijeni u paralelnoj i ukrštenoj polarizacionoj konfiguraciji na  $T = 300$  K, energije fononskih  $A_g$  i  $B_g$  modova su skoro pa nerazlučivo bliske. Da bi se utvrdio tačan broj modova, kao i odgovarajuće energije svakog od njih, spektri snimljeni u dve polarizacione konfiguracije analizirani su istovremeno. To je postignuto korišćenjem funkcije posebno dizajniranog da modeluje sve fononske linije u spektrima. Pomenuta funkcija sačinjena je od dvanaest linija Voitovog profila, i to tako da šest od njih opisuje linije koje odgovaraju  $A_g$  simetrijskim modovima, dok preostale opisuju fononske linije  $B_g$  simetrije. Kako se oba spektra simultano analiziraju modelovanje je vršeno sa deljenim parametrima fononskih linija, i to tako da su pozicije i širine pikova povezane, a jedini nepovezani parametar je površina pika, koja za  $A_g$ , odnosno  $B_g$ , simetrijske modove postaje nula u spektrima u ukrštenoj, odnosno u paralelnoj polarizaciji. Na taj način je omogućeno uspešno razdvajanje modova bliskih po energiji, te samim tim i njihova asignacija. Rezultat korišćenja ovakvog modela, kao i asignacija eksperimentalnih modova, predstavljeni su na slici 4.3. Tačnu listu fononskih energija i njihovo poređenje sa teorijski izračunatim vrednostima za  $C2/m$  prostornu grupu simetrije moguće je pronaći u tabeli 4.3. Zbog ograničene rezolucije korišćenog spektrometra, nije moguće odvojiti



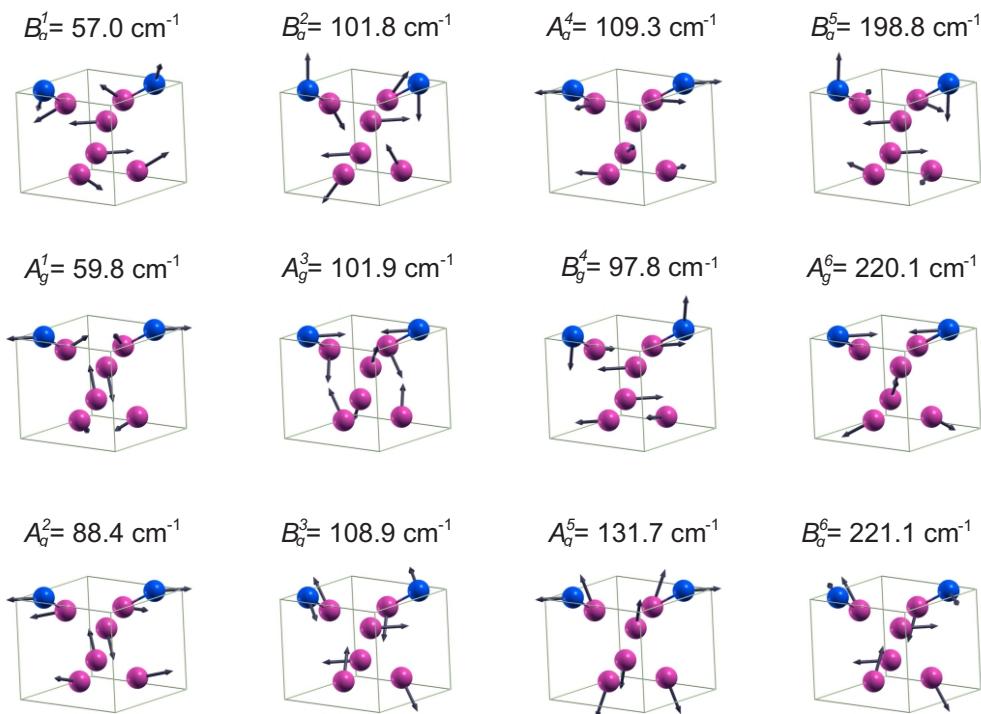
Slika 4.3: Ramanski spektri visokotemperaturske  $C2/m$  kristalne strukture  $\text{CrI}_3$  mereni u paralelnoj (kvadri) i ukrštenoj polarizacionoj (krugovi) konfiguraciji. Fononske linije modelovane su Voitovim profilima. Spektri su analizirani simultano.

i precizno odrediti energije  $B_g^3$  i  $B_g^4$  modova, dok  $B_g^5$  simetrijski mod nije moguće uočiti u spektrima, najverovatnije zbog njegovog isuviše malog intenziteta. Teorijski dobijeni atomski pomeraji  $A_g$  i  $B_g$  modova predstavljeni su na slici 4.4.

Prostorna grupa $R\bar{3}$			Prostorna grupa $C2/m$			
Sim.	Eksp. ( $\text{cm}^{-1}$ )	Teor. ( $\text{cm}^{-1}$ )		Sim.	Eksp. ( $\text{cm}^{-1}$ )	Teor. ( $\text{cm}^{-1}$ )
$E_g^1$	54.1	59.7	↔	$B_g^1$	52.0	57.0
$A_g^1$	73.33	89.6	→	$A_g^1$	53.6	59.8
$E_g^2$	102.3	99.8	↔	$A_g^2$	78.6	88.4
$E_g^3$	106.2	112.2	↔	$A_g^3$	101.8	101.9
$A_g^2$	108.3	98.8	→	$B_g^2$	102.4	101.8
$A_g^3$	128.1	131.1	→	$B_g^3$	106.4	108.9
$A_g^4$	-	195.2	→	$A_g^4$	108.3	109.3
$E_g^4$	236.6	234.4	↔	$B_g^4$	106.4	97.8
				$A_g^5$	128.2	131.7
				$B_g^5$	-	198.8
				$A_g^6$	234.6	220.1
				$B_g^6$	235.5	221.1

Tabela 4.3: Simetrije fonona, eksperimentalne i teorijske energije fonona za niskotemperatursku  $R\bar{3}$  i visokotemperatursku  $C2/m$  fazu  $\text{CrI}_3$ . Eksperimentalne vrednosti energije fonona određene su na 100 K i 300 K za  $R\bar{3}$  i  $C2/m$  fazu, redom, dok su teorijske vrednosti računate za  $T = 0$  K. Strelice predstavljaju vezu između modova dve faze.

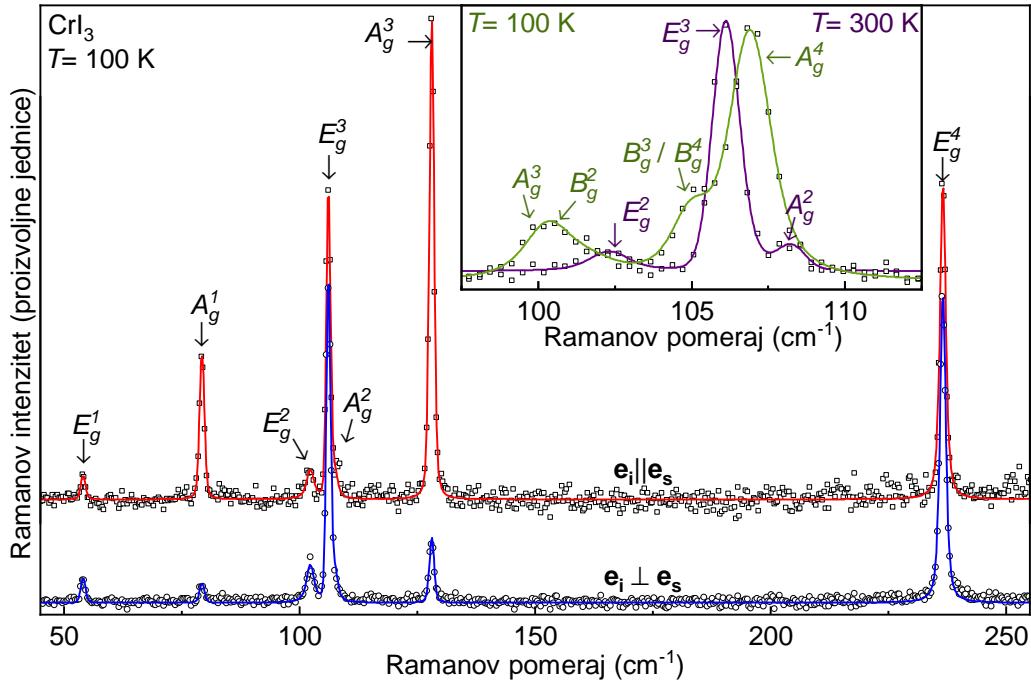
Kako je razlika između teorijskih proračuna fononskih energija za  $C2/m$  prostornu grupu simetrije i energija fonona primećenih u Ramanovom eksperimentu manja od 10%, može se reći da je jedan od prvih zaključaka donetih na osnovu predstavljenog istraživanja na slojevitim kristalima  $\text{CrI}_3$  potvrda da na sobnoj temperaturi  $\text{CrI}_3$  kristališe u kristalnu strukturu prostorne grupe simetrije  $C2/m$ . Snižavanjem temperature ispod prijavljene temperature faznog prelaza lako je utvrditi da li dolazi do promene u spektrima, koje bi bile posledica faznog prelaza u  $\text{CrI}_3$ . Dodatno, poznavajući obe kristalne strukture, odnosno odgovarajuće prostorne grupe simetrije, moguće je odrediti simetriju pojedinačnih slojeva  $\text{CrI}_3$ . Kako osobine slojevitih materijala najčešće zavise od osobina njihovih pojedinačnih slojeva, neupitan je značaj poznавanja njihove simetrije.



Slika 4.4: Atomski pomeraji Raman aktivnih  $A_g$  i  $B_g$  modova monoklinične strukture  $\text{CrI}_3$ . Primitivna jedinična ćelija predstavljena je sivim linijama, a Cr i I atomi, redom, plavim i ljubičastim sferama. Dužine linija sa strelicama odgovaraju kvadratnim korenima međuatomskih sila.

Kada se temperatura uzorka spusti na 100 K dobijaju se spektri predstavljeni na slici 4.5. Na prvi pogled, poređenjem spektara predstavljenih na slikama 4.3 i 4.5, sem očekivanog većeg intenziteta spektara snimljenih na 100 K, ne pronalazi se ništa što ukazuje na prijavljeni fazni prelaz. Međutim, ukoliko bismo se usredsredili na deo spektra sa najvećim brojem fononskih linija, kao što je to prikazano u umetku slike 4.5, primetna je razlika u položajima i broju pikova. S obzirom na to da su spektri mereni pri istim uslovima, kao i da su sva merenja vršena na istim kristalima, jedini uzročnik ove razlike može biti strukturni fazni prelaz.

Kako bi se utvrdila tačna simetrija niskotemperaturske faze, i u skladu sa njom izvršila asignacija fononskih modova predstavljenih na slici 4.4, dobijeni eksperimentalni rezultati



Slika 4.5: Ramanski spektri visokotemperaturske  $R\bar{3}$  kristalne strukture  $\text{CrI}_3$  mereni u paralelnoj (kvadrati) i ukrštenoj polarizacionoj (krugovi) konfiguraciji. Fononske linije modelovane su Voitovim profilima. Poređenje spektara dobijenih na  $T = 100 \text{ K}$  i  $T = 300 \text{ K}$  u spektralnoj regiji od 100 do  $115 \text{ cm}^{-1}$  prikazano je u umetku.

analizirani su u skladu sa pretpostavljenom  $R\bar{3}$  prostornom grupom simetrije. Na osnovu faktor-grupa analize očekivani broj fononskih moda za ovu prostornu grupu simetrije je:

$$\Gamma_{Raman} = 4A_g + 4E_g , \quad (4.4)$$

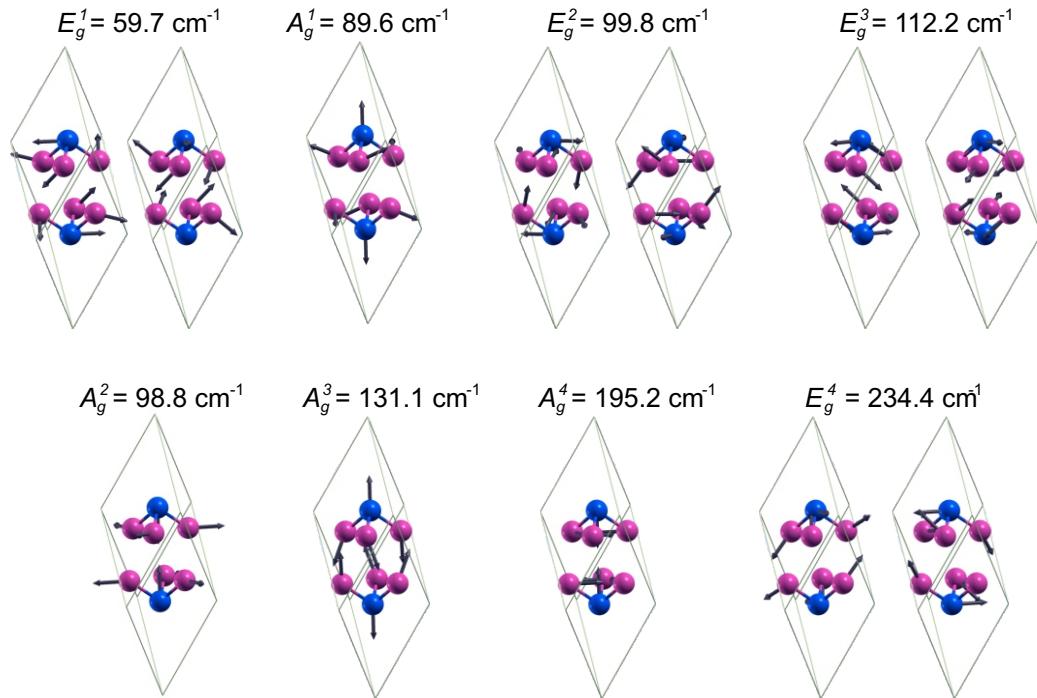
$$\Gamma_{IR} = 4A_u + 4E_u , \quad (4.5)$$

$$\Gamma_{acoustic} = A_u + E_u . \quad (4.6)$$

U tabeli 4.2 mogu se pronaći pozicione simetrije atoma i njihovi doprinosi fononima iz  $\Gamma$ -tačke, ireducibilne reprezentacije i odgovarajući Ramanovi tenzori za  $R\bar{3}$  prostornu grupu simetrije. Polarizaciona zavisnost  $A_g$  simetrijskih modova je takva da se isti javljaju isključivo u paralelnoj polarizacionoj konfiguraciji, dok je  $E_g$  modove moguće detektovati u spektrima merenim u obe polarizacione konfiguracije. Kao i u slučaju visokotemperaturskih spektara, spektri su analizirani istovremeno kako bi se omogućila uspešna asignacija modova i smanjile potencijalne greške. Na ovaj način dobijene vrednosti fononskih modova zapisane su u tabeli 4.3.

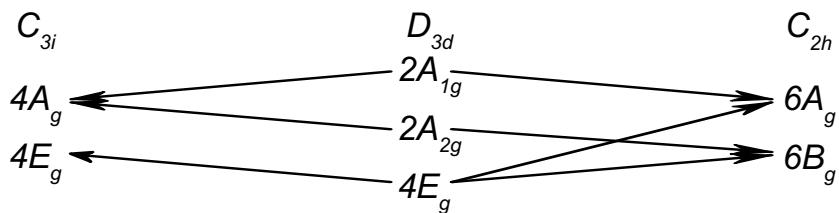
Pikovi koji se javljaju na oko  $54 \text{ cm}^{-1}$ ,  $102 \text{ cm}^{-1}$ ,  $106 \text{ cm}^{-1}$  i  $235 \text{ cm}^{-1}$  dodeljeni su  $E_g$  simetrijskim modovima. Preostali pikovi na oko  $78 \text{ cm}^{-1}$ ,  $108 \text{ cm}^{-1}$  i  $128 \text{ cm}^{-1}$  ponašaju se u skladu sa polarizacionom zavisnošću  $A_g$  simetrijskih modova. Iako  $A_g$  modovi ne bi trebalo da budu uočeni u spektrima u ukrštenoj polarizacionoj konfiguraciji, zbog lošeg poravnjanja uzorka i/ili prisutnih defekata u merenom kristalu, najintenzivniji od njih

se pojavljuju u pomenutim spektrima. Kako teorijske energije fonona pokazuju dobro slaganje sa eksperimentalno dobijenim energijama, zaključuje se da se vibracije niskotemperaturske kristalne strukture mogu opisati u saglasnosti sa  $R\bar{3}$  prostornom grupom simetrije. Atomski pomeraji  $A_g$  i  $E_g$  simetrijskih modova dobijeni teorijskim proračunima prikazani su na slici 4.6.



Slika 4.6: Atomski pomeraji Raman aktivnih  $A_g$  i  $B_g$  modova romboedarske strukture  $\text{CrI}_3$ . Primitivna jednična jedinica predstavljena je sivim linijama, a Cr i I atomi, redom, plavim i ljubičastim sferama. Dužine strelicama odgovaraju kvadratnim korenima međuatomskih sila.

Izloženi rezultati predstavljaju potvrdu priavljenog strukturnog faznog prelaza između niskotemperaturske  $R\bar{3}$  i visokotemperaturske  $C2/m$  strukture. Na prelasku iz jedne u drugu fazu dolazi do cepanja  $E_g$  modova na  $A_g$  i  $B_g$  simetrijske modove, dok romboedarski modovi  $A_g^2$  i  $A_g^4$  prelaze u monoklinične  $B_g$  modove. Veza između romboedarskih i monokliničnih modova istaknuta je u vidu strelica u tabeli 4.3.



Slika 4.7: Relacije usklađenosti simetrije sloja i simetrije kristalne strukture dve faze.

Pozivajući se na predstavljene rezultate o niskotemperaturskoj i visokotemperaturskoj strukturi  $\text{CrI}_3$  moguće je odrediti simetriju pojedinačnih slojeva. Za opisivanje simetrije

sloja koristi se neka od 80 diperiodičnih grupa simetrije. Njih je moguće dobiti ukidanjem translacione invarijantnosti u pravcu normalnom na sloj [173]. Prijavljena simetrija CrI<sub>3</sub> sloja  $R\bar{3}2/m$  [174] ne može u potpunosti da objasni simetriju kristala obe faze. Grupa koja je, na osnovu simetrijske analize, najkompatibilnija sa kristalnim strukturama visokotemperaturske i niskotemperaturske faze je  $P\bar{3}1/m$  ( $D_{3d}^1$ ). Ramani modovi  $D_{3d}$  grupe simetrije u potpunosti odgovaraju ramanskim modovima  $R\bar{3}$  i  $C2/m$  kristalne strukture. Korelace ione veze između simetrije sloja i simetrija kristalnih struktura prikazane su na slici 4.7.

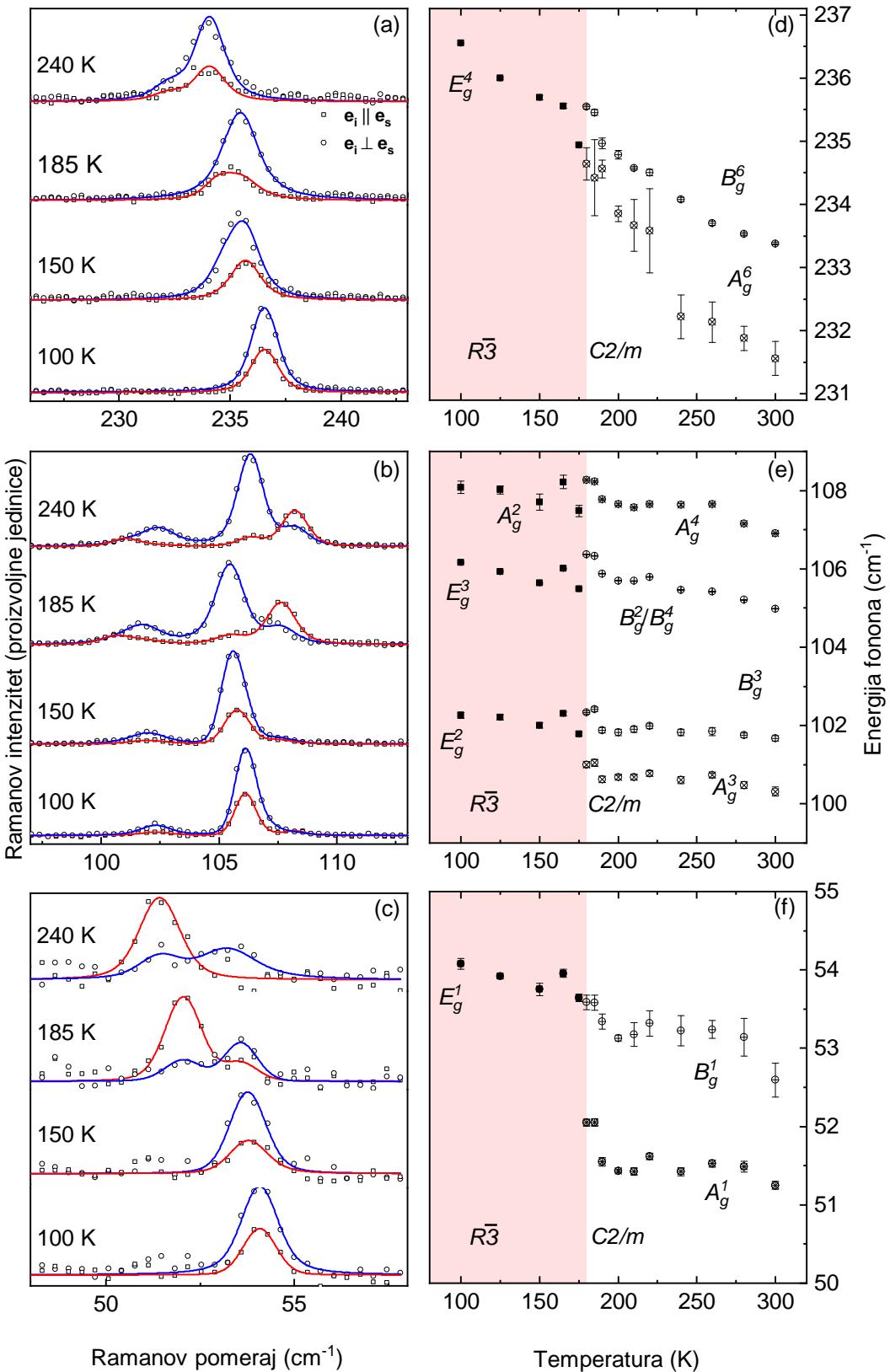
#### 4.3.2 Temperaturska zavisnost: Određivanje temperature faznog prelaza

Nakon što je utvrđeno da u slojevitim kristalima CrI<sub>3</sub> zaista dolazi do strukturnog faznog prelaza između niskotemperaturske  $R\bar{3}$  i visokotemperaturske  $C2/m$  faze, trebalo je ispitati na kojoj se on tačno temperaturi javlja i da li u ramanskim spektrima postoji nešto što bi ukazalo na koegzistenciju faza.

U tom cilju urađena su temperaturski zavisna merenja u rasponu temperatura od 100 K do 300 K. Kao što je prethodno objašnjeno, romboedarski  $E_g$  modovi se prilikom faznog prelaza cepaju na monoklinične  $A_g$  i  $B_g$  modove, dok romboedarski  $A_g$  modovi zadržavaju  $A_g$  simetriju i u visokotemperaturskoj fazi, ili se potpuno transformišu u monoklinične  $B_g$  modove. Kako je u spektrima mnogo lakše ispratiti pojavu dodatnih modova, kao posledicu cepanja  $E_g$  modova na dva nova moda iznad određene temperaturе, nego suptilne promene u temperaturskoj zavisnosti energija fonona i širine fononskih linija romboedarskih  $A_g$  modova, ovo poglavlje ćemo započeti nalizom temperaturske zavisnosti romboedarskih  $E_g$  modova.

Temperaturska zavisnost  $E_g$  modova prikazana je na slici 4.8. Ako krenemo od analize spektara na najnižoj eksperimentalnoj temperaturi, primećuje se da se do  $T \approx 180$  K  $E_g$  simetrijski modovi pomeraju ka nižim energijama. Na temperaturi  $T \approx 180$  K jasno je primetno cepanje romboedarskih  $E_g$  modova na monoklinične  $A_g$  i  $B_g$  modove. U spektrima merenim na temperaturi od 185 K nije moguće pronaći doprinose romboedarske faze. To je jasan pokazatelj da fazni prelaz gotovo trenutno izaziva strukturnu promenu. Shodno tome, koegzistencija dve faze je malo verovatna. Naravno, nemoguće je tvrditi da do koegzistencije dve faze ne dolazi u malom opsegu  $\pm 5$  K oko temperature faznog prelaza, koliko iznosi korak merenja.

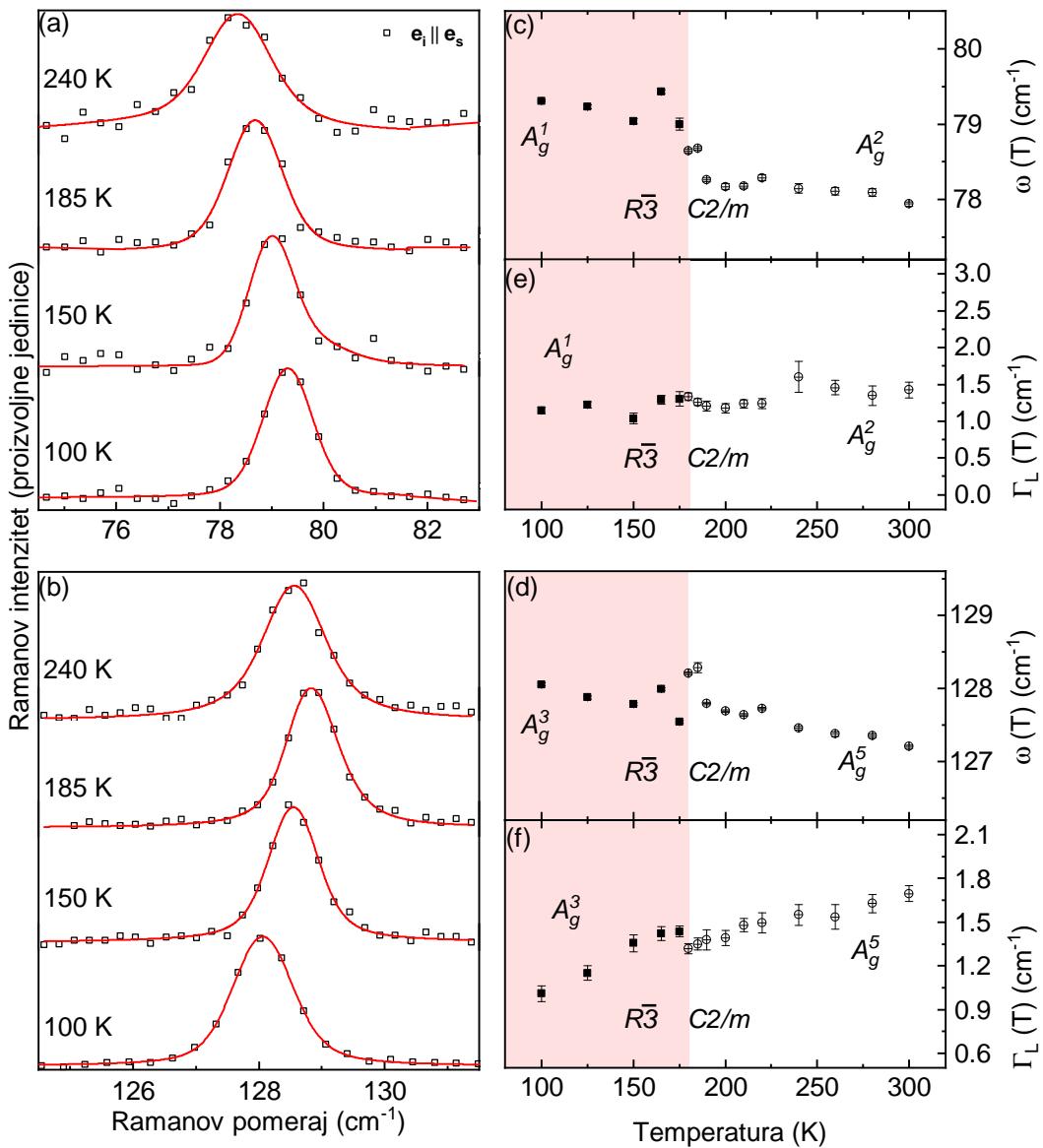
U slučaju temperaturske zavisnosti energija romboedarskih  $A_g^1$  i  $A_g^2$  simetrijskih modova [Slike 4.9(c) i 4.9(d)], primetno je da podizanje temperature uzorka dovodi do njihovog pomeraja ka nižim energijama, sve do temperatupe faznog prelaza. Na ovoj temperaturi oba moda trpe značajni energetski pad. Pored toga, u temperaturskoj za-



Slika 4.8: Temperaturska zavisnost romobedarskih  $E_g$  modova. (a-c) Ramanski spektri mereni u paralelnoj (kvadrati) i ukrštenoj polarizacionoj (krugovi) konfiguraciji. (d-f) Energije fonona dobijene modelovanjem spektara linijama Voitovog profila. Na  $T \approx 180 \text{ K}$  sve  $E_g$  mode pocepale su se na  $A_g$  i  $B_g$  mode.

visnosti širine fononskih linija [Slike 4.9(e) i 4.9(f)] primetan je diskontinuitet u okolini tačke faznog prelaza. Ni u temperaturskoj zavisnosti  $A_g$  modova nije primećeno ništa što bi ukazivalo na koegzistenciju romboedarske i monoklinične faze.

S obzirom na to da je vrednost temperature faznog prelaza dobijene u ovom istraživanju znatno niža od prethodno prijavljene  $T = 220$  K, kao i da bi se otklonila bilo kakva mogućnost koegzistencije faza u širem temperaturskom opsegu, a koja je iz nekog razloga ostala neprimećena u prvim analizama rezultata, merenja su vršena na više kristala, sa nekoliko ponovljenih ciklusa grejanja i hlađenja. Podaci dobijeni u svakom od ciklusa međusobno su konzistentni i odgovaraju prezentovanim rezultatima.

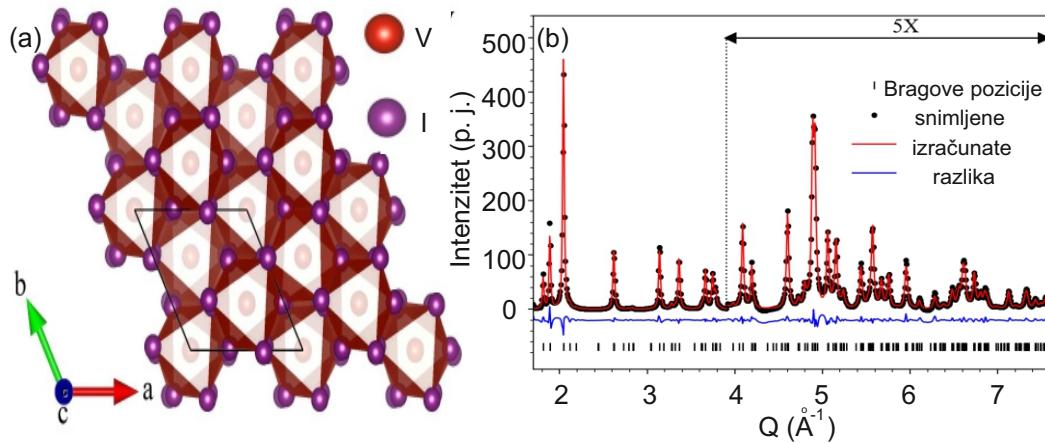


Slika 4.9: Temperaturska zavisnost romboedarskih  $A_g$  modova. (a, b) Ramanski spektri mereni u paralelnoj polarizacionoj konfiguraciji. (c-f) Temperaturska zavisnost energije fonona i širine fononskih linija dobijenih iz Voitovig profila kojima su modelovani podaci. Oba moda trpe značajne promene oko temperature faznog prelaza  $T \approx 180$  K.

# 5 Kratkodometno i dugodometno uređenje kristalne strukture $VI_3$

## 5.1 Sinteza i kristalna struktura

Slojeviti kristali  $VI_3$  korišćeni u ovom istraživanju narastani su CVT metodom. Smeša koja je korišćena u procesu narastanja sačinjena je od praha vanadijuma čistoće 99,95% i dehidriranih kuglica joda čistoće 99,99%. Smeša je pravljena tako da molarni odnos korišćenih hemijskih elemenata bude 1:3. Ovako pripremljena smeša smeštena je unutar očišćene kvarcne cevi, koja je postavljena unutar višezonske peći. Temperatura zone izvora održavana je na  $650^{\circ}\text{C}$ , dok su temperature srednje zone narastanja i treće zona podešene na  $550^{\circ}\text{C}$  i  $600^{\circ}\text{C}$ , redom. Mešavina vanadijuma i joda ostavljena je u peći u periodu od sedam dana.



Slika 5.1: (a) Kristalna struktura  $VI_3$  (b) Sinhrotronski XRD šablon  $VI_3$  praha na sobnoj temperaturi. Bragove refleksije prostorne grupe  $R\bar{3}$  su date vertikalnim linijama. Slika je preuzeta iz [123].

Zarad određivanja kristalne strukture slojevitih kristala  $VI_3$  narastanih goreopisanom metodom, urađen je sinhrotronski XRD eksperiment. Merenje rasejanja X–zraka vršeno

je u transmisionoj kapilarnoj geometriji pri čemu je površinski detektor PerkinElmer, napravljen od amorfognog silicijuma, postavljen na rastojanju 983 mm nizvodno od uzorka. Kao izvor pobuđenja korišćena je linija snopa 28-ID-1 Nacionalnog sinhrotronskog svetlosnog izvora II u Brukhejven Nacionalnoj Laboratoriji. Energija korišćenog X-zraka je 74,3 keV ( $\lambda = 1,668$  nm). Na oosnvu dobijenih šablonu sinhrotronskog XRD eksperimenta utvrđeno je da je kristalna struktura  $\text{VI}_3$  na sobnoj temperaturi  $\text{BiI}_3$  tipa (prostorna grupa simetrije  $R\bar{3}$ ). Ovi rezultati predstavljeni su na slici 5.1.

Detaljnije objašnjenje metode narastanja, rezultate sinhrotronskog XRD eksperimenta, kao i ispitivanje magnetnih svojstava korišćenih slojevitih kristala  $\text{VI}_3$  moguće je pronaći u referenci [109].

Narastanje, XRD eksperiment i ispitivanje magnetnih svojstava kristala  $\text{VI}_3$  urađeni su od strane prof. dr Čedomira Petrovića i saradnika u Brukhejven nacionalnoj laboratoriji u Sjedinjenim Američkim Državama.

## 5.2 Teorijski proračuni

S obzirom na to da je u stručnoj literaturi moguće pronaći informacije o tri različite kristalne strukture  $\text{VI}_3$  [118, 119, 120], pri čemu predviđeni Raman aktivni modovi dve od njih imaju istovetnu polarizacionu zavisnost, da bi se utvrdila tačna kristalna struktura neophodno je uporediti teorijske i eksperimentalne vrednosti energija fonona. Teorijske vrednosti energije fonona za tri moguće simetrije kristalne rešetke  $\text{VI}_3$  dobijeni su korišćenjem poračuna baziranih na teoriji gustine funkcionala.

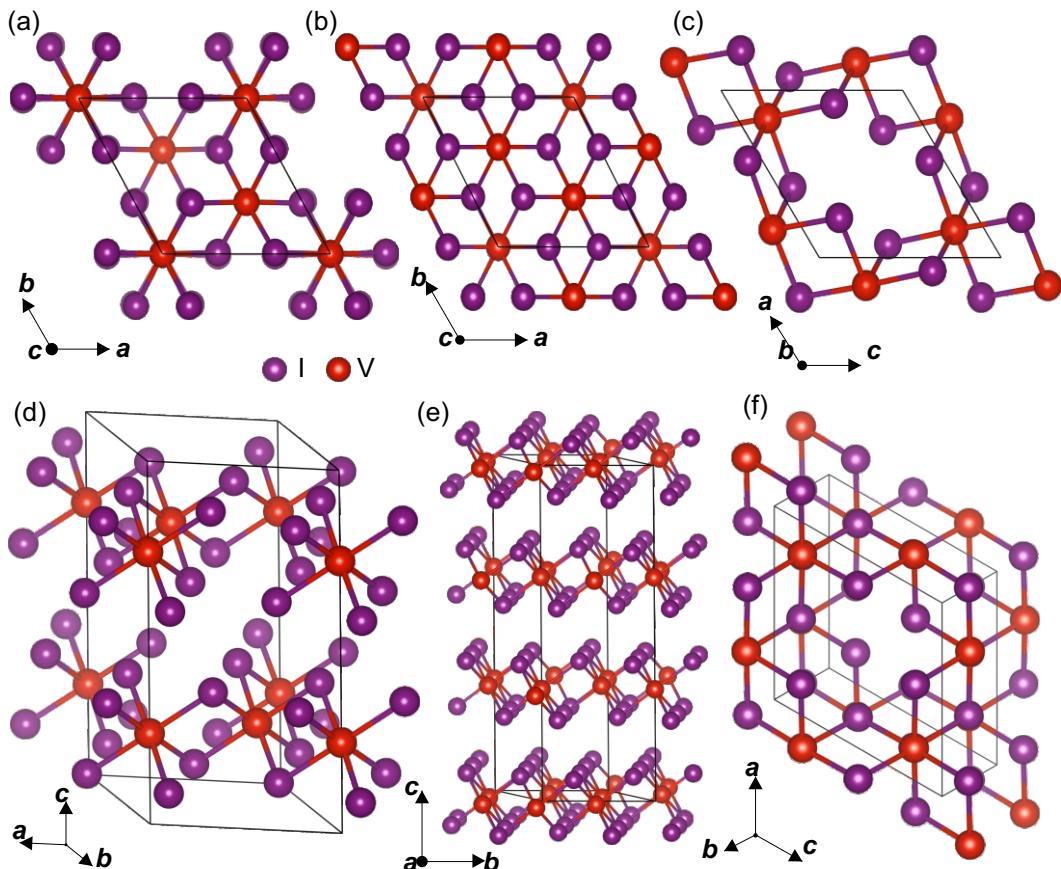
Proračuni teorije gustine funkcionala rađeni su u softverskom paketu Quantum Espresso [168], koristeći se PWA pseudopotencijalom [169, 170] i PBE izmensko-korelisanim funkcionalom [171]. Za uzorkovanje Briluenove zone  $R\bar{3}$  i  $C2/m$  strukture  $\text{VI}_3$  korišćena je Monkhorst–Pak  $6 \times 6 \times 6$  mreža. Za slučaj  $P\bar{3}1c$  strukture izabrana mreža je  $12 \times 12 \times 12$ . Sve mreže centrirane su oko  $\Gamma$ -tačke Briluenove zone. Ograničenja energije za gustinu nanelektrisanja i talasne funkcije postavljene su redom na 650 Ry i 48 Ry. Grimme-D2 korekcija [172] je korišćena kako bi se opisala van der Valsova sila u strukturama. Parametri kristalnih rešetki računati su dok vrednost među-atomskih sila nije bila ispod  $10^{-6}$  Ry/ Å. Hubbardova U (LDA+U) popravka, gde je  $U = 3,68$  eV, korišćena je za tretiranje korelacionih efekata [175]. Zonske strukture su računate sa 800  $k$ -tačaka duž pravaca visokih simetrija. Učestanosti fonona u  $\Gamma$ -tački Briluenove zone računate su metodom linearног odziva unutar fononskog paketa u Quantum Espresso programu. Rezultati numeričkih proračuna biće predstavljeni u okviru potpoglavlja 5.3.1.

Numeričke kalkulacije rezultat su rada dr Jelene Pešić i Andrijane Šolajić iz Centra za fiziku čvrstog stanja i nove materijale Instituta za fiziku.

### 5.3 Dinamika rešetke

Dinamike rešetke i vibracione osobine  $\text{VI}_3$  ispitivane su na eksperimentalnoj postavci za Ramanovu spektroskopiju u Centru za fiziku čvrstog stanja i nove materijale Instituta za fiziku u Beogradu, koja je predstavljena u poglavlju 2.4.2. Eksperiment je rađen u geometriji rasejanja unazad, pri čemu je Tri Vista 557 spektrometar podešen da radi u oduzimajućem režimu. Korišćena kombinacija difrakcionih rešetki je 1800/1800/2400 zareza/mm. S obzirom na to da slojeviti kristali  $\text{VI}_3$  na kojima je rađeno istraživanje izuzetno brzo oksidiraju u tečni oksid, kako bi se izbegli doprinosi oksida u spektrima i obezbedila tačnost eksperimentalnih rezultata, uzorak je cepan pre stavljanja u visoki vakuum ( $10^{-6}$  mbar) unutar helijumskog kriostata. Uzorak je smešten unutar kriostata tako da se kristalografska  $c$  osa poklopi sa pravcem upadnog zračenja. Svi spektri koji će biti predstavljeni u okviru ovog poglavlja korigovani su za Boze faktor.

Na osnovu rezultata različitih XRD studija, pomenutih u potpoglavlju 3.1.2.2, moguće je reći da na sobnoj temperaturi  $\text{VI}_3$  kristališe u jednu od tri ponuđene kristalne strukture –  $P\bar{3}1c$ ,  $R\bar{3}$  ili  $C2/m$ . Šematski prikaz ovih struktura dat je na slici 5.2.



Slika 5.2: Šematski prikaz (a, d)  $P\bar{3}1c$ , (b, e)  $R\bar{3}$  i (c, f)  $C2/m$  kristalne strukture  $\text{VI}_3$ . Jedinične celije prikazane su crnim linijama.

U tabeli 5.1 predstavljene su teorijske i eksperimentalne vrednosti parametara  $P\bar{3}1c$ ,  $R\bar{3}$  i  $C2/m$  kristalnih struktura  $\text{VI}_3$ .

	Prostorna grupa simetrije					
	$P\bar{3}1c$		$R\bar{3}$		$C2/m$	
	Teor.	Eksp.[118]	Teor.	Eksp.[119]	Teor.	Eksp. [121]
$a$ (Å)	6.87	6.89	6.69	6.89	7.01	6.84
$b$ (Å)	6.87	6.89	6.69	6.89	12.14	11.83
$c$ (Å)	13.224	13.289	19.81	19.81	7.01	6.95
$\alpha$ (deg)	90	90	90	90	90	90
$\beta$ (deg)	90	90	90	90	109.05	108.68
$\gamma$ (deg)	120	120	120	120	90	90
Zapremina čelije ( Å <sup>3</sup> )	547.74(10)		814.09(8)		533.66(36)	

Tabela 5.1: Teorijske i eksperimentalne vrednosti parametara jediničnih čelija  $P\bar{3}1c$ ,  $R\bar{3}$  i  $C2/m$  kristalne strukture  $\text{VI}_3$ .

### 5.3.1 Polarizaciona zavisnost: Asignacija fonona

Prvi ramanski spektri na slojevitim kristalima  $\text{VI}_3$  dobijeni su početkom 2019. godine. U tom trenutku u stručnoj literaturi bilo je moguće pronaći da na sobnoj temperaturi  $\text{VI}_3$  kristališe u monokliničnu  $C2/m$  kristalnu strukturu. Kako je broj formulskih jedinica po jediničnoj čeliji  $C2/m$  kristalne strukture  $Z = 4$ , faktor-grupa analiza predviđa sledeću raspodelu fononskih modova:

$$\Gamma_{Raman} = 6A_g + 6B_g , \quad (5.1)$$

$$\Gamma_{IR} = 5A_u + 7B_u , \quad (5.2)$$

$$\Gamma_{acoustic} = A_u + 2B_u . \quad (5.3)$$

Na osnovu Ramanovih tenzora, prikazanih u tabeli 5.2, vidi se da intenzitet  $A_g$  modova opada na nulu u ukrštenoj polarizacionoj konfiguraciji, dok  $B_g$  modovi iščezavaju u spektima merenim u paralelnoj polarizacionoj kofiguraciji. Drugim rečima, nezavisno od polarizacione konfiguracije u kojoj su spektri dobijeni, u svakom od spektara trebalo bi da se javlja samo šest fononskih linija.

Ukoliko se pogleda spektar dobijen na temperaturi od 100 K, u paralelnoj polarizacionoj konfiguraciji, prikazan na slici 5.3, jasno se vidi da je broj primećenih pikova veći od šest. Poređenjem spektara dobijenih u paralelenoj i u ukrštenoj polarizaciji [Slika 5.3]

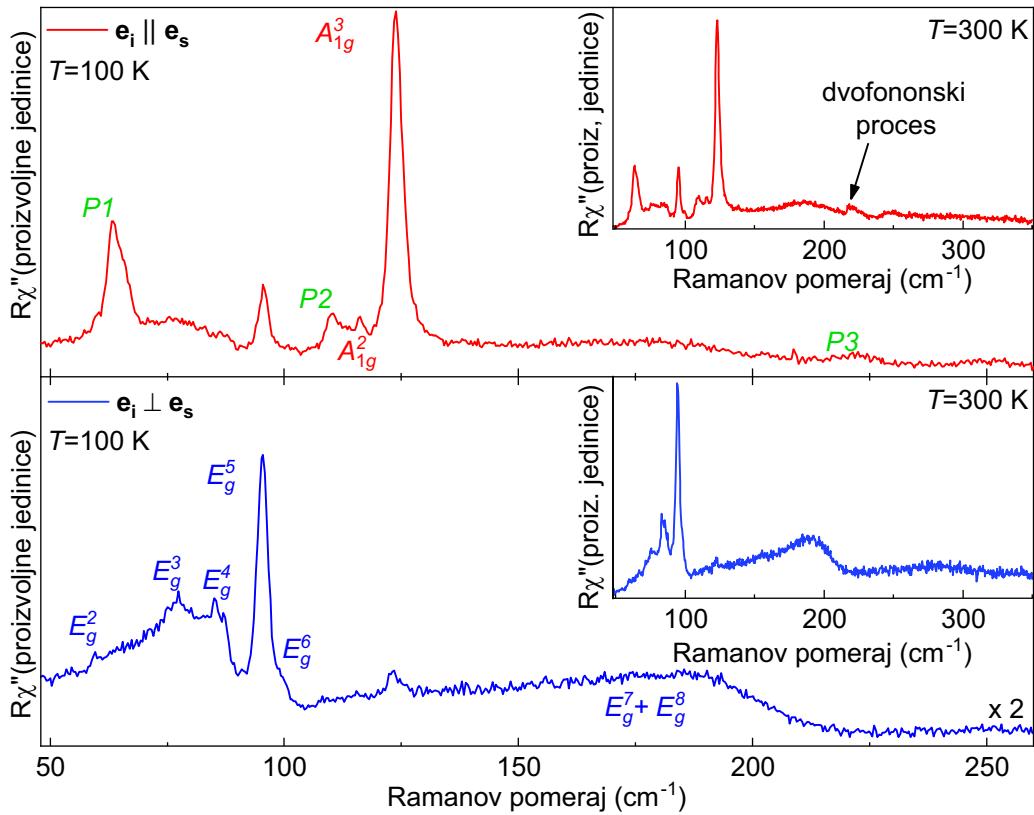
Prostorna grupa simetrije: $P\bar{3}1c$		Prostorna grupa simetrije: $R\bar{3}$		Prostorna grupa simetrije: $C2/m$	
Atomi	Ireducibilne reprezentacije	Atomi	Ireducibilne reprezentacije	Atomi	Ireducibilne reprezentacije
V (2a)	$A_{2g} + A_{2u} + E_g + E_u$	V (3a)	$A_g + A_u + E_g + E_u$	V (4g)	$A_g + A_u + 2B_g + 2B_u$
V (2c)	$A_{2g} + A_{2u} + E_g + E_u$	V (6c)	$A_g + A_u + E_g + E_u$	I (4i)	$2A_g + A_u + B_g + 2B_u$
I (12i)	$3A_{1g} + 3A_{1u} + 3A_{2g} + 3A_{2u} + 6E_g + 6E_u$	I (18f)	$3A_g + 3A_u + 3E_g + 3E_u$	I (8j)	$3A_g + 3A_u + 3B_g + 3B_u$

$A_{1g} = \begin{pmatrix} a & & \\ & a & \\ & & b \end{pmatrix}$	$A_g = \begin{pmatrix} a & & \\ & a & \\ & & b \end{pmatrix}$	$A_g = \begin{pmatrix} a & d \\ c & b \\ d & \end{pmatrix}$		
$^1E_g = \begin{pmatrix} c & & \\ -c & d & \\ d & \end{pmatrix}$	$^2E_g = \begin{pmatrix} -c & -d \\ d & \end{pmatrix}$	$^1E_g = \begin{pmatrix} c & e \\ d & f \\ e & \end{pmatrix}$	$^2E_g = \begin{pmatrix} d & -c & -f \\ -c & -d & e \\ -f & e & \end{pmatrix}$	$B_g = \begin{pmatrix} e & \\ f & \end{pmatrix}$

Tabela 5.2: Pozicione simetrije V i I atoma, njihov doprinos fononima iz  $\Gamma$ -tačke i Ramanovi tenzori za  $P\bar{3}1c$ ,  $R\bar{3}$  i  $C2/m$  strukturu  $VI_3$ .

takođe se može zaključiti da se određene fononske linije javljaju u oba spektra. Dakle, pored toga što vidimo veći broj pikova nego što je očekivano, u dobijenim spektrima postoje pikovi koji se ne povinuju selekcionim pravilima ni  $A_g$  ni  $B_g$  simetrijskih modova. Logičan zaključak koji sledi iz ovih saznanja je da fononske vibracije slojevitih kristala  $VI_3$  ne potiču od  $C2/m$  simetrije kristalne strukture.



Slika 5.3: Ramanski spektri slojevitih kristala  $VI_3$  mereni na  $T = 100$  K i na  $T = 300$  K (umetak) u paralelnoj (crvena linija) i ukrštenoj (plava linija) polarizacionoj konfiguraciji. Pikovi koji se vide samo u crvenom spektru prepoznati su kao  $A_{1g}$  simetrijski modovi, dok pikovi koji se javljaju u oba spektra odgovaraju  $E_g$  modovima. Pikovi  $P1$ ,  $P2$  i  $P3$  zadovoljavaju  $A_{1g}$  selekciona pravila, ali ne mogu da se povežu sa teorijski predviđenim modovima.

Nakon toga ramanski spektri analizirani su u skladu sa preostale dve moguće strukture. Faktor-grupa analiza za prostornu grupu simetrije  $R\bar{3}$  predviđa sledeću raspodelu fononskih modova

$$\Gamma_{Raman} = 4A_g + 4E_g , \quad (5.4)$$

$$\Gamma_{IR} = 4A_u + 4E_u , \quad (5.5)$$

$$\Gamma_{acoustic} = A_u + E_u , \quad (5.6)$$

dok u slučaju  $P\bar{3}1c$  strukture ona ima oblik:

$$\Gamma_{Raman} = 3A_{1g} + 8E_g , \quad (5.7)$$

$$\Gamma_{IR} = 5A_{2u} + 8E_u , \quad (5.8)$$

$$\Gamma_{acoustic} = A_{2u} + E_u . \quad (5.9)$$

Na osnovu Ramanovih tenzora modova ove dve prostorne grupe simetrije, predstavljenih u tabeli 5.2, vidi se da  $A_g$  modovi prostorne grupe  $R\bar{3}$  i  $A_{1g}$  modovi prostorne grupe  $P\bar{3}1c$  imaju istu polarizacionu zavisnost, odnosno, vidljivi su samo u spektrima snimljenim u paralelnoj polarizacionoj konfiguraciji. Slično važi i za  $E_g$  modove obe strukture, sa razlikom da je njih moguće opaziti i u spektrima u paralelnoj i u spektrima u ukrštenoj polarizacionoj konfiguraciji. S obzirom na to da se u spektrima u paralelnoj polarizaciji (crveni spektar na slici 5.3) vidi dvanaest pikova, od kojih je pet vidljivo i u spektrima ukrštene polarizacije (uz dodatnu široku strukturu na oko  $\sim 180 \text{ cm}^{-1}$ ), moglo bi se reći da broj Raman aktivnih modova  $P\bar{3}1c$  strukture bliže odgovara eksperimentalnim rezultatima. Premda dodatni pikovi u ramanskim spektrima mogu poticati od aktiviranih IR ili akustičnih fonona, kao i od prisutnih defekata, razlika u broju eksperimentalnih i teorijski predviđenih pikova nije dovoljna kako bi se isključila  $R\bar{3}$  struktura. Pogotovo ako se uzme u obzir da rezultati sinhrotronskog XRD eksperimenta, predstavljeni u poglavljju 5.1, a koji su rađeni na istim uzorcima na kojima je rađen i eksperiment Ramanovog rasejanja, ukazuju na  $R\bar{3}$  strukturu. Shodno tome, kako nije moguće isključiti jednu od struktura samo na osnovu ramanskih spektara, eksperimentalni rezultati upoređeni su sa teorijskim proračunima.

U tabeli 5.3 prikazane su teorijske vrednosti energija fonona za tri predložene kristalne strukture. Kako je navedeno u poglavljiju, postoje dva moguća elektronska stanja  $P\bar{3}1c$  strukture  $\text{VI}_3$  – Motov izolator i polumetalično. Finim podešavanjem parametara u DFT + U proračunima moguće je dobiti proračune za oba stanja. Kao rezultat dobijaju se stanja jako bliske energije, od kojih stanje Motovog izolatora ima nižu energiju te predstavlja osnovnu elektronsku konfiguraciju  $\text{VI}_3$ . Radi sveobuhvatnosti predstavljenog istaživanja u tabeli 5.3 prikazane su energije fonona i za stanje Motovog izolatora

Prostorna grupa simetrije: $P\bar{3}1c$				Prostorna grupa simetrije: $R\bar{3}$		Prostorna grupa simetrije: $C2/m$	
Sim.	Teor. ( $cm^{-1}$ )	Teor. ( $cm^{-1}$ )	Eksp. ( $cm^{-1}$ )	Sim.	Teor. ( $cm^{-1}$ )	Sim.	Teor. ( $cm^{-1}$ )
$E_g^1$	17.2	15.2	-	$E_g^1$	45.2	$A_g^1$	58.1
$A_{2g}^1$ (neaktivno)	35.0	56.8		$E_g^2$	69.9	$B_g^1$	60.0
$E_g^2$	62.2	61.6	59.8	$A_g^1$	99.3	$A_g^2$	82.7
$A_{2g}^2$ (neaktivno)	69.4	72.3		$E_g^3$	99.8	$B_g^2$	82.9
$E_g^3$	74.1	75.9	77.2	$A_g^2$	105.1	$A_g^3$	85.7
$A_{1g}^1$	83.3	84.2	-	$A_g^3$	135.5	$B_g^3$	88.9
$E_g^4$	84.9	86.6	86.7	$A_g^4$	167.9	$A_g^4$	99.3
$E_g^5$	91.5	98.4	95.2	$E_g^4$	176.8	$B_g^4$	99.3
$A_{2g}^3$ (neaktivno)	92.2	96.3				$A_g^5$	122.3
$E_g^6$	97.4	108.3	100.4			$B_g^5$	149.9
$A_{1g}^2$	113.2	119.3	116.8			$B_g^6$	161.0
$A_{1g}^3$	117.1	123.9	123.4			$A_g^6$	164.0
$A_{2g}^4$ (neaktivno)	121.3	147.8					
$E_g^7$	132.2	151.9	-				
$E_g^8$	149.4	166.9	-				
$A_{2g}^5$ (nekativno)	185.9	212.1					

Tabela 5.3: Poređenje eksperimentalnih i teorijskih energija fonona za tri predviđene simetrije kristalne strukture  $VI_3$ . Proračuni su rađeni za dve elektronske konfiguracije  $P\bar{3}1c$  strukture – Motov izolator i polumetal. Teorijske vrednosti energija računate su na  $T = 0$  K, a eksperimentalne su određene iz spektara dobijenih na  $T = 100$  K. Greška procene eksperimentalnih vrednosti je  $0.3 \text{ cm}^{-1}$ . Radi sveobuhvatnosti istraživanja, prikazane su i vrednosti za  $C2/m$  strukturu  $VI_3$ .

i za polumetalično stanje. Iako je na osnovu selekcionih pravila, u ranijem delu ovog poglavlja, demonstrirano da  $C2/m$  struktura ne može biti kristalna struktura u koju kristališe  $VI_3$ , dobijene teorijske energije fonona predstavljene su u tabeli radi dodatne ilustracije neusklađenosti predložene simetrije sa rezultatima Ramanovog eksperimenta.

Gledajući odnos eksperimentalnih rezultata i teorijskih proračuna za  $R\bar{3}$  prostornu grupu simetrije lako je primetno da ne postoji zadovoljavajuće slaganje među njima. Naime, u slučaju teorijskog  $A_g^1$  moda energije  $99,3 \text{ cm}^{-1}$ , najbliži eksperimentalni mod koji zadovoljava  $A_g$  selekciona pravila je mod energije  $\sim 64,1 \text{ cm}^{-1}$  (mod  $P1$  na slici 5.3). Razlika između teorijski dobijene energije i eksperimentalnih rezultata je oko 30%. Takođe, ako razmatramo teorijski mod  $A_g^4$  ni njega nije moguće uočiti u dobijenim ramanskim spektrima, a razlika u njegovoj energiji i energiji najbližih  $A_g$  modova veća je od 20%. Ovako velika neusaglašenost između teorijskih i eksperimentalnih rezultata ukazuje na to da kristalna struktura ne pripada prostornoj grupi simetrije  $R\bar{3}$ .

Analiza rezultata urađena do ovog trenutka pokazala je da ramanski spektri dobijeni na slojevitim kristalima  $VI_3$  ne mogu da se objasne u saglasnosti ni sa jednom od dve najčešće kristalne strukture trihalida prelaznih metala –  $C2/m$  i  $R\bar{3}$  strukturama. U skladu sa postojećim saznanjima, jedina preostala opcija jeste  $P\bar{3}1c$  kristalna struktura. Kada se pogledaju vrednosti predstavljene u tabeli 5.3 jasno se vidi da se eksperimentalni rezultati najbolje slažu sa proračunima za  $P\bar{3}1c$  prostornu grupu simetrije. Bez obzira na to da li posmatramo strukturu u kojoj je osnovno elektronsko stanje Motov izolator ili polumetal, odstupanje između teorijskih i eksperimentalnih energija fonona ne prelazi 15%.

Izuzetno široka struktura primećena u spektrima na oko  $180 \text{ cm}^{-1}$  [Slika 5.3] zahteva

nešto opsežniju analizu. Premda njen oblik ukazuje na dvomagnonske ekscitacije u slučaju feromagnetnih materijala, kao što je  $\text{VI}_3$ , verovatnoća detektovanja ovakvih ekscitacija je jako mala. Druga mogućnost jeste da je u pitanju dvofononska ekscitacija, međutim, dvofononske ekscitacije imaju mali presek rasejanja, što za posledicu ima da njima dominiraju overtone stanja. Kao takve, one su vidljive samo u paralelnoj polarizacionoj konfiguraciji (poput pika na oko  $\sim 250 \text{ cm}^{-1}$ , prikazanog u umetku slike 5.3), a u dobijenim ramanskim spektrima široka struktura primetna je i u ukrštenoj polarizacionoj konfiguraciji. S obzirom na to da pomenuta struktura odgovara energijama teorijskih  $E_g^7$  i  $E_g^8$ , najverovatniji scenario kojim se može objasniti ova struktura jeste kombinacija ovih modova. Velika širina mogla bi da se objasni kao posledica spin–fonon interakcije koja se izuzetno oslikava na  $E_g$  modove. Naravno, kako se ova dva moda spajaju u široku strukturu nije moguće razlučiti njihove pojedinače energije, zbog čega one nisu ni prikazane u tabeli 5.3. U skladu sa gorenavedenim zaključuje se da je od teorijski predviđenih jedanaest modova u ramanskim spektrima uočeno devet. Odsustvo  $E_g^1$  moda najverovatnije je posledica njegove niske energije, a  $A_{1g}^1$  moda njegovog niskog intenziteta.

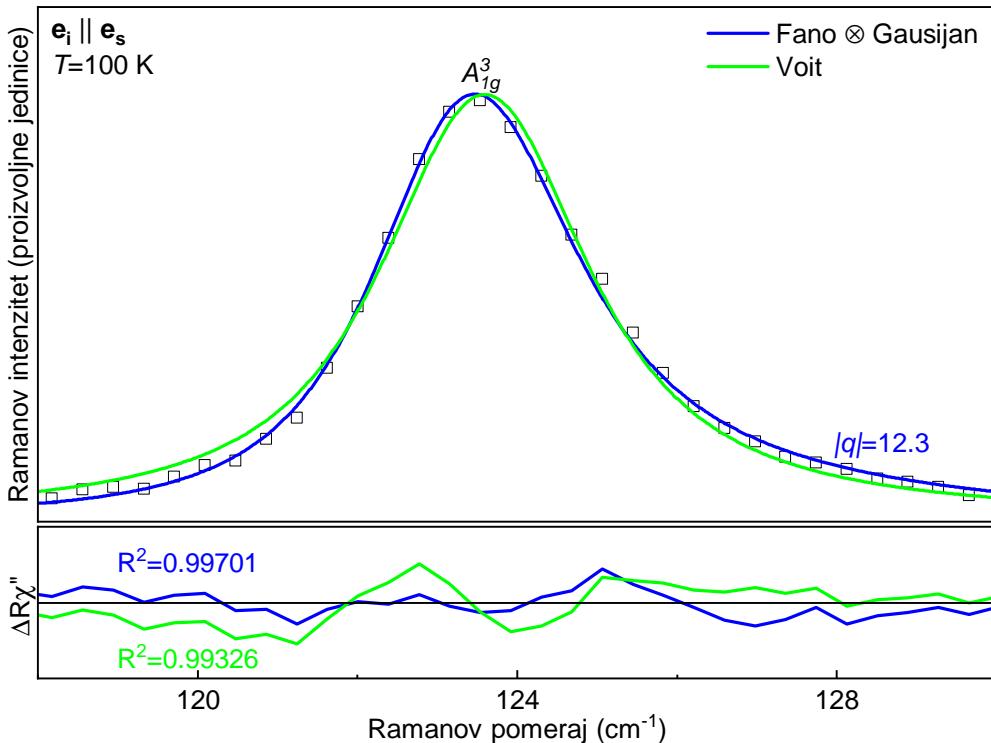
U spektrima se javljaju i tri dodatna pika koja se ponašaju u skladu sa selepcionim pravilima za  $A_{1g}$  modove. Eksperimentalne energije dodatnih pikova su procenjene na oko  $64,2 \text{ cm}^{-1}$ ,  $110,1 \text{ cm}^{-1}$  i  $220,6 \text{ cm}^{-1}$  za  $P1$ ,  $P2$  i  $P3$  pik, redom. Ukoliko se pogledaju teorijske energije fononskih modova za  $P\bar{3}1c$  prostornu grupu, nemoguće je ne primetiti koliko su slične vrednosti energija neaktivnih  $A_{2g}^2$ ,  $A_{2g}^3$  i  $A_{2g}^5$  modova. Iako su  $A_{2g}$  modovi Raman neaktivni, do njihove aktivacije može doći relaksiranjem striktnosti selepcionih pravila zadate grupe simetrije usled narušenja translatorne simetrije [176, 177]. S obzirom na to da će narušenje simetrije biti detalno analizirano u potpoglavlju 5.4, aktivacija inače neaktivnih Raman modova predstavlja najverovatniji scenario. Međutim, ne treba zanemariti ni mogućnosti da pikovi  $P1$ ,  $P2$  i  $P3$  potiču od dvofononskih ekscitacija, koji se javljaju kao posledica pojačanog fonon–fonon sparivanja usled jake spin–fonon interakcije ili nesavršenosti kristalne strukture [178].

Na osnovu toga što polaraciona zavisnost Raman aktivnih modova  $P\bar{3}1c$  prostorne grupe simetrije odgovara polarizacionoj zavisnosti dobijenih fononskih linija, i toga što su DFT proračuni za  $P\bar{3}1c$  strukturu u saglasnosti sa eksperimentalnim rezultatima, zaključuje se da fononske vibracije slojevitih kristala  $\text{VI}_3$  potiču od  $P\bar{3}1c$  simetrije jedinične celije.

### 5.3.2 Spin–fonon interakcija

Inspekcijom spektara prikazanih na slici 5.3 da se zaključiti da su skoro sve fononske linije asimetričnog oblika. U cilju provere ovog opažanja najintenzivniji pik u spektru –  $A_{1g}^3$  modelovan je linijom Voitovog profila i linijom koja je nastala kao konvolucija Fano

profila i Gausijana. Naime, u poglavljju 2.2.5 obrađeni su najčešći profili spektralnih linija koji se javljaju u eksperimentu, i objašnjeno je da se Voitovi profili koriste za opisivanje simetričnih linija Lorencovog tipa modifikovanih usled konačne rezolucije spektrometra.



Slika 5.4: Modelovanje  $A_{1g}^3$  moda. Zelenom i plavom linijom, redom, prikazan je rezultat modelovanja spektra Voitovim profilom i rezultat dobijen konvolucijom Fano profila i Gausijana. Eksperimentalni podaci prikazani su kvadratima.

Takođe je rečeno da se konvolucija Fano profila i Gausijana koristi za opisivanje spektralnih linija asimetričnog oblika, gde Gausijan služi da uključi instrumentalno širenje u model. Mera asimetričnosti linije obrnuto je srazmerna vrednosti Fano parametra, i po konvenciji se linija smatra asimetričnom ukoliko je vrednost Fano parametra manja od 25. Rezultati modelovanja linije  $A_{1g}^3$  moda prikazani su na slici 5.4.

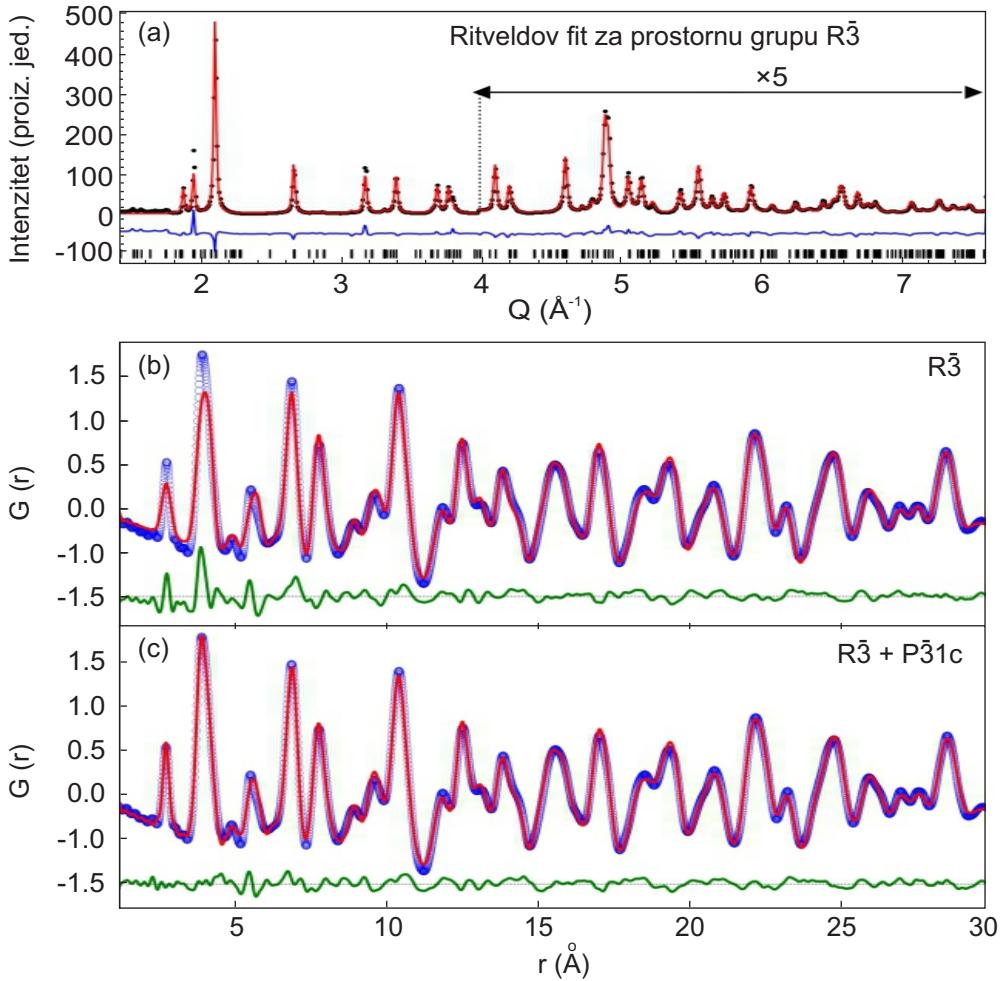
Kao što je moguće primetiti eksperimentalni podaci su u mnogo boljoj saglasnosti sa linijom dobijenom konvolucijom Fano profila i Gausijana, pri čemu je vrednost Fano parametra dobijene linije  $|q| = 12.3$ . Uzročnik asimetričnog oblika fononskih linija u ramanskim spektrima može biti postojanje defekata u materijalu, ali i jako sparivanje između fonona i elektronskih i/ili spinskih ekscitacija [69]. Kako bi se postojanje defekata u materijalu u spektrima manifestovalo u vidu izuzetno širokih linija svih modova, malo je verovatno da mereni uzorci imaju defekte. Suprotno tome, verovatnoća scenarija u kom jaka spin-fonon interakcija utiče na vibracije fonona nije zanemarljiva. Naime, ne sme se zaboraviti da je  $\text{VI}_3$  kvazi-2D feromagnetik, a da je u sličnim sistemima, poput  $\text{CrSiTe}_3$  [159], jaka spin-fonon interakcija dobila eksperimentalnu potvrdu. ovakva analiza ukazuje na pojačanu spin-fonon interakciju u ovom kvazi-2D materijalu.

## 5.4 Kratkodometno i dugodometno uređenje kristalne strukture

S obzirom na to da rezultati Ramanovog eksperimenta ukazuju na  $P\bar{3}1c$  simetriju kristalne strukture, a XRD rezultati rađeni na istim uzorcima daju difraktograme koji odgovaraju  $R\bar{3}$  prostornoj grupi simetrije, postavlja se pitanje odakle potiče neslaganje ove dve srodne eksperimentalne tehnike. Premda obe tehnike pružaju uvid u simetriju kristalne strukture merenog materijala, rezultati XRD eksperimenta predstavljaju usrednjene rezultate kratkodometnog i dugodometnog uređenja kristalne strukture, dok ramanški spektri potiču od vibracija lokalne strukture. Shodno tome, razlika između XRD i ramanskih rezultata može da se pripiše različitom kratkodometnom i dugodometnom uređenju kristalne strukture. Dok se dugodometno uređenje kristalne strukture uspostavlja za velike dužine pakovanja slojeva, kratkodometno uređenje kristalne strukture određeno je prostornom grupom koja je energetski bliska monosloju. Kako bi se proverilo da li su kratkodometno i dugodometno uređenje kristalne strukture u slojevitim kristalima  $VI_3$  zaista različiti korišćeni je sinhrotronski XRD eksperiment, opisan u poglavlju 5.1, zajedno sa PDF (*pair distribution function*) analizom. Ritveldova (*Rietveld*) i PDF analiza izvršena je korišćenjem softverskih paketa GSAS-II [179] i PDFgui [180], redom. Dobijeni rezultati predstavljeni su na slici 5.5.

Ukoliko u materijalu koegzistiraju kratkodometno i dugodometno uređenje, doprinosi kratkodometnog uređenja u XRD eksperimentu javljaju se u vidu difuznog rasejanja na koji su superponirani Bragovi pikovi. Difuzno rasejanje se u Ritveldovoj analizi uklanja zajedno sa pozadinskim signalom, te je rezultat ove analize struktura materijala u kojoj su dugodometno i kratkodometno uređenje usrednjeni. Nasuprot tome, PDF analiza, koja se vrši na Furije transformu difrakcionih šablonu, modelira i difuzione i Bragove doprinose. PDF funkcija je funkcija u realnom prostoru koja pruža uvid u među-atomska rastojanja, pa samim tim sadrži podatke o kristalnoj strukturi na svim dužinama [181].

Dužinska skala (10–30) Å je osjetljivija na dugodometno, a dužinska skala (1–20) Å na kratkodometno uređenje. U slučaju slojevitih kristala  $VI_3$ , kao što je prikazano u poglavlju 5.1, najbolji Ritveldov model je dobijen korišćenjem  $R\bar{3}$  prostorne grupe simetrije [Slika 5.5(a)]. Shodno tome, ne čudi da su PDF rezultati na dužinskoj skali (10–30) Å pokazali odlično slaganje sa  $R\bar{3}$  prostornom grupom. Međutim, rezultati koji odgovaraju dužinskoj skali (1,5–15) Å, prikazani na slici 5.5(b), ne mogu da se efikasno modeluju  $R\bar{3}$  prostornom grupom. Slično,  $P\bar{3}1c$  prostorna grupa simetrije dala je dobre rezultate za kratkodometno uređenje, ali loše rezultate za dugodometno uređenje. Na osnovu ovih rezultata napravljen je PDF dvofazni otežinjeni model sačinjen od 75% dugodometne  $R\bar{3}$  i 25% kratkodometne  $P\bar{3}1c$  faze. Kao što je primetno na slici 5.5(c), ovaj model odlično se slaže sa eksperimentalnim podacima. To može značiti sledeće dve stvari: ili je kristalna struktura sačinjena od koegzistencije dugodometnog  $R\bar{3}$  i kratkodometnog



Slika 5.5: Rezultati modelovanja podataka dobijenih u difrakcionom eksperimentu. (a) Spektar modelovan Ritveldovim modelom za  $R\bar{3}$  prostornu grupu simetrije. Položaj pikova označen je crnim linijama. PDF model za (b)  $R\bar{3}$  prostornu grupu simetrije i (c) dvofovni model korišćen da modeluje dugodometno uređenje sa  $R\bar{3}$  prostornom grupom simetrije i kratkodometno uređenje sa  $P\bar{3}1c$  prostornom grupom simetrije. Eksperimentalni podaci su predstavljeni plavim krugovima, a crvene linije predstavljaju dobijene modele.

$P\bar{3}1c$  uređenja, ili postoje nasumično raspoređeni  $P\bar{3}1c$  domeni unutar kristalne rešetke sa  $R\bar{3}$  dugodometnim uređenjem. Ovakav rezultat u saglasnosti je sa predstavljenim rezultatima XRD i Ramanovog eksperimenta, i daje objašnjenje zašto su rezultati XRD istraživanja inicijalno bili protivrečni, kao i zašto vibracije koje se vide u ramanskim spektrima potiču od  $P\bar{3}1c$  simetrija jedinične celije.

Sinhrotronski XRD eksperiment i PDF analiza urađena je od strane dr A. M. Milinda Abeykoona u Brukhejven nacionalnoj laboratoriji u Sjedinjenim Američkim Državama.

# *6 Različite CDW faze i Motov prelaz u $1T\text{-TaS}_2$*

## **6.1 Sinteza materijala**

Slojeviti kristali  $1T\text{-TaS}_2$  narastani su CVT medotom u peći sa gradijentom temperature. Komadići tantala i sumpora, koji su se nalazili u aluminijumskom sudu, stavljeni su unutar kvarcne cevi, nakon čega je peć je zagrevana do  $900^\circ\text{C}$  kako bi se izazvala hemijska predreakcija. Peć je održavana na toj temperaturi u periodu od 50h. U narednih 12h temperatura je spuštana na  $780^\circ\text{C}$ , nakon čega je nastavljeno prirodno hlađenje. Temperatura toplog i hladnog kraja održavane su na  $900^\circ\text{C}$  i  $800^\circ\text{C}$ , redom. Period narastanja trajao je sedam dana, nakon čega je kvarcna cev izvučena iz peći i brzo ohlađena u hladnoj vodi.

Detaljnije objašnjenje metode narastanja i ispitivanje transportnih svojstava korišćenih slojevitih kristala  $1T\text{-TaS}_2$  moguće je pronaći u referenci [182].

Narastanje slojevitih kristala  $1T\text{-TaS}_2$  urađeno je od strane prof. dr Čedomira Petrovića i saradnika u Brukhejven nacionalnoj laboratoriji u Sjedinjenim Američkim Državama.

## **6.2 Teorijski proračuni**

Proračuni teorije gustine funkcionala rađeni su u softverskom ABINIT paketu [183]. Korišćen je PBE funkcional sa energetskim odsecanjima od 50 Ha za bazis ravnih talasa. Kako bi se uračunali i doprinosi spin-orbit sparivanja, korišćen je relativistički Goedecker pseudopotencijal [184, 185], pri čemu su za valentne elektrone uzeta  $\text{S}-3s^23p^4$  i  $\text{Ta}-5d^36s^2$  stanja. Optimizacija kristalne strukture vršena je dok ukupan pritisak na jediničnu celiju nije bio ispod 1 bar, a sile koje deluje na sve atome ispod  $10 \mu\text{eV}/\text{\AA}$ . Parametri kristalne

ćelije dobijeni na ovaj način imaju vrednosti  $a = 3,44 \text{ \AA}$  i  $c = 6,83 \text{ \AA}$ .

Fononi i elektron-fonon sparivanje računati su korišćenjem perturbacione teorije gustine funkcionala (DFPT) [186]. Ovi proračuni takođe su deo ABINIT softverskog paketa. Za izračunavanje elektronskih talasnih vektora korišćena je  $18 \times 18 \times 12$  mreža  $k$ -tačaka, dok je za izračunavanje talasnih vektora fonona korišćena  $6 \times 6 \times 4$  mreža  $q$ -tačaka. Kako bi se izbegli nestabilni CDW fononski modovi, korišćeno je Fermi-Dirakovo razmazivanje (*smearing*) sa faktorom širenja  $\sigma_{FD} = 0,01 \text{ Ha}$ .

Teorijski proračuni rezultat su rada prof. dr Miroslava Miloševića i dr Jonasa Bekaerta sa odseka za fiziku i Nanolab centra izvrsnosti na Univerzitetu u Antverpenu u Belgiji.

## 6.3 Dinamika rešetke

Za ispitivanje dimanike rešetke  $1T\text{-TaS}_2$  korišćena je eksperimentalna postavka na Valter Majser institutu u Nemačkoj, opisana u poglavlju 2.4.3. Kao izvor pobude korišćena je 575 nm laserska linija Coherent Genesis MX-SLM čvrstotelnog lasera. Dodatna merenja vršena su korišćenjem plave 458 nm i zelene 514 nm linije Coherent Innova 304C argonskog jonskog lasera. Podaci za niskoenergetski deo spektra (do  $550 \text{ cm}^{-1}$ ) sakupljeni su u koracima od  $\Delta\Omega = 1 \text{ cm}^{-1}$  i sa rezolucijom od oko  $\sigma \approx 3 \text{ cm}^{-1}$ . Podaci za visokoenertetski deo spektara sakupljeni su sa rezolucijom od oko  $\sigma \approx 20 \text{ cm}^{-1}$  u koracima od  $\Delta\Omega = 50 \text{ cm}^{-1}$ . Svi spektri korigovani su za Boze faktor.

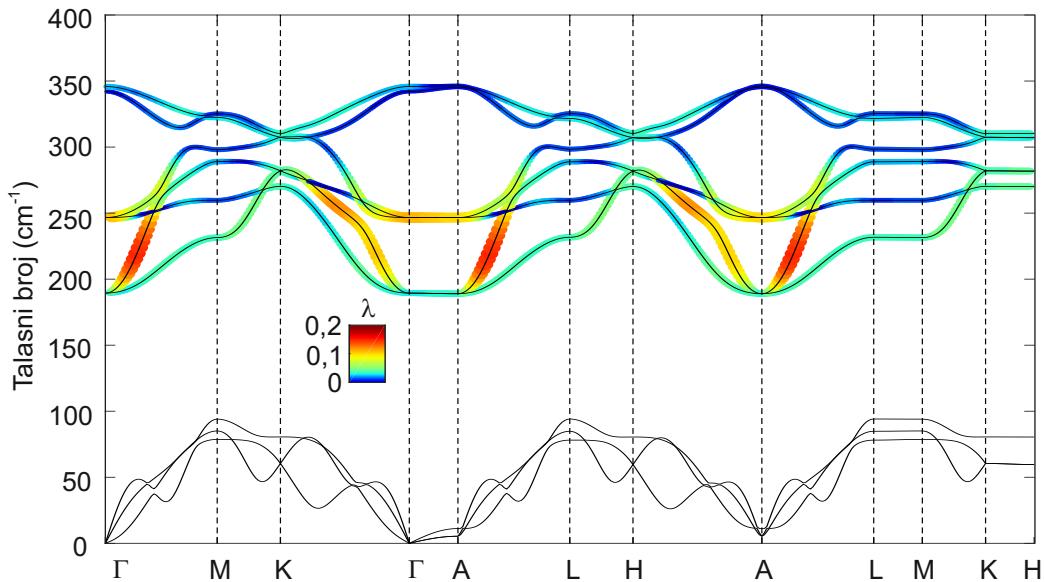
### 6.3.1 IC-CDW faza

$1T\text{-TaS}_2$  odlikuje se izuzetno bogatim faznim dijagramom. Prvi fazni prelaz do kog dolazi u  $1T\text{-TaS}_2$  jeste prelaz između normalne metalne faze u IC-CDW fazu. Prijavljena temperatura ovog faznog prelaza je  $T_{IC} = 554 \text{ K}$  [141]. Ovaj prelaz je zatim praćen prelazom između IC-CDW i NC-CDW faza, na temperaturi od  $T_{IC} = 355 \text{ K}$  [141]. O IC-CDW fazi  $1T\text{-TaS}_2$  zna se jako malo. Ono što je poznato jeste da je u pitanju metalična faza. Glavni razlog izuzetno malog broja eksperimentalnih ispitivanja IC-CDW faze najverovatnije leži u jako visokoj temperaturi na kojoj se transformiše u NC-CDW fazu, čineći je gotovo nepristupačnom za većinu eksperimentalnih tehnika. Da bi se dobili spektri koji zasigurno potiču od IC-CDW, a ne od NC-CDW faze, eksperimentalni podaci prikupljeni su na temperaturi od 370 K, koja je dosta iznad temperature IC-CDW u NC-CDW faznog prelaza. Zbog toga što IC-CDW faza potiče iz normalne faze zanimljivo je uporediti dobijene rezultate sa rezultatima za normalnu fazu.

$$\boxed{A_{1g} = \begin{pmatrix} a & 0 & 0 \\ 0 & a & 0 \\ 0 & 0 & b \end{pmatrix} \quad {}^1E_g = \begin{pmatrix} c & 0 & 0 \\ 0 & -c & d \\ 0 & d & 0 \end{pmatrix} \quad {}^2E_g = \begin{pmatrix} 0 & -c & -d \\ -c & 0 & 0 \\ -d & 0 & 0 \end{pmatrix}}$$

Tabela 6.1: Ramanovi tenzori  $A_{1g}$  i  $E_g$  modova prostorne grupe simetrije  $P\bar{3}m1$ .

Kako temperature na kojima se  $1T$ -TaS<sub>2</sub> nalazi u normalnoj fazi nisu eksperimentalno dostupne, karakteristike normalne faze ispitivane su teorijski, korišćenjem *ab initio* proračuna.



Slika 6.1: Izračunata fononska disperzija normalne faze  $1T$ -TaS<sub>2</sub> i elektron-fonon sparivanje ( $\lambda$ ) optičkih grana.

Kristalna struktura normalne faze opisana je prostornom grupom simetrije  $P\bar{3}m1$  [141]. Raspodela fononskih modova predviđena faktor-grupa analizom za ovu prostornu grupu simetrije je:

$$\Gamma_{Raman} = A_{1g} + E_g , \quad (6.1)$$

$$\Gamma_{IR} = A_u + E_u , \quad (6.2)$$

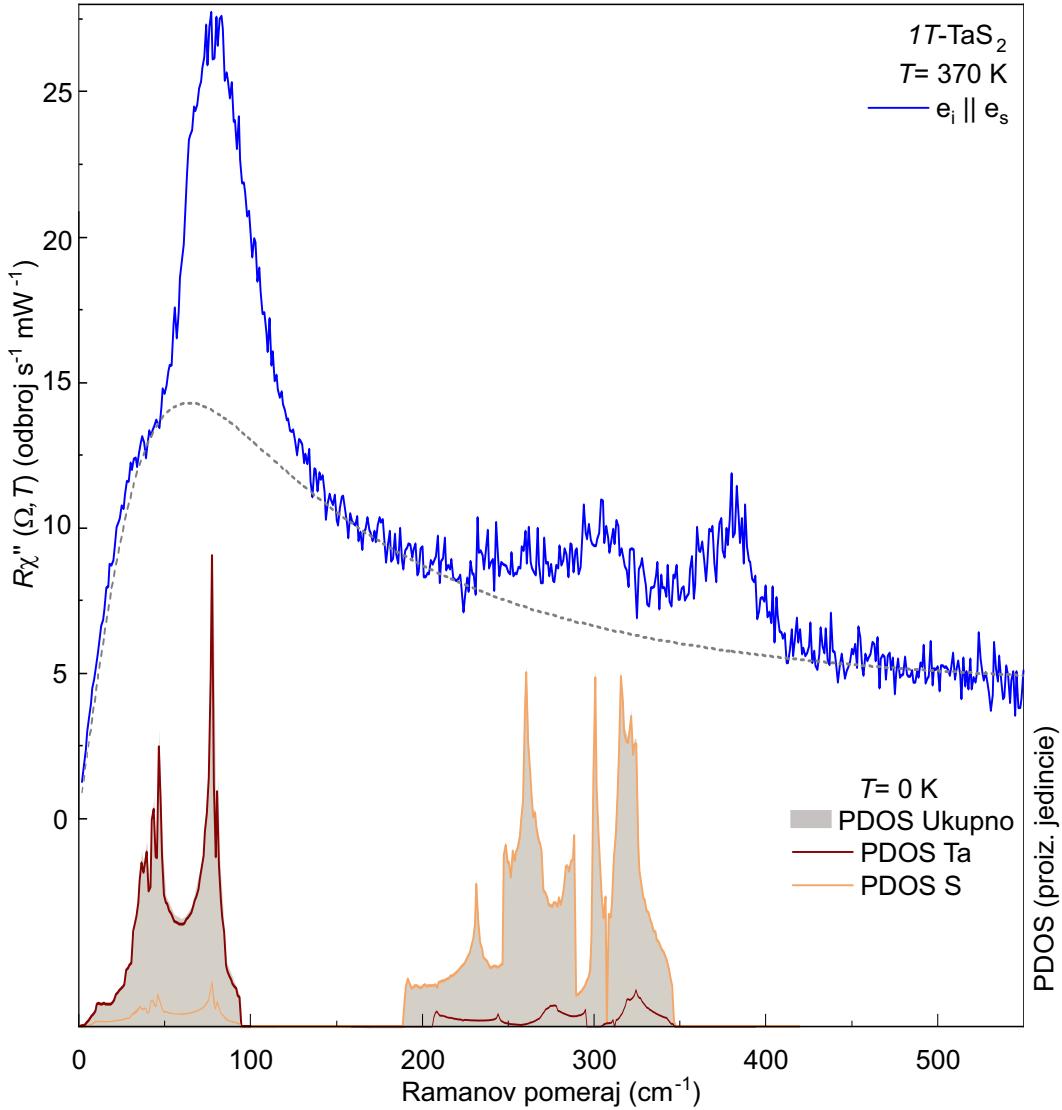
$$\Gamma_{acoustic} = A_u + E_u . \quad (6.3)$$

Ramanske tenzore  $A_{1g}$  i  $E_g$  modova moguće je pronaći u tabeli 6.1.

Na osnovu *ab initio* proračuna fononskih disperzija, prikazanih na slici 6.1, očekivane energije dva Raman aktivna moda  $E_g$  i  $A_{1g}$  su, redom,  $247 \text{ cm}^{-1}$  i  $346 \text{ cm}^{-1}$ . Na istoj slici moguće je pronaći i izračunate vrednosti konstante elektron-fonon sparivanja,  $\lambda$ , koje je od izuzetnog značaja za CDW fenomen. Kao što se može videti, elektron-fonon sparivanje dostiže maksimum  $\lambda \sim 0,2$  u okolini  $\Gamma$  i  $A$  tačaka Briluenove zone u nižim optičkim

granama.

Ramanski spektri mereni na temperaturi  $T = 370\text{ K}$  u paralelnoj polarizacionoj konfiguraciji prikazani su na slici 6.2. Kako je  $1T\text{-TaS}_2$  u IC-CDW fazi metaličan za očekivati je da fononske linije budu superponirane na elektronski kontinuum. Ovaj kontinuum elektron-šupljina ekscitacija modelovan je Drudeovim spektrom [187, 188], koji je na slici 6.2 prikazan u vidu isprekidane linije.



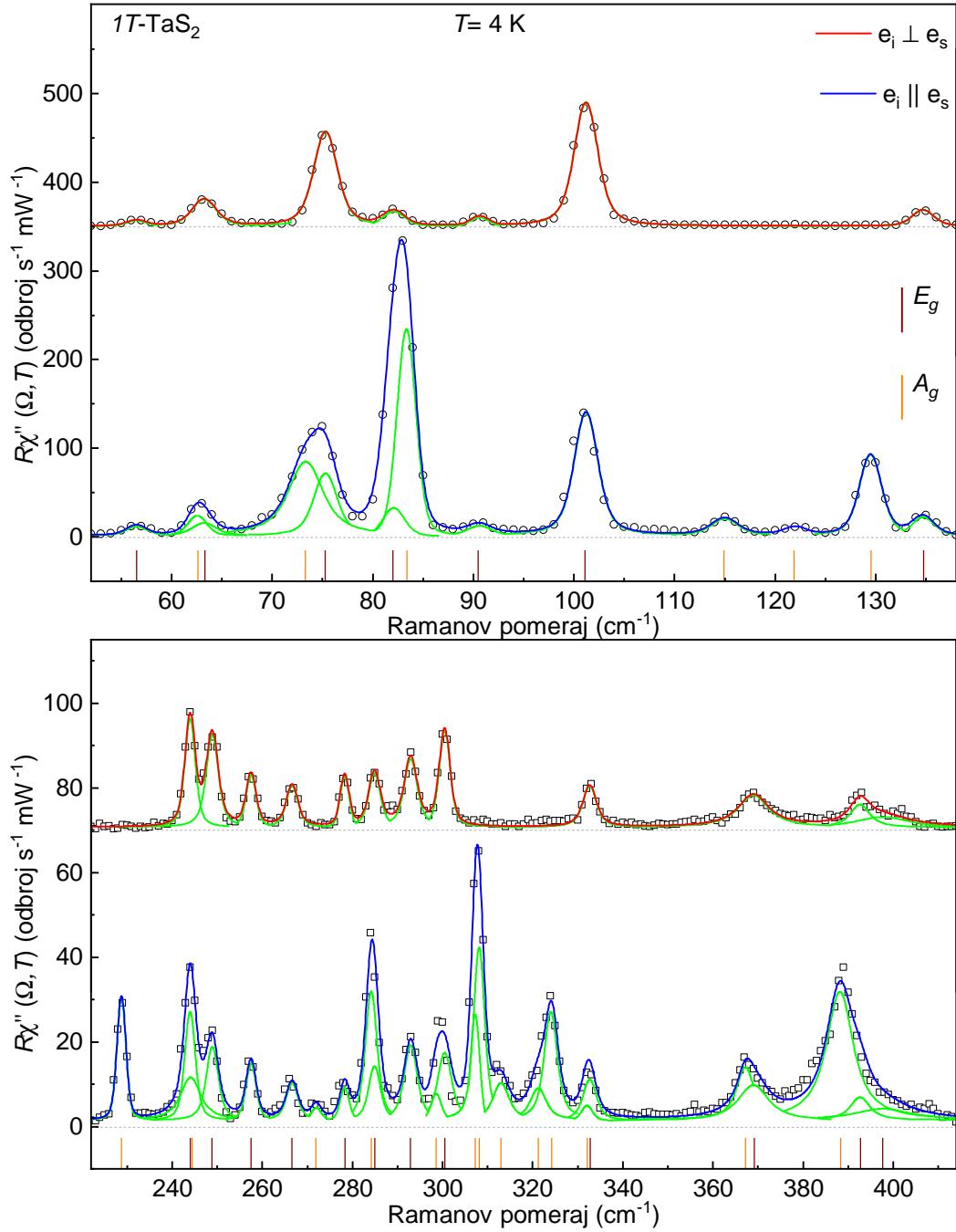
Slika 6.2: Ramanski spektri IC-CDW faze  $1T\text{-TaS}_2$  mereni u paralelnoj polarizacionoj konfiguraciji na temperaturi  $T = 370\text{ K}$ . Elektronski kontinuum modelovan je Drudeovim modelom i prikazan je isprekidanom linijom. Doprinosi Ta i S atoma izračunatoj fononskoj gustini stanja (siva površina) prikazani su tamno braon i svetlo braon linijom, redom.

Zbog narušenja translacione invarijantnosti, do kojeg dolazi prilikom prelaza iz normalne u IC-CDW fazu, očekivano je da se u ramanskim spektrima vide doprinosi iz čitave Briluenove zone, a ne samo iz  $\Gamma$  tačke. Zbog toga su eksperimentalni rezultati upoređeni sa *ab initio* proračunima i fononskih disperzija i fononske gustine stanja (PDOS) normalne faze. Izračunat PDOS prikazan na donjem delu slike 6.2 pokazuje da akustički modovi dominantno potiču od Ta atoma, dok optički dominantno potiču od S atoma. Kao što se

može videti, ramanski spektri u dobroj su saglasnosti sa PDOS proračunima. Međutim, do projekcije PDOS-a u ramanskim spektrima, i prevazilaženja uslova  $q \approx 0$  pomenutog u poglavlju 2.2.2, dolazi samo u specijalnim slučajevima. Konkretno, do projekcije PDOS na ramanske spektre može doći usled postojanja nečistoća u materijalu [189]. Kako u spektrima koji će biti prezentovati u okviru ovog poglavlja ne postoji ništa što bi ukazalo na prisustvo nečistoća u merenim uzorcima, projekcija PDOS-a usled prisustva nečistoća u merenim kristalima isključena kao mogućnost. Preostala dva načina projekcije PDOS-a jesu postojanje jakog elektron-fonon sparivanja [178] ili narušenje translacione simetrije. Premda *ab initio* proračuni ne sugerisu jako elektron-fonon sparivanje u  $1T\text{-TaS}_2$ , eksperimentalni rezultati u vidu naglih promena otpornosti na temperaturama iznad IC-CDW prelaza dovedeni su u vezu sa njim [157]. Pored toga, eksperimentalne [141] i teorijске [149] vrednosti CDW procepa odgovaraju vrednostima CDW procepa u sistemima sa jakim elektron-fonon sparivanjem. Shodno tome, elektron-fonon sparivanja sigurno je jedan, ali ne i jedini, razlog projekcije PDOS-a. Naime, translaciona invarijantnost nesamerljivo je narušena prilikom faznog prelaza iz normalne u IC-CDW fazu. Ovo narušenje dovodi do stvaranja dodatnih kanala rasejanja, koji su glavni način projekcije PDOS-a u ramanskim spektrima.

### 6.3.2 C-CDW faza

Na najnižoj eksperimentalnoj temperaturi  $1T\text{-TaS}_2$  se nalazi u C-CDW fazi. Ova faza karakteriše se formiranjem superstrukture sačinjene od paketa „Davidovih zvezda“. Način njihovog pakovanja u superstrukturu nije u potpunosti razrešen. Ono što je utvrđeno na osnovu teorijskih i eksperimentalnih istraživanja jeste da pakovanje može biti triklinično (prostorna grupa simetrije  $P\bar{1}$ ), trigonalno/heksagonalno (prostorna grupa simetrije  $P\bar{3}$ ) ili njihova kombinacija [190, 191, 192, 193]. Kako svaki od predloženih načina pakovanja prepostavlja drugačiju konfiguraciju ramanskih spektara, uvidom u eksperimentalne rezultate Ramanove spektroskopije moguće je reći koja od ponuđenih opcija je više verovatna. Faktor-grupa analiza predviđa 57  $A_g$  modova i  $19A_g + 19E_g$  modova za  $P\bar{1}$  i  $P\bar{3}$  način pakovanja, redom. Dakle, u slučaju  $P\bar{1}$  simetrije može se očekivati 57 modova u spektrima snimljenim u oba kanala rasejanja. Nasuprot tome, predviđeni Raman aktivni modovi za  $P\bar{3}$  način pakovanja imaju različite polarizacione zavisnosti, i to takve da se  $E_g$  modovi vide u svim kanalima rasejanja, a  $A_g$  samo u spektrima dobijenim u paralelnoj polarizacionoj konfiguraciji. Na slici 6.3 prikazani su ramanski spektri snimljeni na temperaturi  $T = 4\text{ K}$  u oba kanala rasejanja. Evidentno je da u priloženim spektrima postoje modovi koji se vide samo pri paralelnoj polarizaciji svetlosti, i modovi koje se vide u oba polarizacione konfiguracije. Ovakvo ponašanje Raman aktivnih modova ukazuje na trigonalni/heksagonalni način pakovanja „Davidovih zvezda“.



Slika 6.3: Ramanski spektri C-CDW faze  $1T\text{-TaS}_2$  u paralelnoj i ukrštenoj polarizacionoj konfiguraciji na temperaturi  $T = 4\text{K}$ . Spektri su modelovani linijama Voitovog profila (plava i crvena linija). Položaji pikova dobijeni modelovanjem spektara prikazani su vertikalnim linijama. Lista tačnih energija modova prikazana je u tabeli 6.2.

S obzirom na to da se u literaturi pominje mogućnost kombinacije dva načina pakovanja „Davidovih zvezda”, spektri su modelovani linijama Voitovog profila kako bi se utvrdio tačan broj fononskih linija  $A_g$  i  $E_g$  simetrije. Kako je očekivani broj modova izuzetno velik, te je samim tim rezultat modelovanja pojedinačnih spektara manje pouzdan, spektri su modelovani simultano. U te svrhe korišćen je objedinjeni model sačinjen od 38 linija Voitovog profila. Položaji i širine pikova su deljenni između modela korišćenih za fitovanje spektara u polarizacionoj i ukrštenoj polarizacionoj konfiguraciji, a

jedini promenljiv parametar bio je intenzitet (površina) pika. Svi pikovi za koje intenzitet opada na nulu u spektrima dobijenim u ukrštenoj polarizacionoj konfiguraciji prepoznati su kao  $A_g$  simetrijski modovi. Ovakav pristup rezultovao je asignacijom tačno 38 pikova, od kojih je 19 prepoznato kao  $A_g$ , a 19 kao  $E_g$  simetrijskih modova, još jednom potvrđujući trigonalan/heksagonalan način pakovanja „Davidovih zvezda” u C-CDW superstrukturu. Lista eksperimentalnih energija fonona data je u tabeli 6.2.

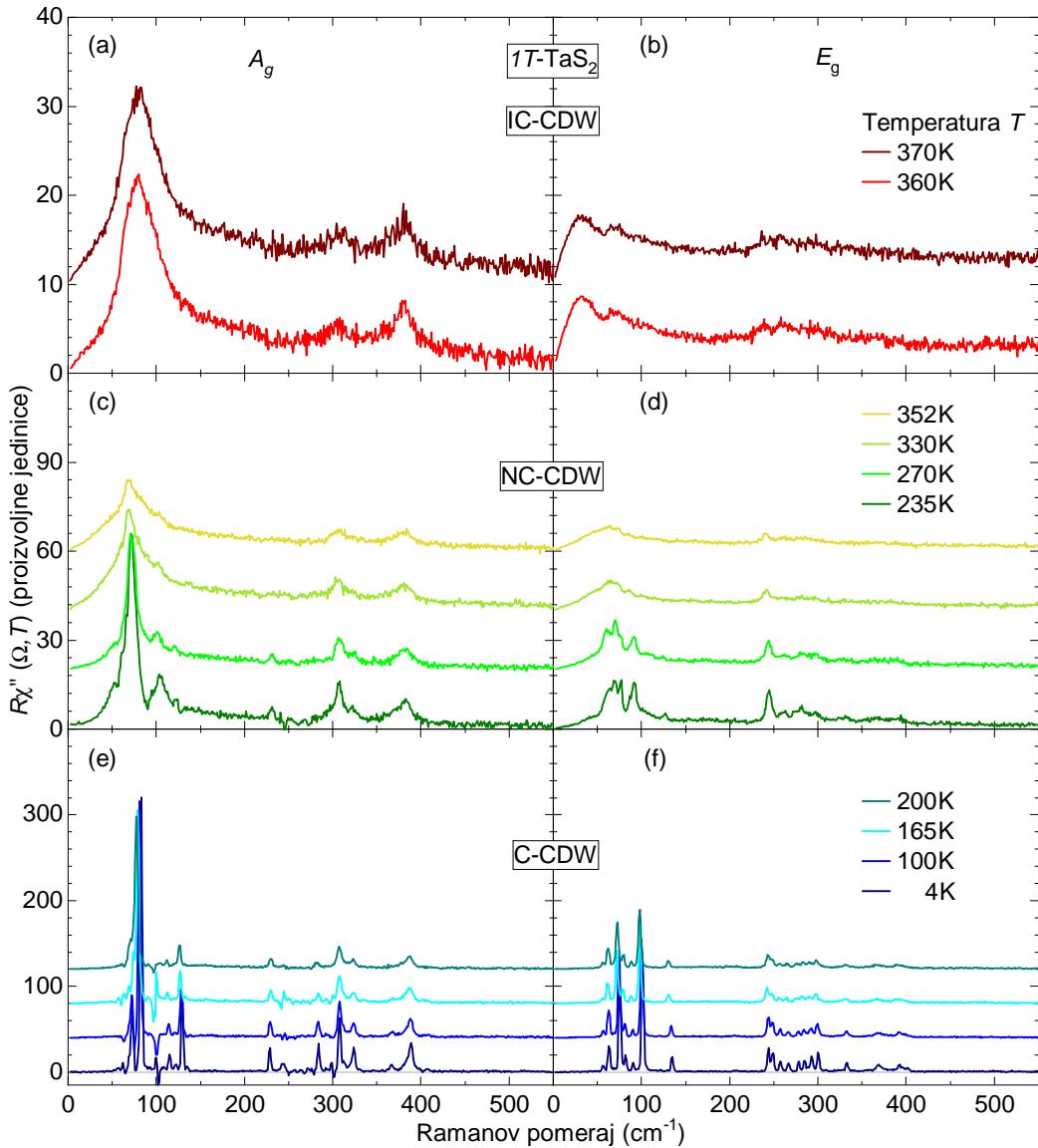
$n_o$	$\omega_{A_g} [cm^{-1}]$	$\omega_{E_g} [cm^{-1}]$
1	62,6	56,5
2	73,3	63,3
3	83,4	75,3
4	114,9	82,0
5	121,9	90,5
6	129,5	101,1
7	228,7	134,8
8	244,1	244,0
9	271,9	248,9
10	284,2	257,5
11	298,6	266,6
12	307,2	278,3
13	308,2	285,0
14	313,0	292,9
15	321,2	300,5
16	324,2	332,7
17	332,0	369,2
18	367,2	392,6
19	388,4	397,7

Tabela 6.2: Eksperimentalne vrednosti energije  $A_g$  i  $E_g$  ramanskih modova na  $T = 4$  K.

### 6.3.3 NC-CDW faza

Nekolicina istraživanja fokusiranih na ispitivanje fundamentalnih karakteristika NC-CDW faze složila se da ova je CDW faza  $1T\text{-TaS}_2$  zapravo koegzistencija IC-CDW i C-CDW faza [150, 194]. To znači da bi u ramanskim spektrima snimljenim u temperaturskom opsegu između  $T_{IC}$  i  $T_C$  trebalo da postoje doprinosi oba faza. Ukoliko se

pogledaju eksperimentalni podaci sakupljeni u opsegu temperatura od  $T = 4\text{ K}$  do  $T = 370\text{ K}$ , tj. u sve tri CDW faze, jasno se vidi da se spektri u temperaturskom opsegu  $235\text{ K} < T < 352\text{ K}$ , kada se  $1T\text{-TaS}_2$  nalazi u NC-CDW fazi, sastoje od C-CDW (plave linije) i IC-CDW (crvene linije) doprinosa.



Slika 6.4: Simetrijski razloženi Ramanski spektri IC-CDW, NC-CDW i C-CDW faze  $1T\text{-TaS}_2$  na naznačenim temperaturama. U spektrima NC-CDW faze vide se doprinosi IC-CDW i C-CDW faza.

Na osnovu izložene diskusije zaključuje se da i rezultati Ramanove spektroskopije podržavaju scenario u kom je NC-CDW faza mešana faza koja se sastoji od C-CDW i IC-CDW domena koji se uzastopno smenjuju. Kako je spektar snimljen na  $T = 352\text{ K}$  poslednji u kom je moguće prepoznati doprinos C-CDW faze, a prva sledeća eksperimentalna temperatura je  $T = 360\text{ K}$ , procenjeno je da je temperatura faznog prelaza koji transformiše IC-CDW u NC-CDW strukturu između dve pomenute temperature.

## 6.4 Eksperimentalni dokazi otvaranja Motovog procepa u C-CDW fazi $1T\text{-TaS}_2$

Jedno od osnovnih svojstava CDW sistema je otvaranje impulsno zavisnog procepa u spektrima elektronskih ekscitacija. Ovaj procep često se u literaturi naziva CDW procep, i eksperimentalno je potvrđen u slojevitim kristalima  $1T\text{-TaS}_2$  [141, 142, 195]. Međutim, CDW procep nije jedini koji se otvara u C-CDW fazi  $1T\text{-TaS}_2$ . Rezultati različitih ARPES studija pokazali su da je Motov prelaz, do kog dolazi prilikom formiranja C-CDW faze, praćen otvaranjem dodatnog procepa. Ovaj dodatni procep otvara se u zonama koje se nalaze u okolini  $\Gamma$  tačke [156, 157]. Posmatrajući početne nagibe elektronskih delova ramanskih spektara može se doći do dodatnih saznanja o procepima. Naime, otvaranje procepa dovodi do smanjenja ukupnog broja elektrona  $N_F$  na Fermijevom nivou. Kako je početni nagib ramanskih spektara  $R \lim_{\Omega \rightarrow 0} \frac{\partial \chi''}{\partial \Omega} \propto N_F \tau_0$ , gde su u  $R$  uračunati samo eksperimentalni faktori, jasno je da će otvaranje procepa uticati na promenu početnog nagiba. Bitno je pomenuti da iako otvaranje procepa dovodi do potpunog opadanja intenziteta ispod ivica procepa na  $T = 0$ , na konačnim temperaturama dolazi do linearног povećanja intenziteta na niskim energijama koji potiče od termalnih ekscitacija kvazičestica koje se rasejavaju.

### 6.4.1 Ramanski verteksi

S obzirom na to da različite simetrije projektuju različite delove Briluenove zone u spektrima, pre početka analize ramanskih spektara, potrebno je izračunati ramanske vertekse za heksagonalnu simetriju  $1T\text{-TaS}_2$ .

Ako posmatramo određenu grupu simetrije  $G$ , čiji su simetrijski elementi  $R$ , a simetrijski operatori  $\hat{P}_R$ , možemo je opisati koristeći ireducibilne reprezentacije  $\Gamma_n$ , gde  $n$  označava određenu reprezentaciju. Za svaku od mogućih ireducibilnih reprezentacija postoje odgovarajuće bazisne funkcije  $\Phi_{\Gamma_n}^j$ . Ove bazisne funkcije koriste se kako bi se dobile matrice reprezentacija. Na osnovu teorije grupe za proizvoljnu funkciju

$$F = \sum_{\Gamma_n} \sum_j f_j^{\Gamma_n} \Phi_{\Gamma_n}^j, \quad (6.4)$$

moguće je definisati operator projekcije na sledeći način

$$\hat{P}^{\Gamma_n} = \frac{d}{N} \sum_R \chi^{\Gamma_n}(R) * \hat{P}_R, \quad (6.5)$$

pri čemu isti mora da zadovoljava relaciju

$$\hat{P}^{\Gamma_n} F = \sum_j f_j^{\Gamma_n} \Phi_{\Gamma_n}^j. \quad (6.6)$$

U izrazu (6.5)  $N$  predstavlja broj simetrijskih operacija grupe  $G$ ,  $d$  je dimenzionalnost ireducibilne reprezentacije  $\Gamma_n$ , a  $\chi^{\Gamma_n}(R)$  je karakter matrice simetrijskog operatora  $R$ . Ako primenimo operaciju projekcije na određene ireducibilne reprezentacije dobijamo njene bazisne funkcije. Kako bazisne funkcije nisu jedinstvene, izbor proizvoljne funkcije  $F$  bira se u zavisnosti od konkretnog problema.  $1T\text{-TaS}_2$  pripada tačkastoj grupi simetrije  $D_{3d}$  u kojoj postoji 12 simetrijskih operatora. Odgovarajuće transformacije koordinata usled delovanja ovih 12 simetrijskih opeartora, kao i tabela odgovarajućih karaktera, predstavljene su u tabeli 6.3.

$\hat{P}_R$	$x'$	$y'$	$z'$	$\frac{\chi^{\Gamma_n}(R)}{A_{1g} \quad E_g}$
$E$	$x$	$y$	$z$	$1 \quad 2$
$C_3^1$	$-\frac{1}{2}x + \frac{\sqrt{3}}{2}y$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}x - \frac{1}{2}y$	$z$	$1 \quad -1$
$C_3^{-1}$	$-\frac{1}{2}x - \frac{\sqrt{3}}{2}y$	$\frac{\sqrt{3}}{2}x - \frac{1}{2}y$	$z$	$1 \quad -1$
$C_2'$	$x$	$-y$	$-z$	$1 \quad 0$
$C_2''$	$-\frac{1}{2}x + \frac{\sqrt{3}}{2}y$	$\frac{\sqrt{3}}{2}x + \frac{1}{2}y$	$-z$	$1 \quad 0$
$C_2'''$	$-\frac{1}{2}x - \frac{\sqrt{3}}{2}y$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}x + \frac{1}{2}y$	$-z$	$1 \quad 0$
$I$	$-x$	$-y$	$-z$	$1 \quad 2$
$S_6^1$	$\frac{1}{2}x - \frac{\sqrt{3}}{2}y$	$\frac{\sqrt{3}}{2}x + \frac{1}{2}y$	$-z$	$1 \quad -1$
$S_6^{-1}$	$\frac{1}{2}x + \frac{\sqrt{3}}{2}y$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}x + \frac{1}{2}y$	$-z$	$1 \quad -1$
$\sigma_v$	$-x$	$y$	$z$	$1 \quad 0$
$\sigma_v''$	$\frac{1}{2}x - \frac{\sqrt{3}}{2}y$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}x - \frac{1}{2}y$	$z$	$1 \quad 0$
$\sigma_v'''$	$\frac{1}{2}x + \frac{\sqrt{3}}{2}y$	$\frac{\sqrt{3}}{2}x - \frac{1}{2}y$	$z$	$1 \quad 0$

Tabela 6.3: Simetrijske operacije  $\hat{P}_R$  sa odgovarajućom tabelom karaktera za  $D_{3d}$  tačkastu grupu simetrije.

Jedan od najbitnijih zadataka prilikom računanja ramanskih verteksa jeste određivanje funkcija koje će opisati periodičnost Briluenove zone. Kao probne funkcije moguće je odabrati sinusnu i kosinusnu funkciju koje će, redom, odgovarati neparnom i parnom paritetu reprezentacija. Ako u skladu sa tim za probnu funkciju  $F$  odaberemo funkciju koja od unutarravanske kristalne konstante  $a$  zavisi na sledeći način:  $F = \cos(k_x a)$ , za bazisnu fuknciju  $A_{1g}$  se dobija

$$\Phi_{A_{1g}}(\mathbf{k}) = \frac{1}{3} \left[ \cos(k_x a) + 2\cos\left(\frac{1}{2}k_x a\right) \cos\left(\frac{\sqrt{3}}{2}k_y a\right) \right]. \quad (6.7)$$

Analogni postupak dovodi do bazisnih funkcija  $E_g$ , koje su:

$$\Phi_{E_g^1}(\mathbf{k}) = \frac{2}{3} \left[ \cos(k_x a) - \cos\left(\frac{1}{2}k_x a\right) \cos\left(\frac{\sqrt{3}}{2}k_y a\right) \right]. \quad (6.8)$$

Kako je  $E_g$  dvodimenzionalna reprezentacija, druga bazisna funkcija pronalazi se na osnovu potprostorne invarijantnosti simetrijskih operacija. Tako dobijena bazisna funkcija ima oblik

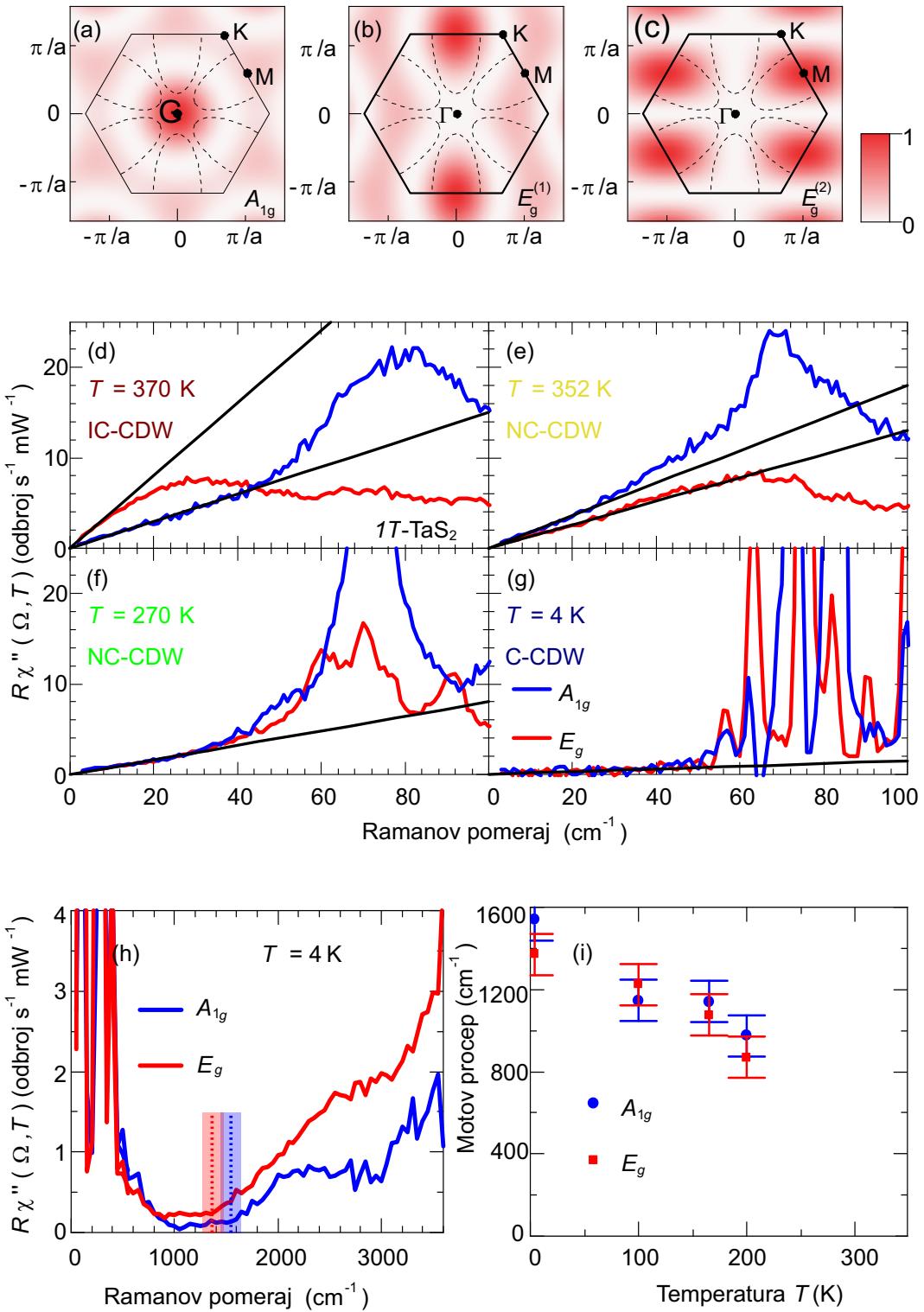
$$\Phi_{E_g^2}(\mathbf{k}) = 2\sin\left(\frac{1}{2}k_x a\right) \sin\left(\frac{\sqrt{3}}{2}k_y a\right). \quad (6.9)$$

Na osnovu gore opisanog postupka dobijeni su ramanski verteksi heksagonalne simetrije  $1T\text{-TaS}_2$ , prikazani na slikama 6.5(a)-6.5(c). Kao što se vidi,  $A_{1g}$  verteks projektuje oblast oko  $\Gamma$  tačke, dok  $E_g$  verteksi većinski projektuju granice Briluenove zone. Na osnovu ARPES merenja pokazano je da do otvaranja CDW procepa dolazi u oblasti oko  $M$  tačaka, te bi njegovo otvaranje trebalo da ima veći uticaj na spektre merene u  $E_g$  kanalu. Nasuprot tome, Motov procep koji se otvara u okolini  $\Gamma$  tačke trebalo bi da dovede do snižavanja nagiba  $A_{1g}$  spektara.

#### 6.4.2 Određivanje veličine Motovog procepa

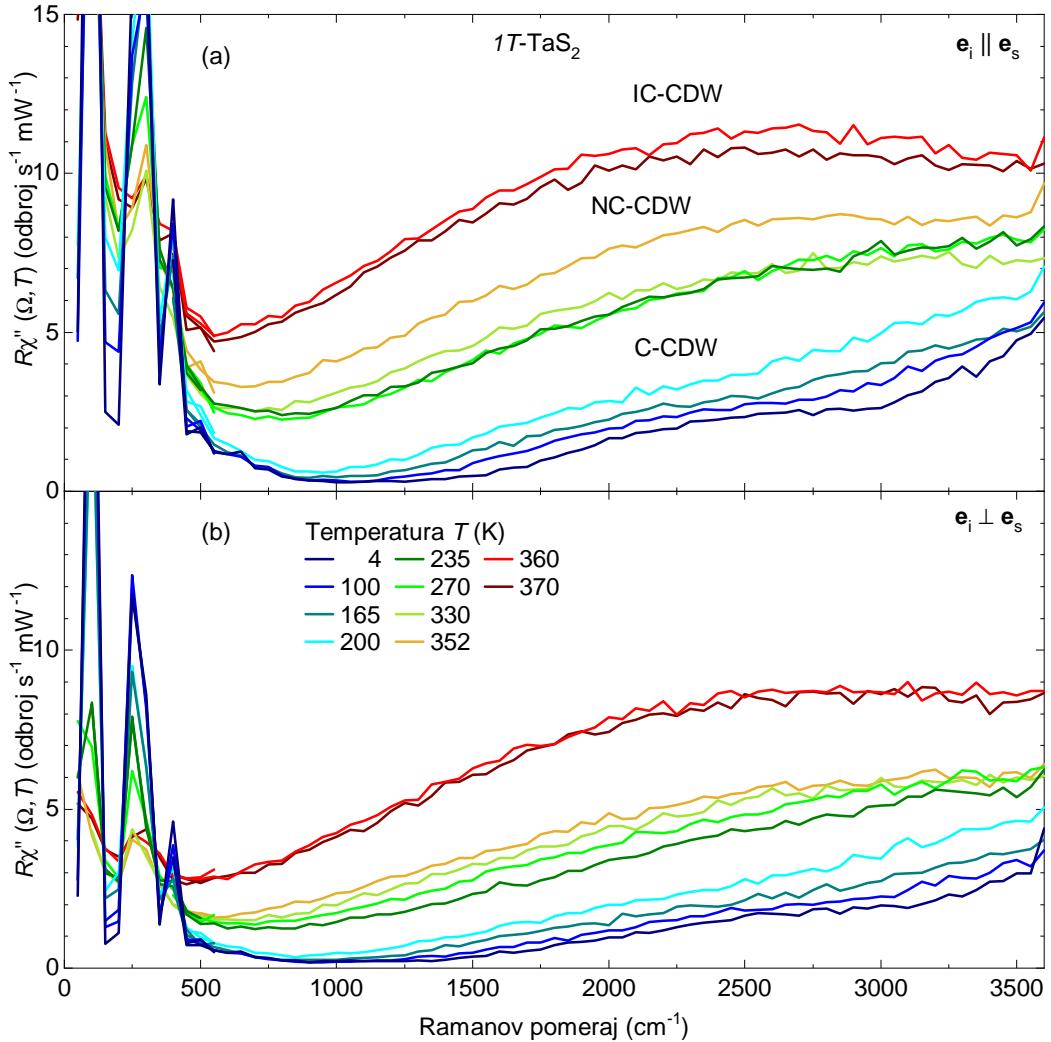
Početni nagibi ramanskih spektara mogu da posluže kao parametri za praćenje razvoja procepa u ispitivanom sistemu. Kako ne postoje eksperimentalni podaci za normalnu fazu, te se ne zna odnos inicijalnih nagiba spektara merenih u  $A_{1g}$  i  $E_g$  kanalima rasejanja u fazi u kojoj zasigurno ne postoji CDW procep, promena nagiba o kojoj se priča ima strogo relativno značenje. Ukoliko se analiza započne sa spektrima u prvoj CDW fazi koja se javlja u  $1T\text{-TaS}_2$ , spektrima IC-CDW faze, primetno je da je inicijalni nagib manji u spektrima merenim u  $A_{1g}$ , nego u  $E_g$  kanalu rasejanja. Kako je već u IC-CDW fazi započeto otvaranje CDW procepa u okolini  $M$  tačaka, a koje su projektovane  $E_g$  verteksima, očekivao bi se suprotan odnos inicijalnih nagiba spektara.

Međutim kako, i pored toga što u IC-CDW fazi dolazi do delimičnog otvaranja CDW procepa,  $E_g$  verteksi i dalje projektuju Fermi površinu veruje se da su ovi doprinosi odgovorni za veći nagib spektra merenog u  $E_g$  kanalu rasejanja. Spuštanje temperature na  $T = 352\text{ K}$  dovodi do naglog pada nagiba spektra merenog u  $E_g$  kanalu, ispod nagiba spektra merenog u  $A_{1g}$  kanalu rasejanja. Ovaj pad objašnjava se činjenicom da se na temperaturi  $T = 352\text{ K}$   $1T\text{-TaS}_2$  nalazi u NC-CDW fazi, koja se opisuje postojanjem C-CDW domena unutar IC-CDW strukture. Pojava C-CDW domena dovodi do širenja CDW procepa, te samim tim i do primećenog pada u nagibu spektra merenog u  $E_g$  kanalu



Slika 6.5: Otvaranje Motovog i CDW procepa. (a-c) Fermi površina i ramanski verteksi normalne faze  $1T\text{-TaS}_2$  u naznačenim simetrijsima. (d-g) Niskoenergetski ramanski spekttri na naznačenim temperaturama u  $E_g$  (plava linija) i  $A_{1g}$  (crvena linija) simetriji. (h) Visokoenergetske spektri snimljeni na  $T = 4 \text{ K}$ . Vertikalne linije odgovaraju procenjenoj veličini Motovog procepa, a obojeni pravougaonici veličini greške. (i) Promena veličine Motovog procepa sa temperaturom.

rasejanja. Širenje C-CDW domena unutar približno samerljive strukture ne dovodi samo do povećanja CDW procepa, već i do postepenog otvaranja Motovog procepa u okolini  $\Gamma$  tačke. Kako dodatno snižavanje temperature dovodi do širenja i Motovog i CDW procepa to za posledicu ima postepeni pad nagiba spektra obe simetrije. Prva temperatura na kojoj se nagibi spektara merenih u oba kanala rasejanja poklapaju je  $T = 270$  K. Dalje spuštanje temperature izaziva istovetne promene u nagibima ovih spektara, koji na temperaturi  $T = 4$  K gotovo opadaju na nulu. Nagib koji je približno jednak nuli ukazuje na to da u celoj Brilenovoj zoni dolazi do potpunog otvaranja procepa.



Slika 6.6: Ramanski spektri u rasponu energija od  $0 \text{ cm}^{-1}$  do  $3600 \text{ cm}^{-1}$  u (a) paralelnoj i (b) ukrštenoj polarizacionoj konfiguraciji na naznačenim temperaturama.

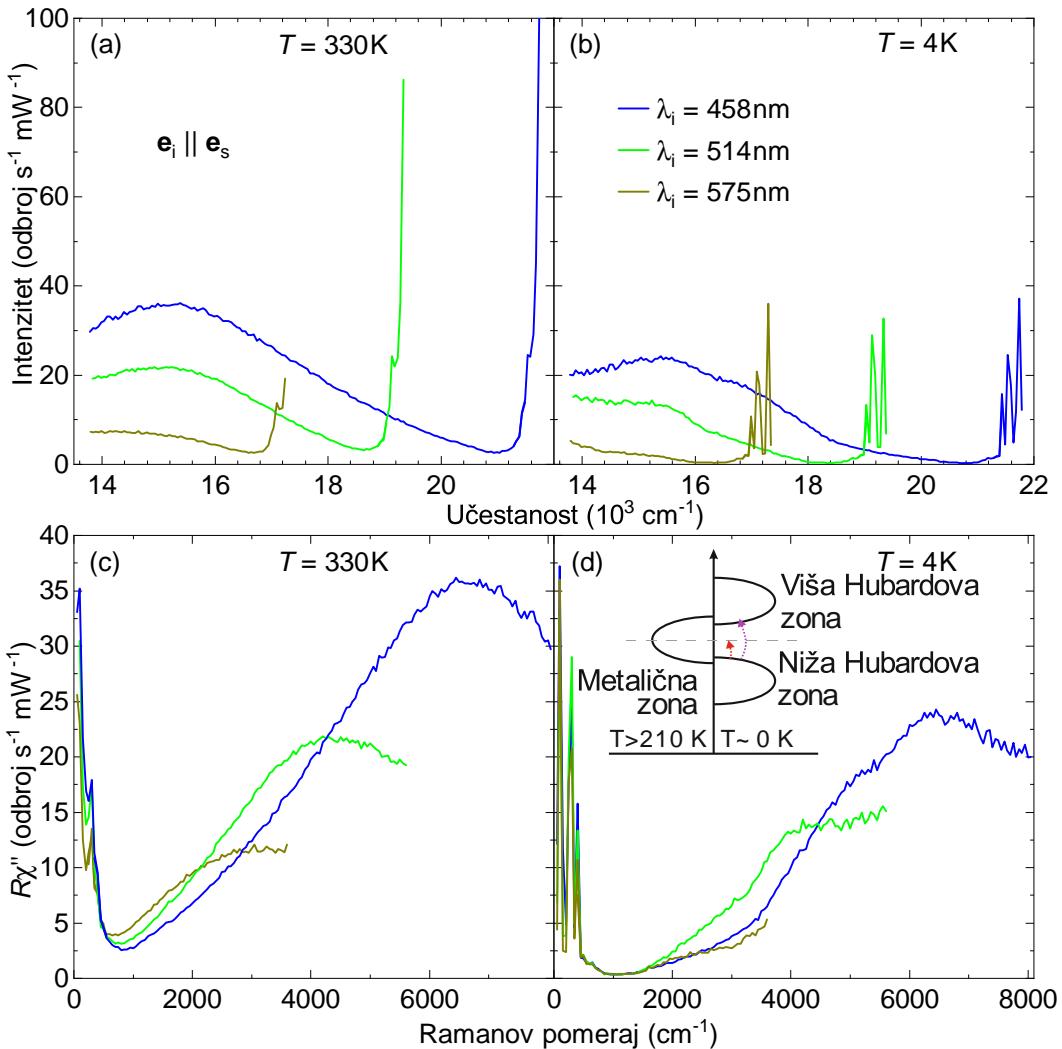
Praćenje relativne promene početnih nagiba spektara dve simetrije nije jedini način na koji je moguće doći do informacija o procepima u sistemu. Zapravo možda je i smislenije govoriti o procepima u vidu gubitka intenziteta u spektrima ispod nekog određenog energetskog praga  $\Omega_{procep}$ . Ukoliko se pogledaju slike 6.5(g) i 6.5(h) vidi se da intenzitet u spektrima ne premašuje  $0,2 \text{ odbroja(mWs)}^{-1}$  ispod  $30 \text{ cm}^{-1}$  i  $0,3 \text{ odbroja(mWs)}^{-1}$  u rasponu od  $30$  do  $1500 \text{ cm}^{-1}$ . U sistemima sa kolektivnim elektronskim fenomenima, poput CDWa ili superprovodnosti, pomenuti prag je dat kao  $2\Delta$ , gde  $\Delta$  odgovara jednoče-

stičnom procepu. Ove sisteme najčešće karakteriše postojanje nagomilavanja intenziteta na višim energijama,  $\Omega > 2\Delta$ . Kao što se vidi na slikama 6.6 i 6.7, spuštanje temperature ne dovodi do nagomilavanja inteziteta, već do njegovog opadanja. Ovo opadanje dešava se u svim fazama, ali sa druačijim stepenom promene. Očekivano, najveći pad dešava se u C-CDW fazi, i to ispod  $T = 210$  K. Na osnovu dosadašnjih saznanja o 1T-TaS<sub>2</sub> nije moguće objasniti odsustvo očekivanog nagomilavanja intenziteta. Spektri predstavljeni na slici 6.6 mereni su sa korakom merenja od  $\Delta\Omega = 50$  cm<sup>-1</sup>, pri čemu je rezolucija korišćenog sistema bila  $\sigma \approx 20$  cm<sup>-1</sup>. U ovakvoj eksperimentalnoj postavci nemoguće je precizno odrediti položaje i oblike fononskih linija u delu spektra ispod 500 cm<sup>-1</sup>. Kao što je moguće primetiti, u spektrima merenim u NC-CDW i IC-CDW fazi javlja se široka struktura čiji je maksimum centriran u energetskoj oblasti od 2200 cm<sup>-1</sup> do 3200 cm<sup>-1</sup>. Ova široka struktura najverovatnije je posledica doprinosa luminiscencije. U C-CDW fazi dodatne podstrukture moguće je primetiti na oko 1500 cm<sup>-1</sup> i 3000 cm<sup>-1</sup>.

Nasuprot CDW sistemima, kod Motovih sistema fenomen nagomilavanja intenziteta na višim energijama usled otvaranja Motovog procepa još uvek nije uočen. Kako se u Motovim sistemima provodna zona oko Fermijeve energije  $E_F$  simetrično cepta na višu i nižu Hubbardovu zonu [Slika 6.7(d)] očekivano je da eksperimentalni rezultati budu isti kao i u slučaju poluprovodnika sa izuzetno malom provodnom zonom ili izolatora. To znači da je kada je temperatura  $T = 0$  K moguće razlikovati međuzonski deo čiji oblik zavisi od samih zona i oblast u kojoj uopšte nema intenziteta. Očekuje se da unutar procepa dolazi do termalnih ekscitacija kada se sistem nalazi na nekoj konačnoj temperaturi  $T$ . Kada se pogledaju spektri snimljeni na najnižoj eksperimentalnoj temperaturi, u obe simetrije, vidi se da ispod energetskog praga postoji ravni gotovo nestajući elektronski kontinuum na koji su superponirane fononske linije. Ovaj prag ima malu zavisnost od simetrije. Posmatrajući visokoenergetski deo spektra primetno je da iznad energetskog praga dolazi do porasta inteziteta. Ovaj prag energije, prikazan u vidu vertikalne linije na slici 6.5(g), može da se shvati kao dužina udaljenosti niže Hubbardove zone od Fermijeve energije  $E_F$  ili kao polovina rastojanja između više i niže Hubbardove zone. Njegova procenjena vrednost iznosi 1350–1550 cm<sup>-1</sup>  $\equiv$  170–190 meV i odlično se slaže sa veličinom procepa dobijenom skenirajućom elektronskom mikroskopijom, infracrvenom spektroskopijom i u ARPES eksperimentu [141, 157, 196]. S obzirom na to da se sa podizanjem temperature smanjuje veličina procepa u obe simetrije, rezultati analizirani na ovaj način ukazuju na mogućnost postojanja procepa u NC-CDW fazi. Nažalost, zbog prisustva doprinosa luminiscencije u spektrima u NC-CDW fazi [Slika 6.7], koji se preklapaju sa ramanskim signalom, nije moguće ispratiti razvoj procepa iznad temperature C-CDW faznog prelaza.

Da bi se potvrdila tačnost dobijenih rezultata veličine procepa provereno je da li i na kojim energijama postoje doprinosi luminiscencije u ramanskim spektrima. Ramanski spektri mereni u paralelnoj polarizacionoj konfiguraciji koristeći tri različite laserske linije kao izvore pobude prikazani su na slici 6.7. Na temperaturi  $T = 330$  K u svim spektrima javlja se široki pik koji je centriran na oko 15200 cm<sup>-1</sup>. Kako se intenzitet ovog pika sman-

juje sa smanjenjem energije lasera, u spektrima u kojima je intenzitet prikazan u funkciji ramanskog pomeraja vidi se da se položaj pika menja sa promenom talasne dužine lasera. Ovakvo ponašanje ukazuje na luminiscentnu prirodu pika. Na niskim temperaturama nemoguće je pronaći isti pik, već se javlja slaba struktura koja je najintenzivnija kada se koristi plava laserska linija. Kada se spektri predstave u funkciji Ramanovog pomeraja primetne su dve promene u spektrima za sve talasne dužine lasera – na  $1500\text{ cm}^{-1}$  i na  $3000\text{ cm}^{-1}$ .



Slika 6.7: Doprinosi luminiscencije ramanskim spektrima. Zavisnost intenziteta od učestanosti na temperaturama (a)  $T = 330\text{ K}$  i (b)  $T = 4\text{ K}$ . (c) i (d) Ramanska susceptibilnost izračunata iz (a) i (b) u funkciji Ramanovog pomeraja. Maksimum doprinosa luminiscentnog pika osenčen je sivom bojom.

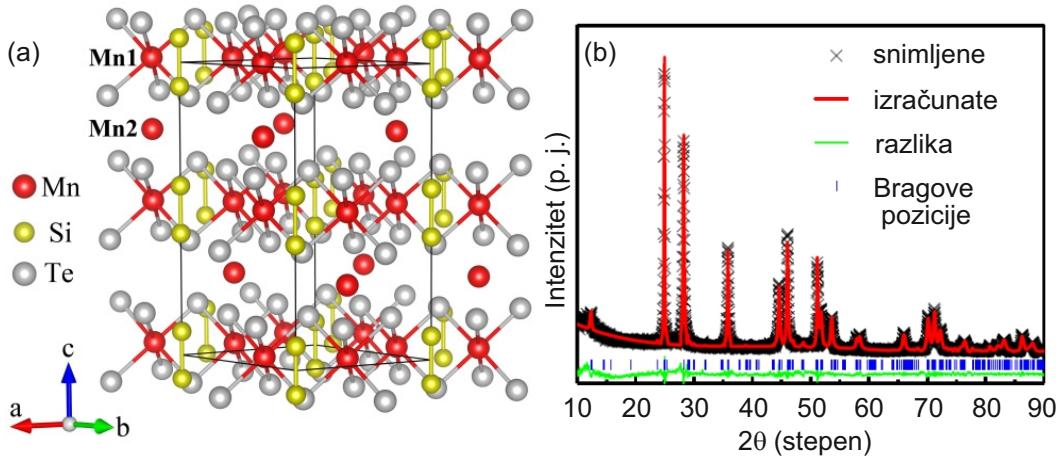
S obzirom na to da se položaji ovih struktura ne menjaju sa promenom talasne dužine lasera oni su najverovatnije doprinosi neelastično rasejane svetlosti. Kao što je prethodno pomenuto, u C-CDW fazi dolazi do cepanja provodne zone na višu i niže Hubbardove zone. Ovo cepanje posledica je toga što Kulonova odbojna sila nadjačava smanjenu širinu zone. Shodno tome, pretpostavka je da promene u spektru na oko  $1500\text{ cm}^{-1}$  potiču od ovog cepanja i odgovaraju razlici najviše energije niže Hubbardove zone i Fermi energije

$E_F$ , dok pik na oko  $3000 \text{ cm}^{-1}$  odgovara rastojanju između najviše energije niže i najniže energije više Hubbardove zone. Ako se ovaj scenario uzme kao tačan, neophodno je ponuditi odgovor na pitanje u koje nepotpunjeno stanje iznad  $E_F$  se rasejavaju elektroni u procesima rasejanja prvog reda. U skladu sa skorašnjim rezultatima tunelirajuće spektroskopije moglo bi da se očekuje da određena gustina stanja potiče od metaličnih zidova između različito uređenih oblasti duž  $c$  ose. Kako su ovi kvazi-jednodimenzionalni zidovi topološki izuzetno mali, oni bi dali osnovu za rasejanje na visokim energijama, ali gustina stanja ne bi bila dovoljna da njihov intenzitet na niskim energijama bude merljiv u eksperimentu Ramanovog rasejanja.

# 7 Magnetni fazni prelazi u $Mn_3Si_2Te_6$

## 7.1 Sinteza i kristalna struktura

Slojeviti kristali  $Mn_3Si_2Te_6$  dobijeni su topljenjem mešavine sačinjene od Mn žetona, grumena Si i kuglica Te. Ovako pripremljena smeša ubaćena je u izolovanu kvarcnu cev. Kvarcna cev u period d 20 h zagrevana je na temperaturu od  $1100^\circ$ . Nakon tih 20 h, hlađena je sa korakom od  $1^\circ\text{C}/\text{h}$  do postizanja temperature od  $850^\circ\text{C}$ .



Slika 7.1: (a) Kristalna struktura  $Mn_3Si_2Te_6$ . (b) XRD difraktogram  $Mn_3Si_2Te_6$  praha na sobnoj temperaturi. Bragove refleksije prostorne grupe  $P\bar{3}1c$  su date vertikalnim linijama. Slika je preuzeta iz [160].

Kristalna struktura ovako dobijenih slojevitih  $Mn_3Si_2Te_6$  određena je na osnovu rezultata XRD eksperimenta. XRD podaci dobijeni su korišćenjem Rigaku Miniflex difraktometar sa  $\text{Cu } K\alpha$  izvorom zračenja ( $\lambda = 0,15418 \text{ nm}$ ).

Detaljnije objašnjenje metode narastanja, tumačenje XRD rezultata, kao i ispitivanje magnetnih svojstava korišćenih slojevitih kristala  $Mn_3Si_2Te_6$  moguće je pronaći u referenci [160]. Dobijeni difraktogrami uspešno su modelovani modelom koji odgovara pros-

tornoj grupi simetrije  $P\bar{3}1c$ , i pokazali su veliku čistoću dobijenih uzoraka. Vrednosti parametara kristalne rešetke dobijeni iz XRD eksperimenta su  $a = 7,046(2)$  Å i  $c = 14,278(2)$  Å.

Narastanje, XRD eksperiment i ispitivanje magnetnih svojstava kristala CrI<sub>3</sub> urađeni su od strane prof. dr Čedomira Petrovića i saradnika u Brukhejven nacionalnoj laboratoriji u Sjedinjenim Američkim Državama.

## 7.2 Dinamika rešetke

Dinamika rešetke slojevitih kristala Mn<sub>3</sub>Si<sub>2</sub>Te<sub>6</sub> ispitivana je u eksperimentu Ramanovog rasejanja. Eksperimentalna postavka u Centru za čvrsto stanje i nove materijale Instituta za fiziku u Beogradu, korišćena u tu svrhu, opisana je u poglavlju 2.4.2. Spektrometar je podešen da radi u oduzimajućem režimu sa kombinacijom difrakcionih rešetki 1800/1800/2400 zareza/mm. Rezolucija spektrometra uporediva je sa širinom Gausijana od 1 cm<sup>-1</sup>. Korišćena geometrija rasejanja je geometrija rasejanja unazad. Kao izvor pobude korišćena je 514 nm linija Coherent Ar<sup>+</sup>/Kr<sup>+</sup> jonskog lasera. Laser je fokusiran na uzorak pomoću objektiva sa uvećanjem 50×. Sva merenja vršena su sa uzorkom u kriostatu, sa visokim vakuumom (10<sup>-6</sup> bar). Primećeno je da se na površini kristala Mn<sub>3</sub>Si<sub>2</sub>Te<sub>6</sub>, kada se nađu u kontaktu sa vazduhom, jako brzo formira sloj TeO<sub>2</sub> koji nadjačava ostale doprinose u eksperimentu Ramanovog rasejanja. Da bi se izbegli doprinosi TeO<sub>2</sub> u spektrima, cepanje uzorka vršeno je na uzorku smeštenom unutar kriostata, kako bi se odmah nakon cepanja započelo s vakuumiranjem. Uzorak je smešten unutar kriostata tako da se pravac upadnog zračenja poklapa sa kristalografskom  $c$  osom. Svi spektri korigovani su za Boze faktor.

### 7.2.1 Polarizaciona zavisnost: Asignacija fononskih modova

Na svim eksperimentalno dostupnim temperaturama Mn<sub>3</sub>Si<sub>2</sub>Te<sub>6</sub> kristališe u trigonalnu kristalnu strukturu koja pripada  $P\bar{3}1c$  prostornoj grupi simetrije. Raspodela fononskih modova predviđena simetrijskom analizom u tom slučaju je:

$$\Gamma_{Raman} = 5A_{1g} + 11E_g , \quad (7.1)$$

$$\Gamma_{IR} = 6A_{2u} + 11E_u , \quad (7.2)$$

$$\Gamma_{acoustic} = A_{2u} + E_u . \quad (7.3)$$

U tabeli 7.1 prikazane su pozicione simetrije atoma, njihovi doprinosi fononima iz  $\Gamma$ -tačke, irreducibilne reprezentacije i Ramanovi tenzori modova.

Prostorna grupa simetrije: $P\bar{3}1c$	
Atomi	Ireducibilne reprezentacije
Mn (2c)	$A_{2g} + A_{2u} + E_g + E_u$
Mn (4f)	$A_{1g} + A_{1u} + A_{2g} + A_{2u} + 2E_g + 2E_u$
Si (4e)	$A_{1g} + A_{1u} + A_{2g} + A_{2u} + 2E_g + 2E_u$
Te (12i)	$3A_{1g} + 3A_{1u} + 3A_{2g} + 3A_{2u} + 6E_g + 6E_u$

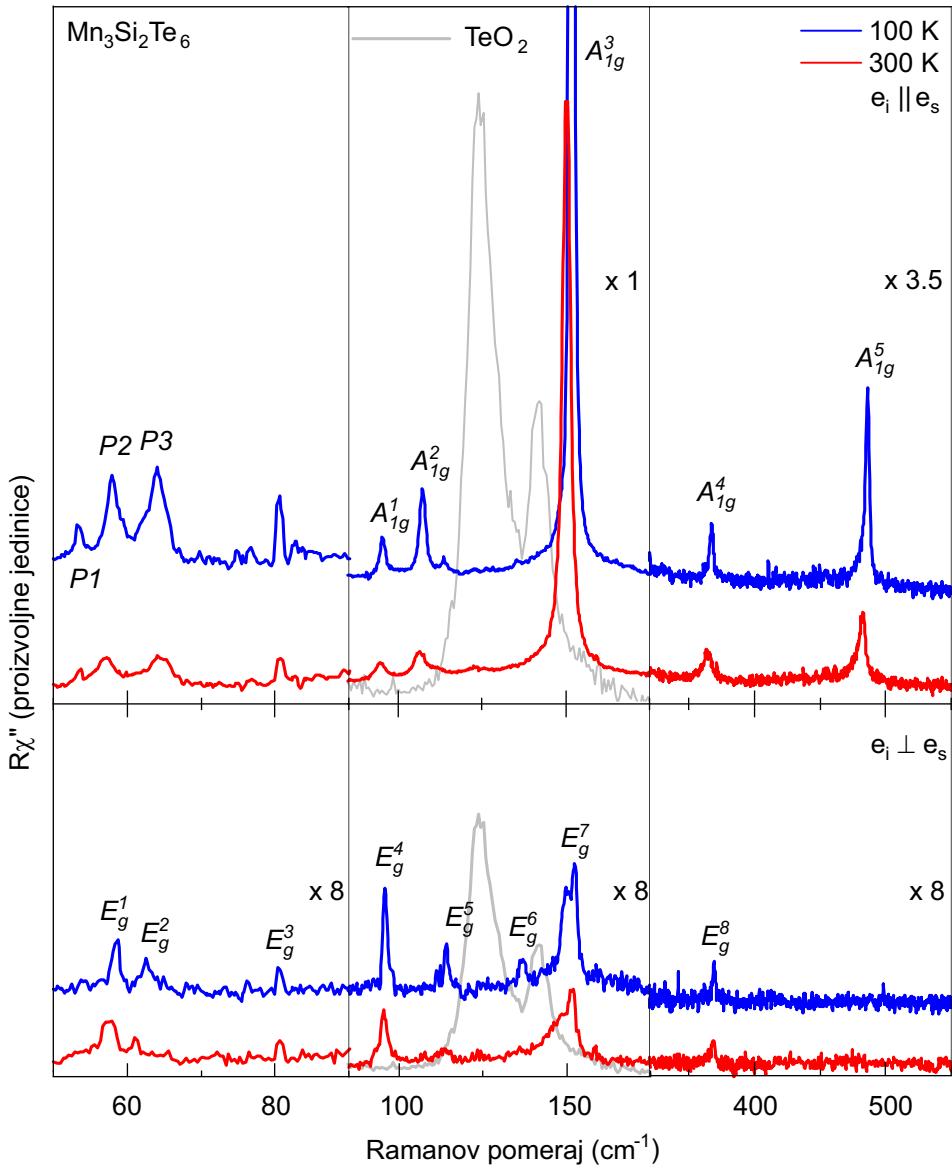
  

$$A_{1g} = \begin{pmatrix} a & & \\ & a & \\ & & b \end{pmatrix} \quad {}^1E_g = \begin{pmatrix} c & & \\ & -c & d \\ & d & \end{pmatrix} \quad {}^2E_g = \begin{pmatrix} & -c & -d \\ -c & & \\ d & & \end{pmatrix}$$

Tabela 7.1: Pozicione simetrije Mn, Si i Te atoma, njihov doprinos fononima iz  $\Gamma$ -tačke za  $P\bar{3}1c$  simetriju kristalne strukture. Ramanovi tenzori odgovarajuće prostorne grupe predstavljeni su u donjem delu tabele.

Na osnovu Ramanovih tenzora vidi se da se od šesnaest Raman aktivnih modova očekuje jedanest  $E_g$  modova koji se javljaju u spektrima snimljenim i u paralelnoj i u ukrštenoj polarizacionoj konfiguraciji, dok se preostalih pet  $A_{1g}$  modova javlja samo u paralelnoj polarizacionoj konfiguraciji. Ramanski spektri slojevitih kristala  $Mn_3Si_2Te_6$  snimljeni u obe polarizacione konfiguracije, na temperaturama 100 K i 300 K, prikazani su na slici 7.2. Kao što se vidi, u spektrima paralelne polarizacione konfiguracije vidi se osam, umesto pet, fononskih linija. Razlog povećanog broja modova može biti višestruk. Naime, dodatni pikovi mogu biti posledica aktivacije infracrvenih ili neaktivnih modova usled neuređenosti kristalne strukture i/ili smanjena striknosti selekcionih pravila. Međutim, s obzirom na to su dodatni pikovi vidljivi samo u  $A$  simetriji, veća je verovatnoća da su u pitanju *overtone* stanja. Do uočavanja *overtone* stanja u ramanskim spektrima može doći kao posledica pojačanog sparivanja fonona sa drugim ekscitacijama, poput spin-fonon sparivanja. Pored spomenutih modova  $A_{1g}$  simetrije, u spektrima se javlja još devet pikova koji se ponašaju u skladu sa selekcionim pravila  $E_g$  simetrijskih modova. Pik koji se u svim spektrima nalazi na oko 153,1 cm<sup>-1</sup> odgovara  $A_{1g}^3$  modu. Njegova uočljivost u spektrima dobijenim u ukrštenoj geometriji posledica je efekta curenja (*leakage*) usled prisustva defekata ili lošeg poravnjanja uzorka. To znači da se u spektrima slojevitih kristala  $Mn_3Si_2Te_6$  javlja osam od očekivanih jedanaest  $E_g$  simetrijskih modova. Odsustvo tri moda može da se objasni njihovim slabim intenzitetom ili ograničenom rezolucijom spektrometra. U skladu sa iznetom analizom urađena je asignacija spektara, koja je predstavljena u okviru slike 7.2. Eksperimentalne energije fonona i njihove simetrije prikazane su u tabeli 7.2.

Predstavljeni ramanski spektri drastično se razlikuju od spektara slojevitih kristala  $Mn_3Si_2Te_6$  koje je moguće pronaći u referenci [162]. U pomenutom istraživanju prijavljena su samo dva moda, jedan  $E_g$  mod na oko 118,4 cm<sup>-1</sup> i jedan  $A_{1g}$  mod na oko 136,9 cm<sup>-1</sup>. Ovaj broj drastično se razlikuje od očekivanih šestanest Raman aktivnih



Slika 7.2: Ramanski spektri slojevitih kristala Mn<sub>3</sub>Si<sub>2</sub>Te<sub>6</sub> u dve geometrije rasejanja na 300 K (crvena linija) i 100 K (plava linija). Siva linija predstavlja skalirani spektar TeO<sub>2</sub> snimljen na 300 K. Pikovi koji se javljaju u obe geometrije prepoznati su kao  $E_g$  simetrijski modovi, dok su oni koji se vide samo za paralelnu polarizacionu konfiguraciju prepoznati kao  $A_{1g}$  simetrijski modovi.

moda i jedanaest uočenih u ramanskim spektrima na slici 7.2. Takođe, ako se uporede energije modova prijavljenih u [162] i energije najbližih modova odgovorajuće simetrije iz tabele 7.2 primećuje se neslaganje veće od 30%. Uz sve to, širina fononskih linija prijavljena u [162] drastično je veća od širine bilo koje fononske linije u ramanskim spektrima na slici 7.2. Shodno tome, postavlja se pitanje odakle potiče toliko neslaganje između ramanskih spektara istog materijala. Kako je već pomenuto, u toku ovog istraživanja primećeno je da slojeviti kristali Mn<sub>3</sub>Si<sub>2</sub>Te<sub>6</sub> jako brzo oksidiraju, što za posledicu ima formiranje sloja TeO<sub>2</sub> na površini, te je jedno od mogućih objašnjenja ove razlike prisustvo TeO<sub>2</sub> u spektrima prikazanim u [162]. Ukoliko se detaljnije pogledaju ramanski

spektri  $\text{TeO}_2$  mereni na 300 K prikazani u vidu sive linije na slici 7.2, uočljivo je odlično slaganje sa spektrima prijavljenim u [162]. U shvru što tačnijih rezultata istraživanja dinamike rešetke slojevitih kristala  $\text{Mn}_3\text{Si}_2\text{Te}_6$  eksperiment Ramanovog rasejanja vršen je nekoliko različitih kristala  $\text{Mn}_3\text{Si}_2\text{Te}_6$ . U svakom od njih dobijeni su istovetni rezultati, koji su u saglasnosti sa spektrima prikazanim na slici 7.2.

Prostorna grupa $P\bar{3}1c$	
Simetrija	Eksperiment ( $\text{cm}^{-1}$ )
$P1^*$	53,3
$P2^*$	57,6
$E_g^1$	58,5
$E_g^2$	62,51
$P3^*$	64,2
$E_g^3$	80,4
$A_{1g}^1$	95,3
$E_g^4$	95,9
$A_{1g}^2$	107,3
$E_g^5$	114,0
$E_g^6$	136,6
$E_g^7$	149,8
$A_{1g}^3$	153,1
$A_{1g}^4$	367,9
$E_g^8$	369,4
$A_{1g}^5$	486,7

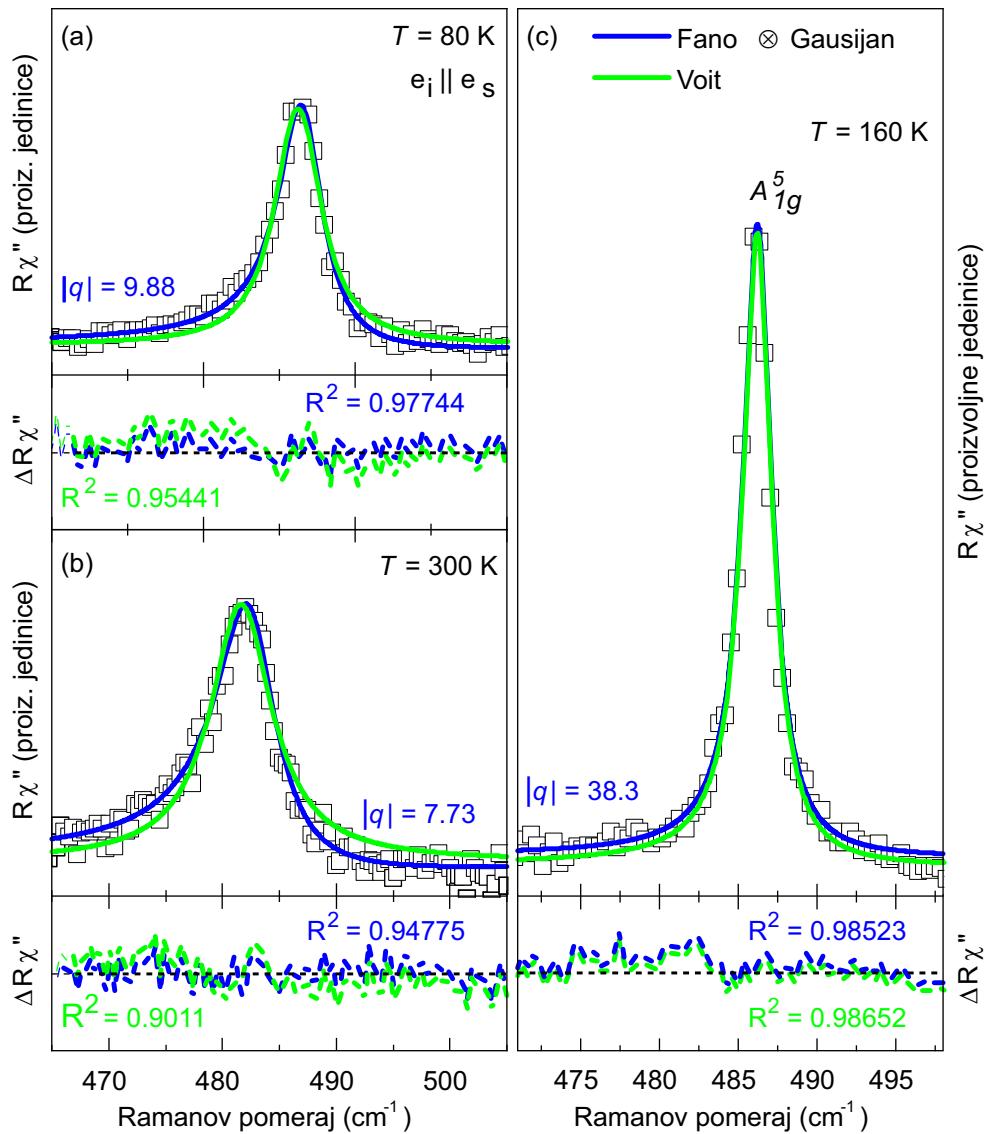
\* pikovi se ponašaju u skladu sa  $A_{1g}$  selekcionim pravilima

Tabela 7.2: Simetrije i energije  $\text{Mn}_3\text{Si}_2\text{Te}_6$  fonona. Eksperimentalne vrednosti su dobijene na temperaturi 100 K, sa eksperimentalnom greškom  $0,3 \text{ cm}^{-1}$ .

### 7.2.2 Temperaturska zavisnost: Spin-fonon interakcija i fazni prelazi

Ukoliko se detaljnije pogledaju fononske linije u spektrima na slici 7.2 vidi se da većina linija ima asimetrični oblik. Asimetričnost fononskih linija može poticati od prisustva defekata u merenim uzorcima. Međutim, kada su defekti prisutni u merenim materijalima oni ne utiču samo na oblik linije, već i na širinu. Kako su pikovi na slici 7.2 prilično uski, mala je verovatnoća da asimetričnost potiče od prisustva defekata. Sparivanje fonona sa

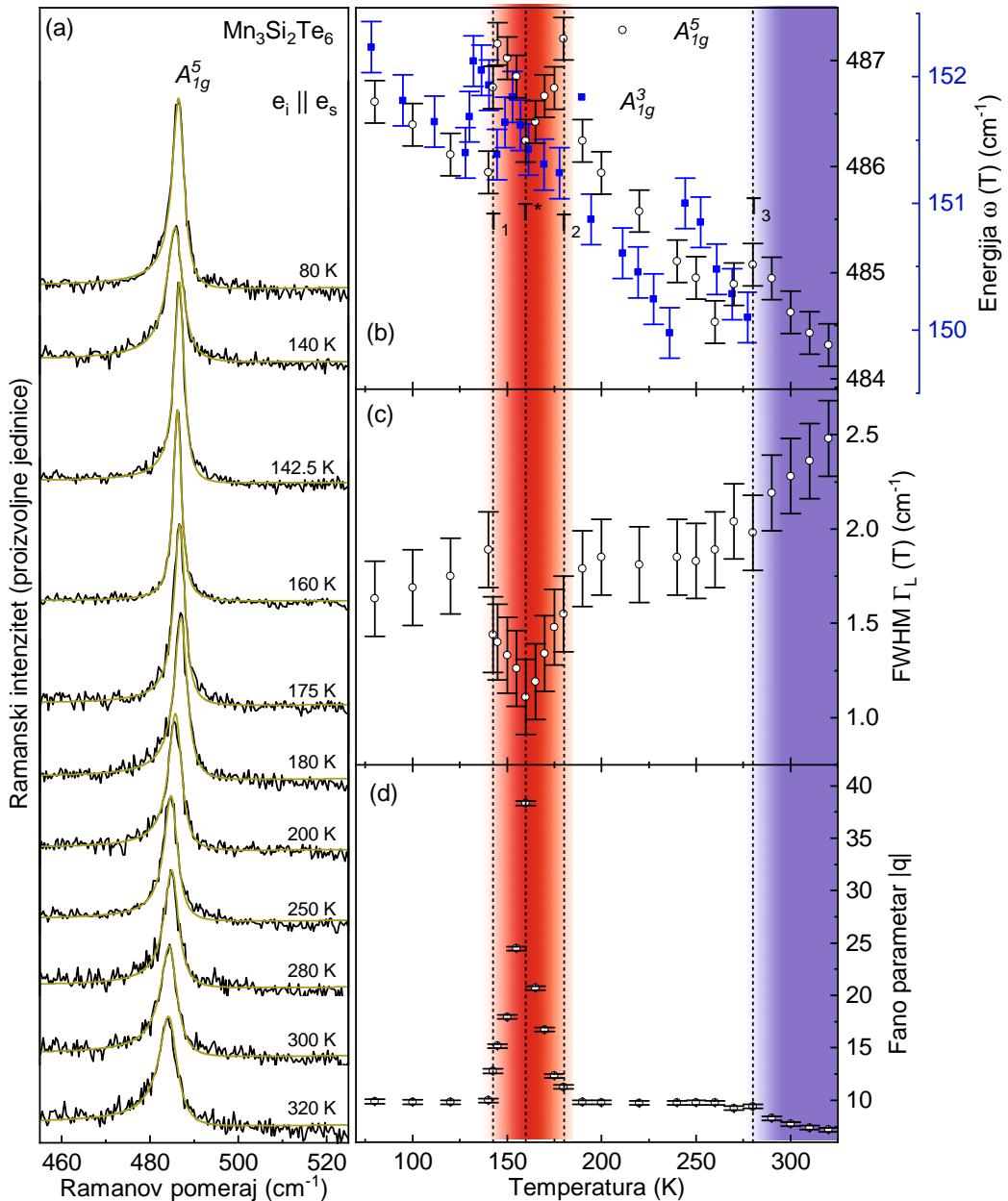
kontinuumom (npr. spin-fonon sparivanje) takođe može dovesti do asimetrije fononskih linija. S obzirom na to da asimetričnost fononskih linija može ukazivati na zanimljive fizičke fenomene u materijalu, neophodno je detaljno ispitivanje oblika fononskih linija. U tu svrhu analiziran je najintenzivniji mod u spektrima, koji se ne preklapa ni sa jednom drugom fononskom linijom, i koji se javlja na oko  $486,7 \text{ cm}^{-1}$  –  $A_{1g}^5$  mod.



Slika 7.3: Kvantitativna analiza ramanskog  $A_{1g}^5$  simetrijskog moda na naznačenim temperaturama. Linija dobijena korišćenjem Voitovog profila prikazane su zelenom bojom, a linije dobijene kao konvolucija Fano profila i Gausijana prikazane su plavom bojom.

Kvantitativna analiza fononske linije ovog moda urađena korišćenjem simetričnog Voitovog profila i konvolucije asimetričnog Fano profila sa Gausovim profilom. Oba profila spektralnih linija detaljno su objašnjena u poglavlu 2.2.5 ove disertacije. Rezultati modelovanja spektralne regije  $A_{1g}^5$  simetrijskog moda na naznačenim temperaturama, zajedno sa vrednostima Fano parametra  $|q|$ , prikazani su na slici 7.3. Linije dobijene korišćenjem Voitovog profila prikazane su zelenom bojom, a linije koje su dobijene modelovanjem

spektra sa konvolucijom Fano profila i Gausijana prikazane su plavom bojom. Na temperaturama 80 K i 300 K [Slike 7.3(a) i 7.3(c)] bolje slaganje dobijeno je korišćenjem asimetrične linije. Na suprot tome, na temperaturi od 160 K dobijena vrednost Fano parametra, kao i poređenje između dva korišćena profila, ukazuje na simetričnu liniju. To znači da se oblik linije transformiše iz asimetričnog u simetrični, da bi se opet vratio u asimetrični. Da bi se tačno utvrdilo na kojim temperaturama do ovih transformacija dolazi urađena su temperaturski zavisna merenja.



Slika 7.4: (a) Spektralna oblast  $A_{1g}^5$  Raman aktivnog moda merena u paralelnoj polarizacionoj konfiguraciji na naznačenim temperaturama. Spektri su modelovani linijama konvolucije Fano profila i Gausijana (zelene linije). Temperaturska zavisnost (b) energije  $A_{1g}^3$  i  $A_{1g}^5$  modova, kao i (c) širine i (d) Fano parametra  $|q|$   $A_{1g}^5$  moda dobijena u drugom ciklusu merenja.

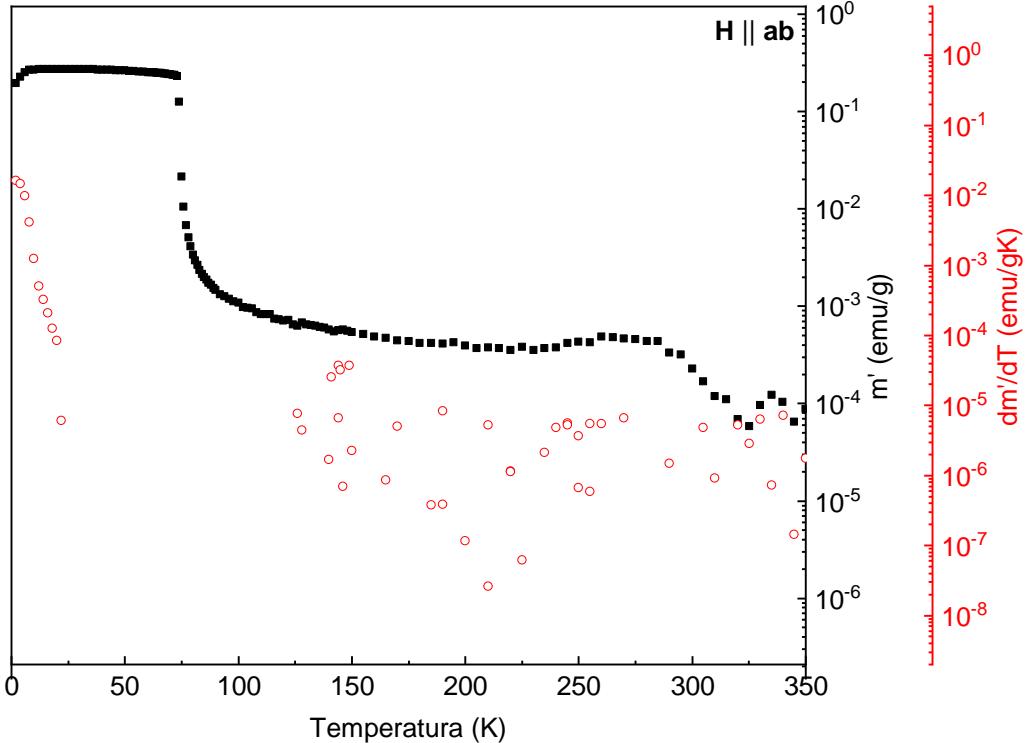
Spektralna regija  $A_{1g}^5$  simetrijskog moda na naznačenim temperaturama, zajedno sa

temperaturskom zavisnosti parametara  $A_{1g}^3$  i  $A_{1g}^5$  modova predstavljena je na slici 7.4.  $A_{1g}^3$  modelovan je linijom Voitovog profila, dok je  $A_{1g}^5$  modelovan linijom koja predstavlja konvoluciju Fano profila i Gausijana. Posmatrajući rezultate predstavljene na slici 7.4 vidi se da se sa podizanje temperature  $A_{1g}^5$  mod pomera ka nižim energijama, i širi, sve do temperature  $T_1 = 142,5$  K. Na sledećoj eksperimentalnoj temperaturi dolazi do naglog sužavanja istog moda i pomeranja ka višim energijama. Nakon toga, mod nastavlja da se sužava, ali počinje da se pomera ka nižim energijama. Na temperaturi  $T^* = 160$  K  $A_{1g}^5$  moda dostiže svoj najuži oblik. Podizanje temperature do  $T_2 = 190$  K dovodi do ponovnog širenja fononske linije i pomeranja moda ka nižim temperaturama. Na temperaturi  $T_2 = 190$  K energija  $A_{1g}^5$  mod opet naglo opada, i nastavlja da pada sve do  $T_3 = 280$  K. U ovom rasponu temperatura širina fononske linije je u blagom porastu. Temperaturska zavisnost energije  $A_{1g}^3$  Raman aktivnog moda pokazuje slično ponašanje.

Zanimljiva i krajnje neočekivana temperaturska zavisnost primećena je i u slučaju Fano parametra  $|q|$  [Slika 7.4(d)]  $A_{1g}^5$  simetrijskog moda. Naime, na najnižim eksperimentalnim temperaturama  $A_{1g}^5$  mod je izraženo asimetričan sa Fano parametrom  $|q| = 9,9$ . Zagrevanje uzorka sve do temperature  $T_1 = 142,5$  K nema preterano velik uticaj na asimetričnost. Međutim, dalje podizanje temperature dovodi do naglog skoka Fano paramtera, odnosno smanjene asimetričnosti fononske linije  $A_{1g}^5$  moda. Na temperaturi  $T^* = 160$  K mod  $A_{1g}^5$  postaje potpuno simetričan, sa vrednosti Fano parametra  $|q| = 38,8$  [Slika 7.3(c)]. Dodatno povećanje temperature dovodi do snižavanja Fano parametra i do ponovne uspostave asimetrične linije na  $T_2$ . U temperaturskom rasponu od  $T_2$  do  $T_3$  vrednost Fano parametra je skoro konstantna. Prelaskom temperature  $T_3$   $A_{1g}^5$  mod postaje još asimetričniji, postižući minimum vrednosti Fano parametra na najvišoj eksperimentalno dostupnoj temperaturi  $T = 320$  K.

Primećene promene u ramanskim paramerima najčešće ukazuju na jedan ili više faznih prelaza. Međutim, kao što je pomenuto, jedini prijavljeni fazni prelaz u  $\text{Mn}_3\text{Si}_2\text{Te}_6$  je fazni prelaz drugog reda između ferimagnetne i paramagnetne faze, do kog dolazi na temperaturi od  $T = 78$  K [160, 162]. Ova temperatura znatno je niža od svih eksperimentalnih temperatura na kojima su primećene najznačajnije promene u ramanskim spektrima. Premda primećena asimetrija fononskih linija na temperaturama iznad  $T_C$  može biti povezana sa pojačanom spin-fonon interakcijom, kao što je to slučaj kod  $\text{CrSiT}_3$  [159], ona nije dovoljna kako bi se objasnile nagle promene karakteristika  $A_{1g}^5$  moda. Jedan od mogućih scenarija je da ono potiče od postojanje frustriranih magnentnih faza. Ako se dobijeni rezultati analiziraju u skladu sa tom pretpostavkom može se reći da na temperaturi  $T_1$  dolazi do promene u prirodi magnetnih fluktuacija. Ova promena izaziva skok u energiji fonona, praćen snižavanjem spin-fonon sparivanja koje se u spektrima manifestuje kao sužavanje i promena oblika fononske linije moda. Na temperaturi  $T^*$  mod postaje u potpunosti simetričan, te je spin-fonon interakcija gotovo zanemarljiva. Podizanje temperature dovodi do postepenog porasta spin-fonon interakcija, koja na temperaturi  $T_2$  dostiže vrednosti uporedive sa početnim ( $\sim 10$ ), usled još jedne promene u prirodi ma-

gnetnih fluktuacija. Nakon monotonog razvoja fononskih parametara na temperaturi  $T_3$  energija fonona trpi još jednu naglu promenu praćenu jačanjem spin-fonon interakcije. Premda dve studije ukazuju na anomaliju u magnetizacionim merenjima na oko 330 K, povezani sa anizotropnim magnetizmom za koju je odgovorna mala feromagnetna komponenta [162, 167], razlika između ove temperature i  $T_3$  je dovoljno velika da bi promene u ramanskim spektrima bile povezane sa njom.



Slika 7.5: Temperaturska zavisnosnost realnog dela *ac* susceptibilnosti  $m'(T)$  i njen temperaturski izvod u funkciji temperature za  $\mathbf{H} \parallel \mathbf{ab}$ .

Iako prethodno prijavljeni eksperimentalni rezultati ne ukazuju na fazni prelaz prvog reda u rasponu temperatura u kojima je primećeno anomalno ponašanje  $A_{1g}^5$  moda [160, 162, 163], nakon dodatnih inspekcija primećen je diskontinuitet prvog izvoda *ac* susceptibilnosti u **ab** ravni [slika 7.5(a)] [197]. S obzirom na to da se magnetni momenti uređuju baš u toj ravni [163], kao i da prvi izvodi otpornosti i termalne provodnosti ne trpe diskontinuitete, primećeni diskontinuitet dodatno ukazuje na scenario u kom dolazi do takmičenja u magnetnim fluktuacijama.

## 8 Zaključak

U sklopu ove doktorske disertacije izloženi su rezultati ispitivanja vibracionih osobina slojevitih kristala kvazi-dvodimenzionalnih materijala. S obzirom na to da je fizika kvazi-dvodimenzionalnih materijala relativno sveža oblast eksperimentalne fizike čvrstog stanja, svako novo saznanje može biti od izuzetnog značaja za dalji tok njenog razvoja. Shodno tome, ne čudi da je otkriće fizičkih fenomena, eksperimentalno nedostupnih kod njihovih trodimenzionalnih analogona, iznadrilo veliki broj istraživanja usmerenih ka dubljoj spoznaji transportnih, magnetnih i hemijskih karakteristika ovih sistema. U cilju davanja značajnog doprinosa trenutnim saznanjima o niskodimenzionom magnetizmu, kao i u razrešavanju misterije iza mehaniza formiranja kolektivnog elektronskog fenomena talasa gustine nanelektrisanja, u okviru ove disertacije ispitavani su trenutno najznačajniji predstavnici kvazi-dvodimenzionalnih materijala za ova dva fenomena.

Kvazi-dvodimenzionalni materijali u kojima je niskodimenzioni magnetizam dobio eksperimentalnu potvrdu, a koji su zbog svojih jedinstvenih svojstava izabrani da budu deo predstavljenog istraživanja, su  $\text{CrI}_3$ ,  $\text{VI}_3$  i  $\text{Mn}_3\text{Si}_2\text{Te}_6$ . Polarizovani ramanski spektri na  $\text{CrI}_3$  mereni na 100 K i na 300 K pokazali su da niskotemperaturska i visokotemperaturska faza mogu da se opišu u saglasnosti sa  $R\bar{3}$  i  $C2/m$  prostornom grupom simetrije, redom. Od očekivanih osam, odnosno dvanaest, Raman aktivnih modova u niskotemperaturskom, odnosno visokotemperaturskom, spektru, samo jedan mod nije prisutan. Odsustvo ovog moda u spektrima najverovatnije je posledica njegovog slabog intenziteta. Eksperimentalne energije konzistentne su sa DFT proračunima, za obe faze. Nakon potvde simetrija kristalnih struktura obe faze utvrđeno je da je simetrija pojedinačnog sloja  $\text{CrI}_3$   $p\bar{3}1/m$ , a ne prethodno prijavljena  $R\bar{3}2/m$ . Kako bi se odredila tačna temperatura na kojoj dolazi do faznog prelaza, kao i kakav je tačno njegov uticaj na vibracione osobine slojevitih kristala  $\text{CrI}_3$ , odrđena su temperaturski zavisna merenja. Posmatrajući temperatursku zavisnost romboedarskih modova utvrđeno je da na temperaturi od  $T_S = 180$  K dolazi do cepanja  $E_g$  modova na monoklinične  $A_g$  i  $B_g$  modove, dok se romboedarski  $A_g^2$  i  $A_g^4$  modovi transformišu u monoklinične  $B_g$  modove. S obzirom na to da iznad ove temperature u spektrima ne postoji ništa što može da se poveže sa doprinosima romboedarske faze, zaključeno je da ne postoji koegzistencija faza na dužoj temperaturskoj skali. Korak merenja je iznosio 5 K, tako da ne može da se tvrdi da unutar tih 5 K od temperature faznog prelaza ne postoje neki mali doprinosi romboedarske faze.

U slučaju feromagnetnog VI<sub>3</sub> glavno pitanje na koje je trebalo odgovoriti jeste pitanje kristalne strukture. Naime, tri različite XRD studije ponudile su tri različite mogućnosti. Kako je poznavanje simetrije kristalne strukture krucijalno za tačnu analizu skoro svih eksperimentalnih i teorijskih istraživanja, glavni fokus bio je otkriti razlog neslaganja rezultata i ponuditi rešenje. U tom cilju, modovi primećeni u polarizovanim ramanskim spektrima upoređeni su sa predviđenim modovima za svaku od ponuđenih simetrija jedinične celije. Kako je ovaj postupak eliminisao samo jednu od tri mogućnosti, eksperimentalne vrednosti fononskih energija upoređene su sa DFT proračunima. Utvrđeno je da ramanski spektri potiču od P $\bar{3}1c$  simetrije kristalne strukture. Međutim, rezultati sinhrotronskog XRD eksperimenta na istim uzorcima pokazali su da kristalna struktura ipak pripada R $\bar{3}$  prostornoj grupi simetrije. Znajući da XRD eksperiment daje usrednjenu kristalnu strukturu, s obzirom na to da se većinadoprinos kratkodometnog uređenja otklanja sa pozadinskim signalom, a da signal u ramanskim spektrima najčešće potiče od lokalne ideje, javila se ideja da se uradi PDF analiza koja bi koristila model sačinjen od doprinosa dugodometne R $\bar{3}$  i kratkodometne P $\bar{3}1c$  faze. Najbolji rezultat dobijen je korišćenjem 75% dugodometnih i 25% kratkodometnih doprinosa. Time je rešeno pitanje kristalne strukture VI<sub>3</sub> i pruženo je objašnjenje odakle potiče neslaganje tri XRD eksperimenta.

Ramanski spektri ferimagnetnog Mn<sub>3</sub>Si<sub>2</sub>Te<sub>6</sub> analizirani su u skladu sa kristalnom strukturom prostorne grupe simetrije P $\bar{3}1c$ . Od simetrijom predviđenih šesnaest modova ( $5A_{1g} + 11E_g$ ) identifikованo je trinaest ( $5A_{1g} + 8E_g$ ). Pored ovih modova, u spektrima je primećeno još tri moda, koja se ponašaju u skladu sa  $A_{1g}$  selepcionim pravilima. S obzirom na to da se ovi modovi pojavljuju samo u spektrima u paralelnoj polarizacionoj konfiguraciji, oni su najverovatnije *overtone* stanja uočljiva usled jake spin-fonon interakcije u materijalu. Na pojačano spin-fonon sparivanje ukazuje i asimetričnost fononskih linija u spektrima. Temperaturska zavisnost energije fonona, širine i Fano parametra  $A_{1g}^5$  moda posebno je zanimljiva. Naime, u temperaturskoj zavisnosti sva tri parametra jasno se manifestuju tri diskontinuiteta. Do njih dolazi na temperaturama  $T_1 = 142,5$  K,  $T_2 = 190$  K i  $T_3 = 280$  K. Svaki je praćen je naglim promenama Fano parametra te se da zaključiti da imaju izuzetno jak uticaj na spin-fonon sparivanje u Mn<sub>3</sub>Si<sub>2</sub>Te<sub>6</sub>. Ovi diskontinuiteti najverovatnije su posledica kompeticija različitih magnetnih faza i povezanih magnetnih fluktuacija. Na ovaj scenario ukazuju i diskontinuiteti primećeni u temperaturskoj zavisnosti prvog izvoda magnetne *ac* susceptibilnosti u **ab** ravni.

Formiranje talasa gustine nanelektrisanja ispitivano je na kristalima 1T-TaS<sub>2</sub>. Prelazi između tri CDW faze u ovom materijalu javljaju na temperaturama koje su dostupne u eksperimentu Ramanovog rasejanja, te 1T-TaS<sub>2</sub> predstavlja idealan sistem za ramansku analizu talasa gustine nanelektrisanja. Polarizovani ramanski spektri sve tri faze analizirani su u skladu sa postojećim saznanjima. U ramanskim spektrima samerljive faze, snimljenim u oba kanala rasejanja, identifikованo je  $19A_g$  i  $19E_g$  simetrijskih modova, ukazujući na heksagonalan/trigonalan način pakovanja „Davidovih zvezda” u samerljivu superstrukturu. Ovaj rezultat u suprotnosti je sa prethodno prijavljenim trikliničnim

načinom pakovanja. Posmatrajući spekture nesamerljive faze, i poredeći ih sa *ab initio* proračunima za normalnu metalnu fazu, utvrđeno je da se isti mogu objasniti u skladu sa fononskom gustinom stanja, pre nego na osnovu izračunatih fononskih disperzija. Do projekcije fononske gustine stanja u ramanskim spektrima nesamerljive faze najverovatnije dolazi usled narušenja translacione invarijantnosti prilikom formiranja talasa gustine nanelektrisanja, kao i usled nezanemarljivog elekton-fonon sparivanja. U ramanskim spektrima merenim u opsegu temperatura za koje je  $1T\text{-TaS}_2$  u tzv. približno samerljivoj fazi, primećeni su doprinosti samerljive i nesamerljive faze. Ovakav rezultat potvrda je pretpostavke da je približno samerljiva faza koegzistencija samerljive i nesamerljive faze. S obzirom na to da je  $1T\text{-TaS}_2$  u normalnoj fazi metaličan, a u samerljivoj fazi izolator, i imajući uvidu da se u literaturi  $1T\text{-TaS}_2$  pominje kao Motov sistem, javila se ideja o ispitivanju elektronske strukture  $1T\text{-TaS}_2$ . Rezultati eksperimenta elektronskog Ramanovog rasejanja pokazali su da se, pored CDW procepa karakterističnog za sve materijale u kojima dolazi do formiranja talasa gustine nanelektrisanja, u samerljivoj fazi na temperaturi oko  $T = 100$  K otvara i Motov procep. Ovaj procep posledica je metal-izolator prelaza i njegova procenjena veličina  $\Omega_{procep} \approx 170 - 190$  meV u saglasnosti je sa rezultatima ARPES studija. Ovim nije samo pokazano da je eksperiment elektronskog Ramanovog rasejanja tehnika koja može precizno da odredi veličine procepa u Motovim sistemima, već i da može da se koristi za ispitivanje impulsne zavisnosti i energetske skale promena elektronske strukture izazvane niskotemperaturskim kvantnim fenomenima.

# Literatura

- [1] R. Peierls. Quelques propriétés typiques des corps solides. *Annales de l'institut Henri Poincaré*, 5(3):177–222, 1935. [1](#)
- [2] L. D. Landau. Zur Theorie der phasenumwandlungen II. *Phys. Z. Sowjetunion*, 11(545):26–35, 1937. [1](#)
- [3] L. D. Landau and E. M. Lifshitz. Chapter I—The Fundamental Principles of Statistical Physics. *Course of Theoretical Physics*, pages 1–33, 1980. [1](#)
- [4] N. D. Mermin. Crystalline order in two dimensions. *Physical Review*, 176(1):250, 1968. [1](#)
- [5] J. A. Venables and G. D. T. Spiller. Nucleation and growth of thin films. *Surface Mobilities on Solid Materials*, pages 341–404, 1983. [1](#)
- [6] K. S. Novoselov, A. K. Geim, S. V. Morozov, D. Jiang, Y. Zhang, S. V. Dubonos, I. V. Grigorieva, and A. A. Firsov. Electric Field Effect in Atomically Thin Carbon Films. *Science*, 306(5696):666–669, 2004. [1](#), [28](#)
- [7] K. S. Novoselov, A. K. Geim, S. V. Morozov, D. Jiang, M. I. Katsnelson, I. V. Grigorieva, S. V. Dubonos, and A. A. Firsov. Two-dimensional gas of massless Dirac fermions in graphene. *Nature*, 438(7065):197–200, Nov 2005. [1](#), [30](#)
- [8] M. Z. Hasan and C. L. Kane. Colloquium: Topological insulators. *Rev. Mod. Phys.*, 82:3045–3067, Nov 2010. [1](#), [30](#)
- [9] C. L. Kane and E. J. Mele. Quantum Spin Hall Effect in Graphene. *Phys. Rev. Lett.*, 95:226801, Nov 2005. [1](#), [30](#)
- [10] M. König, S. Wiedmann, C. Brüne, A. Roth, H. Buhmann, L. W. Molenkamp, X.-L. Qi, and S.-C. Zhang. Quantum Spin Hall Insulator State in HgTe Quantum Wells. *Science*, 318(5851):766–770, 2007. [1](#), [30](#)
- [11] N. R. Glavin, R. Rao, V. Varshney, E. Bianco, A. Apte, A. Roy, E. Ringe, and P. M. Ajayan. Emerging Applications of Elemental 2D Materials. *Advanced Materials*, 32(7):1904302, 2020. [1](#), [28](#), [29](#), [30](#)

- [12] D. C. Elias, R. R. Nair, T. M. G. Mohiuddin, S. V. Morozov, P. Blake, M. P. Halsall, A. C. Ferrari, D. W. Boukhvalov, M. I. Katsnelson, A. K. Geim, and K. S. Novoselov. Control of Graphene's Properties by Reversible Hydrogenation: Evidence for Graphane. *Science*, 323(5914):610–613, 2009. [1](#), [29](#)
- [13] A. J. M. Giesbers, K. Uhlířová, M. Konečný, E. C. Peters, M. Burghard, J. Aarts, and C. F. J. Flipse. Interface-Induced Room-Temperature Ferromagnetism in Hydrogenated Epitaxial Graphene. *Phys. Rev. Lett.*, 111:166101, Oct 2013. [1](#), [29](#)
- [14] H. Gonzalez-Herrero, J. M. Gomez-Rodriguez, P. Mallet, M. Moaied, J. J. Palacios, C. Salgado, M. M. Ugeda, J.-Y. Veuillet, F. Yndurain, and I. Brihuega. Atomic-scale control of graphene magnetism by using hydrogen atoms. *Science*, 352(6284):437–441, Apr 2016. [1](#), [29](#)
- [15] N. D. Mermin and H. Wagner. Absence of Ferromagnetism or Antiferromagnetism in One- or Two-Dimensional Isotropic Heisenberg Models. *Phys. Rev. Lett.*, 17:1133–1136, Nov 1966. [1](#), [31](#), [32](#)
- [16] C. Gong, L. Li, Z. Li, H. Ji, A. Stern, Y. Xia, T. Cao, W. Bao, C. Wang, Y. Wang, and et al. Discovery of intrinsic ferromagnetism in two-dimensional van der Waals crystals. *Nature*, 546(7657):265–269, Apr 2017. [1](#), [29](#), [30](#)
- [17] B. Huang, G. Clark, E. Navarro-Moratalla, D. R. Klein, R. Cheng, K. L. Seyler, D. Zhong, E. Schmidgall, M. A. McGuire, D. H. Cobden, and et al. Layer-dependent ferromagnetism in a van der Waals crystal down to the monolayer limit. *Nature*, 546(7657):270–273, Jun 2017. [1](#), [29](#), [30](#), [32](#), [34](#)
- [18] J. Liu, Q. Sun, Y. Kawazoe, and P. Jena. Exfoliating biocompatible ferromagnetic Cr-trihalide monolayers. *Phys. Chem. Chem. Phys.*, 18:8777–8784, 2016. [2](#), [32](#)
- [19] W.-B. Zhang, Q. Qu, P. Zhu, and C.-H. Lam. Robust intrinsic ferromagnetism and half conductivity in stable two-dimensional single-layer chromium trihalides. *J. Mater. Chem. C*, 3:12457–12468, 2015. [2](#), [32](#)
- [20] X.-L. Sheng and B. K. Nikolić. Monolayer of the 5d transition metal trichloride OsCl<sub>3</sub>: A playground for two-dimensional magnetism, room-temperature quantum anomalous Hall effect, and topological phase transitions. *Phys. Rev. B*, 95:201402, May 2017. [2](#), [32](#)
- [21] Y. Zhou, H.-F. Lu, X. Zu, and F. Gao. Evidencing the existence of exciting half-metallicity in two-dimensional TiCl<sub>3</sub> and VCl<sub>3</sub> sheets. *Scientific reports*, 6:19407, 01 2016. [2](#), [32](#)
- [22] J. He, X. Li, P. Lyu, and P. Nachtigall. Near-room-temperature Chern insulator and Dirac spin-gapless semiconductor: nickel chloride monolayer. *Nanoscale*, 9:2246–2252, 2017. [2](#), [32](#)

- [23] S. Sarikurt, Y. Kadioglu, F. Ersan, E. Vatansever, O. Üzengi Aktürk, Y. Yüksel, Ü. Akıncı, and E. Aktürk. Electronic and magnetic properties of monolayer  $\alpha$ -RuCl<sub>3</sub>: a first-principles and Monte Carlo study. *Phys. Chem. Chem. Phys.*, 20:997–1004, 2018. [2](#), [32](#)
- [24] Qilong Sun and Nicholas Kioussis. Prediction of manganese trihalides as two-dimensional Dirac half-metals. *Phys. Rev. B*, 97:094408, Mar 2018. [2](#), [32](#)
- [25] Herbert Fröhlich. On the theory of superconductivity: the one-dimensional case. *Proceedings of the Royal Society of London. Series A. Mathematical and Physical Sciences*, 223(1154):296–305, 1954. [2](#)
- [26] R. E. Peierls. *Quantum theory of solids*. Oxford University Press, 1955. [2](#)
- [27] P. W. Anderson, P. A. Lee, and M. Saitoh. Remarks on giant conductivity in TTF-TCNQ. *Solid State Communications*, 13(5):595–598, 1973. [2](#)
- [28] Albertini, O. R. *First-principles Study of Charge Density Waves and Electron-phonon Coupling in Transition Metal Dichalcogenides, and Magnetism of Surface Adatoms*. PhD thesis, Georgetown University, January 2017. [2](#)
- [29] H.F. Hess, R.B. Robinson, and J.V. Waszczak. STM spectroscopy of vortex cores and the flux lattice. *Physica B: Condensed Matter*, 169(1):422–431, 1991. [2](#), [40](#)
- [30] M. Bayle, N. Reckinger, A. Felten, P. Landois, O. Lancry, B. Dutertre, J. Colomer, A. Zahab, L. Henrard, J. Sauvajol, and M. Paillet. Determining the number of layers in few-layer graphene by combining Raman spectroscopy and optical contrast. *Journal of Raman Spectroscopy*, 49(1):36–45, 2018. [3](#), [5](#)
- [31] G. Plechinger, S. Heydrich, J. Eroms, D. Weiss, C. Schüller, and T. Korn. Raman spectroscopy of the interlayer shear mode in few-layer MoS<sub>2</sub> flakes. *Applied Physics Letters*, 101(10):101906, 2012. [3](#), [5](#)
- [32] D. Machon, C. Bousige, R. Silva Alencar, A. Cefas Torres Dias, F. Balima, J. Nicolle, G. Pinheiro, A. Souza Filho, and A. San-Miguel. Raman scattering studies of graphene under high pressure. *Journal of Raman Spectroscopy*, 49, 11 2017. [3](#), [5](#)
- [33] L. M. Malard, M. A. Pimenta, G. Dresselhaus, and M. S. Dresselhaus. Raman spectroscopy in graphene. *Physics Reports*, 473(5):51–87, 2009. [3](#), [5](#)
- [34] A. C. Ferrari and D. M. Basko. Raman spectroscopy as a versatile tool for studying the properties of graphene. *Nature Nanotechnology*, 8(4):235–246, Apr 2013. [3](#), [5](#)
- [35] X. Li, W. Han, J. Wu, X. Qiao, J. Zhang, and P. Tan. Layer-Number Dependent Optical Properties of 2D Materials and Their Application for Thickness Determination. *Advanced Functional Materials*, 27(19):1604468, 2017. [3](#), [5](#)

- [36] T. P. Devereaux and R. Hackl. Inelastic light scattering from correlated electrons. *Rev. Mod. Phys.*, 79:175–233, Jan 2007. [3](#), [5](#)
- [37] N. Lazarević and R. Hackl. Fluctuations and pairing in Fe-based superconductors: light scattering experiments. *Journal of Physics: Condensed Matter*, 32(41):413001, jul 2020. [3](#), [5](#)
- [38] M. Huang, H. Yan, T. F. Heinz, and J. Hone. Probing Strain-Induced Electronic Structure Change in Graphene by Raman Spectroscopy. *Nano Letters*, 10(10):4074–4079, 2010. [3](#), [5](#)
- [39] C. V. Raman. The Molecular Scattering of Light in Liquids and Solids. *Nature*, 108:402–403, 1921. [5](#)
- [40] C. V. Raman and G. T. Walker. On the molecular scattering of light in water and the colour of the sea. *Proceedings of the Royal Society of London. Series A, Containing Papers of a Mathematical and Physical Character*, 101(708):64–80, 1922. [5](#)
- [41] C. V. Raman and K. S. Krishnan. The optical analogue of the Compton effect. *Nature*, 121(3053):711–711, 1928. [5](#)
- [42] C. V. Raman and K. S. Krishnan. The negative absorption of radiation. *Nature*, 122(3062):12–13, 1928. [5](#)
- [43] A. Smekal. Zur Quantentheorie der Dispersion. *Naturwissenschaften*, 11(43):873–875, Oct 1923. [5](#)
- [44] C. V. Raman and K. S. Krishnan. A new type of secondary radiation. *Nature*, 121(3048):501, 1928. [6](#)
- [45] American Chemical Society International Historic Chemical Landmarks. The Raman Effect. <https://www.acs.org/content/acs/en/education/whatischemistry/landmarks/ramaneffect.html>. Accessed: 2021-10-04. [6](#)
- [46] G. Landsberg and L. Mandelstam. A novel effect of light scattering in crystals. *Naturwissenschaften*, 16(5):5, 1928. [6](#)
- [47] J. R. Ferraro, K. Nakamoto, and C. W. Brown. Chapter 1 - Basic Theory. In J. R. Ferraro, K. Nakamoto, and C. W. Brown, editors, *Introductory Raman Spectroscopy (Second Edition)*, pages 1–94. Academic Press, San Diego, second edition edition, 2003. [6](#), [7](#), [8](#), [23](#)
- [48] D. A. Long. Handbook of Raman spectroscopy. From the research laboratory to the process line. Edited by I. R. Lewis, H. G. M. Edwards and M. Dekker, New York and Basel, 2001. *Journal of Raman Spectroscopy*, 35(1):91–91, 2004. [6](#)

- [49] Y. Ozaki. Medical Application of Raman Spectroscopy. *Applied Spectroscopy Reviews*, 24(3-4):259–312, 1988. [6](#)
- [50] A. Germond, V. Kumar, T. Ichimura, J. Moreau, C. Furusawa, H. Fujita, and T. M. Watanabe. Raman spectroscopy as a tool for ecology and evolution. *Journal of The Royal Society Interface*, 14(131):20170174, 2017. [6](#)
- [51] D. Bersani and J. M. Madariaga. Applications of Raman spectroscopy in art and archaeology. *Journal of Raman Spectroscopy*, 43(11):1523–1528, 2012. [6](#)
- [52] L. A. Nafie. Recent advances in linear and nonlinear Raman spectroscopy. Part VII. *Journal of Raman Spectroscopy*, 44(12):1629–1648, 2013. [6](#)
- [53] Z. D. Dohčević-Mitrović, M. J. Šćepanović, M. Grujić-Brojčin, and Z. V. Popović. *Optička svojstva nanomaterijala*. Institut za fiziku i Akademska misao, Beograd, str. 254, ISBN: 978-86-7466-414-8, 2011. [7](#), [9](#), [11](#), [13](#), [14](#)
- [54] H. Kuzmany. *Solid-State Spectroscopy, An Introduction*. Springer, 2009. [7](#), [9](#), [15](#), [16](#), [17](#)
- [55] P. Brüesch. Phonons: Theory and experiments II. *Springer Series in Solid State Sciences*, 65:172, 1986. [9](#), [10](#), [11](#), [12](#)
- [56] M. Cardona. Light Scattering in Solids II, edited by M. Cardona and G. Guntherodt. *Topic in Applied Physics*, 50:117, 1982. [9](#)
- [57] Z. V. Popovic. Raman Scattering by Defects and Impurities. *Science of sintering*, 28:35–42, 1996. [9](#)
- [58] P. Y. Yu and M. Cardona. Fundamentals of semiconductors. Physics and materials properties. 4. ed., Jul 2010. [12](#), [13](#)
- [59] A. Cros Stötter. *Efecto Raman resonante con campos magnéticos intensos en heteroestructuras semiconductoras*. PhD thesis, Universidad de Valencia, Valencia, Spain, 1994. [12](#), [13](#)
- [60] A. Debernardi, F. Geuser, J. Kulda, M. Cardona, and E. Haller. Anharmonic Self-Energy of Phonons: Ab Initio Calculations and Neutron Spin Echo Measurements. 01 2003. [14](#), [15](#)
- [61] J. Menéndez and M. Cardona. Temperature dependence of the first-order Raman scattering by phonons in Si, Ge, and  $\alpha$  – Sn: Anharmonic effects. *Phys. Rev. B*, 29:2051–2059, Feb 1984. [14](#)
- [62] H.-M. Eiter, P. Jaschke, R. Hackl, A. Bauer, M. Gangl, and C. Pfleiderer. Raman study of the temperature and magnetic-field dependence of the electronic and lattice properties of MnSi. *Physical Review B*, 90(2), Jul 2014. [14](#), [15](#)

- [63] E. Haro, M. Balkanski, R. F. Wallis, and K. H. Wanser. Theory of the anharmonic damping and shift of the Raman mode in silicon. *Phys. Rev. B*, 34:5358–5367, Oct 1986. [14](#)
- [64] M. Opačić, N. Lazarević, M. M. Radonjić, M. Šćepanović, H. Ryu, A. Wang, D. Tanasković, C. Petrović, and Z. V. Popović. Raman spectroscopy of  $K_xCo_{2-y}Se_2$  single crystals near the ferromagnet–paramagnet transition. *Journal of Physics: Condensed Matter*, 28(48):485401, oct 2016. [14](#)
- [65] F. Vallée. Time-resolved investigation of coherent LO-phonon relaxation in III-V semiconductors. *Phys. Rev. B*, 49:2460–2468, Jan 1994. [14](#)
- [66] W. J. Borer, S. S. Mitra, and K. V. Namjoshi. Line shape and temperature dependence of the first order Raman spectrum of diamond. *Solid State Communications*, 9(16):1377–1381, 1971. [15](#)
- [67] P. G. Klemens. Anharmonic Decay of Optical Phonons. *Phys. Rev.*, 148:845–848, Aug 1966. [15](#)
- [68] A. Milosavljević. *Elektron-fonon i spin-fonon interakcija u superprovodnicima na bazi gvožđa i kvazi-2D materijalima izučavana metodom Ramanove spektroskopije*. PhD thesis, Univerzitet u Beogradu-Fizički fakultet, 2021. [17](#), [27](#)
- [69] N. Lazarević, M. Radonjić, M. Šćepanović, Hechang Lei, D. Tanasković, C. Petrović, and Z. V. Popović. Lattice dynamics of  $KNi_2Se_2$ . *Physical Review B*, 87(14), Apr 2013. [17](#), [67](#)
- [70] U. Fano. Effects of Configuration Interaction on Intensities and Phase Shifts. *Phys. Rev.*, 124:1866–1878, Dec 1961. [17](#)
- [71] M. Cardona. *Light Scattering in Solids I: Introductory Concepts*, volume 8. Springer Science & Business Media, 2006. [18](#), [20](#), [21](#)
- [72] F. Kretzschmar. *Nematic Fluctuations, Fermiology and the Pairing Potential in Iron-Based superconductors*. PhD thesis, Technische Universität München, Fakultät für Physik, München, Germany, july 2015. [18](#), [19](#), [21](#), [26](#)
- [73] D. Pines and P. Nozières. The Theory of Quantum Liquids. 1966. [18](#)
- [74] T. P Devereaux and R. Hackl. Inelastic light scattering from correlated electrons. *Reviews of modern physics*, 79(1):175, 2007. [18](#), [19](#)
- [75] <https://www.princetoninstruments.com/wp-content/uploads/2020/04/TriVista-System-Manual-Issue-1B-4411-0113.pdf>. [24](#), [25](#)
- [76] I. Langmuir. *The collected works of Irving Langmuir*, volume 12. Pergamon Press, 1962. [28](#)

- [77] R. Mas-Ballesté, C. Gómez-Navarro, J. Gómez-Herrero, and F. Zamora. 2D materials: to graphene and beyond. *Nanoscale*, 3:20–30, 2011. [28](#)
- [78] F. Matusalema, M. Marques, L. Teles, and F. Bechstedt. Stability and electronic structure of two-dimensional allotropes of group-IV materials. *Physical Review B - Condensed Matter and Materials Physics*, 92, 07 2015. [29](#)
- [79] Y. Huang, S. N. Shirodkar, and B. I. Yakobson. Two-Dimensional Boron Polymorphs for Visible Range Plasmonics: A First-Principles Exploration. *Journal of the American Chemical Society*, 139(47):17181–17185, 2017. [29](#)
- [80] Z. Zhu, X. Cai, S. Yi, J. Chen, Y. Dai, C. Niu, Z. Guo, M. Xie, F. Liu, J.-H. Cho, Y. Jia, and Z. Zhang. Multivalency-Driven Formation of Te-Based Monolayer Materials: A Combined First-Principles and Experimental study. *Phys. Rev. Lett.*, 119:106101, Sep 2017. [29](#)
- [81] F. Reis, G. Li, L. Dudy, M. Bauernfeind, S. Glass, W. Hanke, R. Thomale, J. Schäfer, and R. Claessen. Bismuthene on a SiC substrate: A candidate for a high-temperature quantum spin Hall material. *Science*, 357(6348):287–290, 2017. [29](#)
- [82] J. Yuhara, B. He, N. Matsunami, M. Nakatake, and G. Le Lay. Graphene’s Latest Cousin: Plumbene Epitaxial Growth on a “Nano WaterCube”. *Advanced Materials*, 31(27):1901017, 2019. [29](#)
- [83] E. Aktürk, O. Üzengi Aktürk, and S. Ciraci. Single and bilayer bismuthene: Stability at high temperature and mechanical and electronic properties. *Phys. Rev. B*, 94:014115, Jul 2016. [29](#)
- [84] Y. Xu, B. Yan, H.-J. Zhang, J. Wang, G. Xu, P. Tang, W. Duan, and S.-C. Zhang. Large-Gap Quantum Spin Hall Insulators in Tin Films. *Phys. Rev. Lett.*, 111:136804, Sep 2013. [29](#)
- [85] Z. Zhu, Y. Cheng, and U. Schwingenschlögl. Topological Phase Transition in Layered GaS and GaSe. *Phys. Rev. Lett.*, 108:266805, Jun 2012. [29](#)
- [86] Y. Ma, Y. Dai, M. Guo, L. Yu, and B. Huang. Tunable electronic and dielectric behavior of GaS and GaSe monolayers. *Phys. Chem. Chem. Phys.*, 15:7098–7105, 2013. [29](#)
- [87] A. J. Mannix, X. F. Zhou, B. Kiraly, J. D. Wood, D. Alducin, B. D. Myers, X. Liu, B. L. Fisher, U. Santiago, J. R. Guest, M. J. Yacaman, A. Ponce, A. R. Oganov, M. C. Hersam, and N. P. Guisinger. Synthesis of borophenes: Anisotropic, two-dimensional boron polymorphs. *Science*, 350(6267):1513–1516, December 2015. [29](#)

- [88] Q. Zhong, L. Kong, J. Gou, W. Li, S. Sheng, S. Yang, P. Cheng, H. Li, K. Wu, and L. Chen. Synthesis of borophene nanoribbons on Ag(110) surface. *Phys. Rev. Materials*, 1:021001, Jul 2017. [29](#)
- [89] Y. Li, M. Gong, and H. Zeng. Atomically thin  $\alpha$ -In<sub>2</sub>Se<sub>3</sub>: an emergent two-dimensional room temperature ferroelectric semiconductor. *Journal of Semiconductors*, 40(6):061002, jun 2019. [29](#)
- [90] A. F. Kusmartseva, B. Sipos, H. Berger, L. Forró, and E. Tutíš. Pressure Induced Superconductivity in Pristine 1T—TiSe<sub>2</sub>. *Phys. Rev. Lett.*, 103:236401, Nov 2009. [29](#)
- [91] E. Wisotzki, Andreas Klein, and W. Jaegermann. Quasi van der Waals epitaxy of ZnSe on the layered chalcogenides InSe and GaSe. *Thin Solid Films*, 380:263–265, 12 2000. [30](#)
- [92] E. S. Kim, J. Y. Hwang, K. H. Lee, Hiromichi O., Y. H. Lee, and S. W. Kim. Graphene Substrate for van der Waals Epitaxy of Layer-Structured Bismuth Antimony Telluride Thermoelectric Film. *Advanced Materials*, 29(8), February 2017. [30](#)
- [93] K.S. Thygesen. Calculating excitons, plasmons, and quasiparticles in 2D materials and van der Waals heterostructures: Topical Review. *2D materials*, 4(2), 2017. [30](#)
- [94] K. Mak and J. Shan. Photonics and optoelectronics of 2D semiconductor transition metal dichalcogenides. *Nature Photonics*, 10:216–226, 03 2016. [30](#)
- [95] S. Koch, M. Kira, G. Khitrova, and H Gibbs. Semiconductor excitons in new light. *Nature materials*, 5:523–31, 08 2006. [30](#)
- [96] R. Raveendran-Nair, M. Sepioni, I-L. Tsai, O. Lehtinen, J. Keinonen, A. Krasheninnikov, T. Thomson, A. Geim, and I. Grigorieva. Spin-half paramagnetism in graphene induced by point defects. *Nature Physics*, 8, 11 2011. [30](#)
- [97] M. S. Dresselhaus. *Intercalation in layered materials*, volume 148. Springer, 2013. [30](#)
- [98] Q. H. Wang, K. Kalantar-zadeh, A. Kis, J. Coleman, and M. Strano. Electronics and Optoelectronics of Two-Dimensional Transition Metal Dichalcogenides. *Nature nanotechnology*, 7:699–712, 11 2012. [30](#)
- [99] M. A. McGuire. Crystal and Magnetic Structures in Layered, Transition Metal Dihalides and Trihalides. *Crystals*, 7(5), 2017. [31](#)
- [100] S. Tomar, B. Ghosh, S. Mardanya, P. Rastogi, Y. Chauhan, A. Agarwal, and S. Bhowmick. Intrinsic magnetism in monolayer transition metal trihalides: A

comparative study. *Journal of Magnetism and Magnetic Materials*, 489:165384, 05 2019. [31](#), [32](#)

- [101] Lars Onsager. Crystal Statistics. I. A Two-Dimensional Model with an Order-Disorder Transition. *Phys. Rev.*, 65:117–149, Feb 1944. [32](#)
- [102] N. Samarth. Condensed-matter physics: Magnetism in flatland. *Nature*, 546:216–218, 2017. [32](#)
- [103] M. A. McGuire, H. Dixit, V. R. Cooper, and B. C. Sales. Coupling of Crystal Structure and Magnetism in the Layered, Ferromagnetic Insulator CrI<sub>3</sub>. *Chemistry of Materials*, 27(2):612–620, 2015. [32](#), [33](#), [49](#)
- [104] J. F. Dillon and C. E. Olson. Magnetization, Resonance, and Optical Properties of the Ferromagnet CrI<sub>3</sub>. *Journal of Applied Physics*, 36(3):1259–1260, 1965. [32](#)
- [105] H. H. Kim, B. Yang, T. Patel, F. Sfigakis, C. Li, S. Tian, H. Lei, and A. W. Tsen. One Million Percent Tunnel Magnetoresistance in a Magnetic van der Waals Heterostructure. *Nano Letters*, 18(8):4885–4890, Jul 2018. [32](#)
- [106] Z. Wang, I. Gutiérrez-Lezama, N. Ubrig, M. Kroner, M. Gibertini, T. Taniguchi, K. Watanabe, A. Imamoğlu, E. Giannini, and A. F Morpurgo. Very large tunneling magnetoresistance in layered magnetic semiconductor CrI<sub>3</sub>. *Nature communications*, 9(1):1–8, 2018. [32](#)
- [107] L. Thiel, Z. Wang, M. A. Tschudin, D. Rohner, I. Gutiérrez-Lezama, N. Ubrig, M. Gibertini, E. Giannini, A. F. Morpurgo, and P. Maletinsky. Probing magnetism in 2D materials at the nanoscale with single-spin microscopy. *Science*, 364(6444):973–976, Apr 2019. [32](#)
- [108] L. L. Handy and N. W. Gregory. Structural Properties of Chromium(III) Iodide and Some Chromium(III) Mixed Halides. *Journal of the American Chemical Society*, 74(4):891–893, 1952. [32](#)
- [109] Y. Liu and C. Petrovic. Three-dimensional magnetic critical behavior in CrI<sub>3</sub>. *Phys. Rev. B*, 97:014420, Jan 2018. [32](#), [34](#), [47](#), [48](#), [49](#), [60](#)
- [110] N. Sivadas, S. Okamoto, X. Xu, C. J. Fennie, and D. Xiao. Stacking-Dependent Magnetism in Bilayer CrI<sub>3</sub>. *Nano Letters*, 18(12):7658–7664, Nov 2018. [34](#)
- [111] V. Kumar Gudelli and G.-Y. Guo. Magnetism and magneto-optical effects in bulk and few-layer CrI<sub>3</sub>: a theoretical GGA +U study. *New Journal of Physics*, 21(5):053012, May 2019. [34](#)
- [112] J L Lado and J Fernández-Rossier. On the origin of magnetic anisotropy in two dimensional CrI<sub>3</sub>. *2D Materials*, 4(3):035002, Jun 2017. [34](#)

- [113] H. Wang, F. Fan, S. Zhu, and H. Wu. Doping enhanced ferromagnetism and induced half-metallicity in CrI<sub>3</sub> monolayer. *EPL (Europhysics Letters)*, 114(4):47001, may 2016. [34](#)
- [114] L. Chen, J.-H. Chung, T. Chen, C. Duan, A. Schneidewind, I. Radelytskyi, D. J. Voneshen, R. A. Ewings, M. B. Stone, A. I. Kolesnikov, B. Winn, S. Chi, R. A. Mole, D. H. Yu, B. Gao, and P. Dai. Magnetic anisotropy in ferromagnetic CrI<sub>3</sub>. *Phys. Rev. B*, 101:134418, Apr 2020. [34](#)
- [115] D. Juza, Dieter D. Giegling, and H. Schäfer. Über die Vanadinjodide VJ<sub>2</sub> und VJ<sub>3</sub>. *Z. Anorg. Allg. Chem.*, 366:121 – 129, 11 1969. [35](#)
- [116] K. O. Berry, R. R. Smardzewski, and R. E. McCarley. Vaporization reactions of vanadium iodides and evidence for gaseous vanadium(IV) iodide. *Inorganic Chemistry*, 8(9):1994–1997, 1969. [35](#)
- [117] W. Klemm and E. Krose. Die Kristallstrukturen von ScCl<sub>3</sub>, TiCl<sub>3</sub> und VCl<sub>3</sub>. *Z. Anorg. Allg. Chem.*, 253(3-4):218–225, 1947. [35](#)
- [118] S. Son, M. J. Coak, N. Lee, J. Kim, T. Y. Kim, H. Hamidov, and et. al. Bulk properties of the van der Waals hard ferromagnet VI<sub>3</sub>. *Phys. Rev. B*, 99:041402, Jan 2019. [35](#), [36](#), [37](#), [38](#), [60](#), [62](#)
- [119] T. Kong, K. Stolze, E. I. Timmons, J. Tao, D. Ni, S. Guo, and et. al. VI<sub>3</sub> – a New Layered Ferromagnetic Semiconductor. *Adv. Mater.*, 31(17):1808074, 2019. [35](#), [37](#), [38](#), [60](#), [62](#)
- [120] P. Doležal, M. Kratochvílová, V. Holý, P. Čermák, V. Sechovský, M. Dušek, and et. al. Crystal structures and phase transitions of the van der Waals ferromagnet VI<sub>3</sub>. *Phys. Rev. Materials*, 3:121401, Dec 2019. [35](#), [60](#)
- [121] S. Tian, J-F. Zhang, C. Li, T. Ying, S. Li, X. Zhang, and et. al. Ferromagnetic van der Waals Crystal VI<sub>3</sub> . *J. Am. Chem. Soc.*, 141(13):5326–5333, 2019. [35](#), [36](#), [38](#), [62](#)
- [122] Yun-Peng Wang and Meng-Qiu Long. Electronic and magnetic properties of van der Waals ferromagnetic semiconductor VI<sub>3</sub>. *Phys. Rev. B*, 101:024411, Jan 2020. [36](#), [37](#)
- [123] Yu Liu, Milinda Abeykoon, and C. Petrovic. Critical behavior and magnetocaloric effect in VI<sub>3</sub>. *Phys. Rev. Research*, 2:013013, Jan 2020. [38](#), [59](#)
- [124] J. Valenta, M. Kratochvílová, M. Míšek, K. Carva, J. Kaštíl, P. Doležal, P. Opletal, P. Čermák, P. Proschek, K. Uhlířová, J. Prchal, M. J. Coak, S. Son, J-G. Park, and V. Sechovský. Pressure-induced large increase of Curie temperature of the van der Waals ferromagnet VI<sub>3</sub>. *Phys. Rev. B*, 103:054424, Feb 2021. [38](#)

- [125] X. Yin, C. S. Tang, Y. Zheng, J. Gao, J. Wu, H. Zhang, M. Chhowalla, W. Chen, and A. T. S. Wee. Recent developments in 2D transition metal dichalcogenides: phase transition and applications of the (quasi-)metallic phases. *Chem. Soc. Rev.*, 50:10087–10115, 2021. [39](#)
- [126] Q. H. Wang, K. Kalantar-zadeh, A. Kis, J. N. Coleman, and M. S. Strano. Electronics and optoelectronics of two-dimensional transition metal dichalcogenides. *Nature nanotechnology*, 7 11:699–712, 2012. [39](#)
- [127] X. Xu, W. Yao, D. Xiao, and T. F. Heinz. Spin and pseudospins in layered transition metal dichalcogenides. *Nature Physics*, 10:343–350, 2014. [39](#)
- [128] F. Xia, H. Wang, D. Xiao, M. Dubey, and A. Ramasubramaniam. Two-dimensional material nanophotonics. *Nature Photonics*, 8(12):899–907, Nov 2014. [39](#)
- [129] Leonid Chernozatonskii and Anastasiya Artyukh. Quasi- two-dimensional transition metal dichalcogenides: structure, synthesis, properties and applications. *Uspekhi Fizicheskikh Nauk*, 188, 02 2017. [39](#)
- [130] W. S. Yun, S. W. Han, S. C. Hong, I. G. Kim, and J. D. Lee. Thickness and strain effects on electronic structures of transition metal dichalcogenides: 2H- $MX_2$  semiconductors ( $M = \text{Mo, W}$ ;  $X = \text{S, Se, Te}$ ). *Phys. Rev. B*, 85:033305, Jan 2012. [40](#)
- [131] M. V. Bollinger, J. V. Lauritsen, K. W. Jacobsen, J. K. Nørskov, S. Helveg, and F. Besenbacher. One-Dimensional Metallic Edge States in  $\text{MoS}_2$ . *Phys. Rev. Lett.*, 87:196803, Oct 2001. [40](#)
- [132] Kin Fai Mak, Changgu Lee, James Hone, Jie Shan, and Tony F. Heinz. Atomically thin  $\text{mos}_2$ : A new direct-gap semiconductor. *Phys. Rev. Lett.*, 105:136805, Sep 2010. [40](#)
- [133] W. Jin, P.-C. Yeh, N. Zaki, D. Zhang, J. T. Sadowski, A. Al-Mahboob, A. M. van der Zande, D. A. Chenet, J. I. Dadap, I. P. Herman, P. Sutter, J. Hone, and R. M. Osgood. Direct Measurement of the Thickness-Dependent Electronic Band Structure of  $\text{MoS}_2$  Using Angle-Resolved Photoemission Spectroscopy. *Phys. Rev. Lett.*, 111:106801, Sep 2013. [40](#)
- [134] S. Tongay, H. Sahin, C. Ko, A. Luce, W. Fan, K. Liu, J. Zhou, Y.-S. Huang, C.-H. Ho, J. Yan, D. Ogletree, S. Aloni, J. Ji, S. Li, J. Li, F. Peeters, and J. Wu. Monolayer behaviour in bulk  $\text{ReS}_2$  due to electronic and vibrational decoupling. *Nature communications*, 5:3252, 02 2014. [40](#)
- [135] K. S. Novoselov, A. Mishchenko, A. Carvalho, and A. H. Castro Neto. 2D materials and van der Waals heterostructures. *Science*, 353(6298):aac9439, 2016. [40](#)

- [136] J. A. Wilson and A. D. Yoffe. The transition metal dichalcogenides discussion and interpretation of the observed optical, electrical and structural properties. *Advances in Physics*, 18(73):193–335, 1969. [40](#)
- [137] A. H. Castro Neto. Charge density wave, superconductivity, and anomalous metallic behavior in 2d transition metal dichalcogenides. *Phys. Rev. Lett.*, 86:4382–4385, May 2001. [40](#)
- [138] J.A. Wilson, F.J. Di Salvo, and S. Mahajan. Charge-density waves and superlattices in the metallic layered transition metal dichalcogenides. *Advances in Physics*, 24(2):117–201, 1975. [40](#), [41](#)
- [139] W. Wen, C. Dang, and L. Xie. Photoinduced phase transitions in two-dimensional charge-density-wave 1T – TaS<sub>2</sub>. *Chinese Physics B*, 28(5):058504, may 2019. [40](#), [42](#)
- [140] F. Jellinek. The system tantalum-sulfur. *Journal of the Less Common Metals*, 4(1):9–15, 1962. [41](#)
- [141] L. V. Gasparov, K. G. Brown, A. C. Wint, D. B. Tanner, H. Berger, G. Margaritondo, R. Gaál, and L. Forró. Phonon anomaly at the charge ordering transition in 1T – TaS<sub>2</sub>. *Phys. Rev. B*, 66:094301, Sep 2002. [41](#), [71](#), [72](#), [74](#), [78](#), [83](#)
- [142] K. Rossnagel. On the origin of charge-density waves in select layered transition-metal dichalcogenides. 23(21):213001, may 2011. [41](#), [78](#)
- [143] G Gruner. Density waves in solids, Vol. 89. *Frontiers in Physics*, 1994. [41](#)
- [144] R. E. Peierls. *Quantum theory of solids*. Clarendon Press, 1996. [41](#)
- [145] X. Zhu, J. Guo, J. Zhang, and E. W. Plummer. Misconceptions associated with the origin of charge density waves. *Advances in Physics: X*, 2(3):622–640, 2017. [41](#)
- [146] F. Clerc, C. Battaglia, H. Cercellier, C. Monney, H. Berger, L. Despont, M. Garnier, and P. Aebi. Fermi surface of layered compounds and bulk charge density wave systems. *Journal of Physics: Condensed Matter*, 19:355002, 08 2007. [41](#), [42](#), [43](#)
- [147] T. Ritschel, H. Berger, and J. Geck. Stacking-driven gap formation in layered 1T-TaS<sub>2</sub>. *Phys. Rev. B*, 98:195134, Nov 2018. [41](#), [43](#)
- [148] S.-H. Lee, J. S. Goh, and D. Cho. Origin of the Insulating Phase and First-Order Metal-Insulator Transition in 1T–TaS<sub>2</sub>. *Phys. Rev. Lett.*, 122:106404, Mar 2019. [41](#), [43](#)
- [149] O. R. Albertini, R. Zhao, R. L. McCann, S. Feng, M. Terrones, J. K. Freericks, J. A. Robinson, and A. Y. Liu. Zone-center phonons of bulk, few-layer, and monolayer

$1T\text{-TaS}_2$ : Detection of commensurate charge density wave phase through Raman scattering. *Phys. Rev. B*, 93:214109, Jun 2016. [41](#), [74](#)

- [150] A. Spijkerman, J. L. de Boer, A. Meetsma, G. A. Wiegers, and S. van Smaalen. X-ray crystal-structure refinement of the nearly commensurate phase of  $1T\text{-TaS}_2$  in  $(3+2)$ -dimensional superspace. *Phys. Rev. B*, 56:13757–13767, Dec 1997. [42](#), [76](#)
- [151] P. Darancet, A. J. Millis, and C. A. Marianetti. Three-dimensional metallic and two-dimensional insulating behavior in octahedral tantalum dichalcogenides. *Phys. Rev. B*, 90:045134, Jul 2014. [43](#)
- [152] P. Fazekas and E. Tosatti. Electrical, structural and magnetic properties of pure and doped  $1T\text{-TaS}_2$ . *Philosophical Magazine B*, 39(3):229–244, 1979. [43](#)
- [153] P. Fazekas and E. Tosatti. Charge carrier localization in pure and doped  $1T\text{-TaS}_2$ . *Physica B+C*, 99(1):183–187, 1980. [43](#)
- [154] B. Dardel, M. Grioni, D. Malterre, P. Weibel, Y. Baer, and F. Lévy. Temperature-dependent pseudogap and electron localization in  $1T\text{-TaS}_2$ . *Phys. Rev. B*, 45:1462–1465, Jan 1992. [43](#)
- [155] B. Dardel, M. Grioni, D. Malterre, P. Weibel, Y. Baer, and F. Lévy. Spectroscopic signatures of phase transitions in a charge-density-wave system:  $1T\text{-TaS}_2$ . *Phys. Rev. B*, 46:7407–7412, Sep 1992. [43](#)
- [156] B. Sipos, A. Kusmartseva, A. Akrap, H. Berger, L. Forró, and E. Tutis. From Mott state to superconductivity in  $1T\text{-TaS}_2$ . *Nature materials*, 7:960–5, 01 2009. [43](#), [78](#)
- [157] C. Sohrt, A. Stange, M. Bauer, and K. Rossnagel. How fast can a Peierls–Mott insulator be melted? *Faraday Discuss.*, 171, 08 2014. [43](#), [74](#), [78](#), [83](#)
- [158] H. Vincent, D. Leroux, and D. Bijaoui. Crystal structure of  $\text{Mn}_3\text{Si}_2\text{Te}_6$ . *Journal of Solid State Chemistry*, 63(3):349–352, 1986. [44](#)
- [159] A. Milosavljević, A. Šolajic, J. Pešić, Y. Liu, C. Petrovic, N. Lazarević, and Z. V Popović. Evidence of spin-phonon coupling in  $\text{CrSiTe}_3$ . *Phys. Rev. B*, 98:104306, 09 2018. [44](#), [67](#), [93](#)
- [160] Y. Liu and C. Petrovic. Critical behavior and magnetocaloric effect in  $\text{Mn}_3\text{Si}_2\text{Te}_6$ . *Phys. Rev. B*, 98:064423, Aug 2018. [44](#), [45](#), [86](#), [93](#), [94](#)
- [161] R. Rimet, C. Schlenker, and H. Vincent. A new semiconducting ferrimagnet: A silicon manganese telluride. *Journal of Magnetism and Magnetic Materials*, 25(1):7–10, 1981. [44](#), [45](#)

- [162] L. M. Martinez, H. Iturriaga, R. Olmos, L. Shao, Y. Liu, T. T. Mai, C. Petrovic, W. Hight, R. Angela, and S. R. Singamaneni. Enhanced magnetization in proton irradiated  $Mn_3Si_2Te_6$  van der Waals crystals. *Applied Physics Letters*, 116(17):172404, 2020. [44](#), [45](#), [88](#), [89](#), [90](#), [93](#), [94](#)
- [163] A. F. May, Y. Liu, S. Calder, D. S. Parker, T. Pandey, E. Cakmak, H. Cao, J. Yan, and M. A. McGuire. Magnetic order and interactions in ferrimagnetic  $Mn_3Si_2Te_6$ . *Phys. Rev. B*, 95:174440, May 2017. [44](#), [45](#), [46](#), [94](#)
- [164] S. Jiang, L. Li, Z. Wang, K. F. Mak, and J. Shan. Controlling magnetism in 2D  $CrI_3$  by electrostatic doping. *Nat. Nanotechnol.*, 13(7):549–553, May 2018. [44](#)
- [165] N. Sethulakshmi, A. Mishra, P.M. Ajayan, Y. Kawazoe, A. K. Roy, A. K. Singh, and C. S. Tiwary. Magnetism in two-dimensional materials beyond graphene. *Materials Today*, 27:107–122, 2019. [44](#)
- [166] R. Olmos, J. A. Delgado, H. Iturriaga, L. M. Martinez, C. L. Saiz, L. Shao, Y. Liu, C. Petrovic, and S. R. Singamaneni. Critical phenomena of the layered ferrimagnet  $Mn_3Si_2Te_6$  following proton irradiation. *Journal of Applied Physics*, 130(1):013902, 2021. [44](#)
- [167] Y. Ni, H. Zhao, Y. Zhang, B. Hu, I. Kimchi, and G. Cao. Colossal magnetoresistance via avoiding fully polarized magnetization in the ferrimagnetic insulator  $Mn_3Si_2Te_6$ . *Phys. Rev. B*, 103:L161105, Apr 2021. [45](#), [94](#)
- [168] P. Giannozzi, S. Baroni, N. Bonini, M. Calandra, R. Car, and et al. QUANTUM ESPRESSO: a modular and open-source software project for quantum simulations of materials. *J. Phy. Condens. Mat.*, 21(39):395502 (19pp), 2009. [48](#), [60](#)
- [169] P. E. Blöchl. Projector augmented-wave method. *Phys. Rev. B*, 50:17953–17979, Dec 1994. [48](#), [60](#)
- [170] G. Kresse and D. Joubert. From ultrasoft pseudopotentials to the projector augmented-wave method. *Phys. Rev. B*, 59:1758–1775, Jan 1999. [48](#), [60](#)
- [171] J. P. Perdew, K. Burke, and M. Ernzerhof. Generalized Gradient Approximation Made Simple. *Phys. Rev. Lett.*, 77:3865–3868, Oct 1996. [48](#), [60](#)
- [172] S. Grimme. Semiempirical GGA-type density functional constructed with a long-range dispersion correction. *J. Comput. Chem.*, 27(15):1787–1799. [48](#), [60](#)
- [173] Wood E. A. The 80 Diperiodic Groups in Three Dimensions. *Bell Syst. Tech. J.*, 43(1):541–559. [56](#)
- [174] D. T. Larson and E. Kaxiras. Raman spectrum of  $CrI_3$ : An *ab initio* study. *Phys. Rev. B*, 98:085406, Aug 2018. [56](#)

- [175] M. Cococcioni and S. de Gironcoli. Linear response approach to the calculation of the effective interaction parameters in the LDA + U method. *Phys. Rev. B*, 71:035105, Jan 2005. [60](#)
- [176] M. Moskovits and D. Dilella. Surface-enhanced Raman spectroscopy of benzene and benzene-d<sub>6</sub> adsorbed on silver. *J. Chem. Phys.*, 73:6068–6075, 12 1980. [66](#)
- [177] A. Dubroka, J. Humlíček, M. V. Abrashev, Z. V. Popović, F. Sapiña, and A. Cantarero. Raman and infrared studies of La<sub>1-y</sub>Sr<sub>y</sub>Mn<sub>1-x</sub>M<sub>x</sub>O<sub>3</sub> ( $M = \text{Cr, Co, Cu, Zn, Sc or Ga}$ ): Oxygen disorder and local vibrational modes. *Phys. Rev. B*, 73:224401, Jun 2006. [66](#)
- [178] A. Baum, A. Milosavljević, N. Lazarević, M. M. Radonjić, B. Nikolić, and et al. Phonon anomalies in FeS. *Phys. Rev. B*, 97:054306, Feb 2018. [66](#), [74](#)
- [179] X. Yang, P. Juhas, C. L. Farrow, and S. J. L. Billinge. xPDFsuite: an end-to-end software solution for high throughput pair distribution function transformation, visualization and analysis, 2014. [68](#)
- [180] C. L. Farrow, P. Juhas, J. W. Liu, D. Bryndin, E. S. Božin, J. Bloch, Th. Proffen, and S. J. L. Billinge. PDFfit2 and PDFgui: computer programs for studying nanostructure in crystals. *Journal of Physics: Condensed Matter*, 19(33):335219, jul 2007. [68](#)
- [181] T. Proffen, Katharine, L. Page, S. E. McLain, and et al. Atomic pair distribution function analysis of materials containing crystalline and amorphous phases. *Z. Kristallogr.*, 220:1002–1008, 2005. [68](#)
- [182] Y. Ma, Y. Hou, Cuimin Lu, L. Li, and C. Petrovic. Possible origin of nonlinear conductivity and large dielectric constant in the commensurate charge-density-wave phase of 1T – TaS<sub>2</sub>. *Phys. Rev. B*, 97:195117, May 2018. [70](#)
- [183] X. Gonze, B. Amadon, P.-M. Anglade, J.-M. Beuken, F. Bottin, and et al. ABINIT: First-principles approach to material and nanosystem properties. *Comput. Phys. Commun.*, 180(12):2582, 2009. [70](#)
- [184] S. Goedecker, M. Teter, and J. Hutter. Separable dual-space Gaussian pseudopotentials. *Phys. Rev. B*, 54:1703, 1996. [70](#)
- [185] M. Krack. Pseudopotentials for H to Kr optimized for gradient-corrected exchange-correlation functionals. *Theor. Chem. Acc.*, 114:145, 2005. [70](#)
- [186] X. Gonze, D. C. Allan, and M. P. Teter. Dielectric tensor, effective charges, and phonons in  $\alpha$ -quartz by variational density-functional perturbation theory. *Phys. Rev. Lett.*, 68:3603, 1992. [71](#)

- [187] A. Zawadowski and M. Cardona. Theory of Raman scattering on normal metals with impurities. *Phys. Rev. B*, 42:10732, 1990. [73](#)
- [188] N. Lazarević and R. Hackl. Fluctuations and pairing in Fe-based superconductors: light scattering experiments. *Journal of Physics: Condensed Matter*, 32(41):413001, jul 2020. [73](#)
- [189] Reuben Shuker and Robert W. Gammon. Raman-Scattering Selection-Rule Breaking and the Density of States in Amorphous Materials. *Phys. Rev. Lett.*, 25:222–225, Jul 1970. [74](#)
- [190] S. Uchida and S. Sugai. Infrared and Raman studies on a commensurate CDW states in transition metal dichalcogenides. *Physica B+C*, 105B:393, April 1981. [74](#)
- [191] R. Brouwer and F. Jellinek. The low-temperature superstructures of 1T – TaSe<sub>2</sub> and 2H – TaSe<sub>2</sub>. *Physica B+C*, 99(1):51, 1980. [74](#)
- [192] J. R. Duffay and R. D. Kirby. Raman Scattering from 1T – TaS<sub>2</sub>. *Solid State Communications*, 20:617, july 1976. [74](#)
- [193] T. Hirata and F. S. Ohuchi. Temperature dependence of the Raman spectra of 1T – TaS<sub>2</sub>. *Solid State Communications*, 117:361, january 2001. [74](#)
- [194] R. He, J. Okamoto, Z. Ye, G. Ye, H. Anderson, X. Dai, X. Wu, J. Hu, Y. Liu, W. Lu, Y. Sun, A. N. Pasupathy, and A. W. Tsien. Distinct surface and bulk charge density waves in ultrathin 1T – TaS<sub>2</sub>. *Phys. Rev. B*, 94:201108, Nov 2016. [76](#)
- [195] G. Grüner. The dynamics of charge-density waves. *Rev. Mod. Phys.*, 60:1129–1181, Oct 1988. [78](#)
- [196] Jan Skolimowski, Yaroslav Gerasimenko, and Rok Žitko. Mottness collapse without metallization in the domain wall of the triangular-lattice Mott insulator 1T – TaS<sub>2</sub>. *Phys. Rev. Lett.*, 122:036802, Jan 2019. [83](#)
- [197] Yu Liu, Zhixiang Hu, Milinda Abeykoon, Eli Stavitski, Klaus Attenkofer, Eric D. Bauer, and C. Petrovic. Polaronic transport and thermoelectricity in Mn<sub>3</sub>Si<sub>2</sub>Te<sub>6</sub> single crystals. *Phys. Rev. B*, 103:245122, Jun 2021. [94](#)

# Spisak naučnih radova kandidata korišćenih u disertaciji

- [1] S. Djurdjić Mijin, A. Šolajić, J. Pešić, M. Šćepanović, Y. Liu, A. Baum, C. Petrović, N. Lazarević, and Z. V. Popović, "Lattice dynamics and phase transition in CrI<sub>3</sub> single crystals", *Phys. Rev. B* **98**, 104307, 2018.
- [2] S. Djurdjić Mijin, AM Milinda Abeykoon, A. Šolajić, A. Milosavljević, J. Pešić, Y. Liu, C. Petrović, Z. V. Popović, and N. Lazarević, "Short-Range Order in VI<sub>3</sub>", *Inorg. Chem.* **59**, 16265, 2020.
- [3] S. Djurdjić Mijin, A. Baum, J. Bekaert, A. Šolajić, J. Pešić, Y. Liu, Ge He, M. V. Milošević, C. Petrović, Z. V. Popović, R. Hackl, and N. Lazarević, "Probing charge density wave phases and the Mott transition in 1T-TaS<sub>2</sub> by inelastic light scattering", *Phys. Rev. B* **103**, 245133, 2021.
- [4] S. Djurdjić Mijin, A. Šolajić, J. Pešić, Y. Liu, C. Petrović, Z. V. Popović, and N. Lazarević, "Phonon anomalies and spin-phonon interaction in Mn<sub>3</sub>Si<sub>2</sub>Te<sub>6</sub>", *U pripremi*

## Biografija

Sanja Đurđić Mijin rođena je u Beogradu 29. 09. 1993. godine. Nakon završene osnovne škole i gimnazije, 2012. godine upisuje Fizički fakultet Univerziteta u Beogradu, smer Primjenjena i kompjuterska fizika, na kome diplomira 2016. godine sa prosečnom ocenom 9,57. Nakon uspešno završenih osnovnih studija, iste godine upisuje master studije na Fizičkom fakultetu, smer Teorijska i eksperimentalna fizika. U okviru projekta 2015-2-ES01-KA107-022648 programa ERASMUS+ master tezu pod nazivom *Komparativna studija polarizovane optičke emisije iz polarnih i nepolarnih kvantnih tačaka u GaN/InGaN nanožicama* radi na Tehničkom Univerzitetu u Madridu, pod mentorstvom dr Žarka Gačevića, a i na Samostalnom Univerzitetu u Madridu, pod mentorstvom dr Snežane Lazić. Master rad, pod mentorstvom dr Slavice Maletić i komentorstvom dr Snežane Lazić, brani 5. jula 2017. godine, čime završava master studije sa prosečnom ocenom 10,00. U februaru 2018. svoj naučno-istraživački rad nastavlja na Institutu za fiziku u Beogradu, gde je od 03. 12. 2018. zaposlena u Centru za čvrsto stanje i nove materijale u grupi akademika Zorana V. Popovića i gde se pod mentorstvom dr Nenada Lazarevića bavi Ramanovom spektroskopijom kvazi-dvodimenzionalnih materijala. Sanja Đurđić Mijin je od decembra 2018. do decembra 2019. godine bila angažovana na projektu *Nanostruktturni multifunkcionalni nanomaterijali i nanokompoziti* (III450018) Ministarstva prosvete, nauke i tehnološkog razvoja Republike Srbije pod rukovodstvom akademika Zorana V. Popovića, a od avgusta 2020. angažovana je i na projektu *StrainedFeSc*, broj 6062656, Fonda za nauku Republike Srbije, čiji je rukovodilac dr Nenad Lazarević. Učesnik je bilateralnih projekata sa Valter Majsner institutom u Minhenu. Do sada je publikovala 4 naučna rada: 1 iz kategorije M21a i 3 iz kategorije M21, od kojih je vodeći autor na 3 rada, i šest saopštenja sa međunarodnih skupova štampnih u izvodu (M34). Njeni radovi do sada su citirani 58 puta uz h-indeks 3 (Google Akademik).

## Изјава о ауторству

Име и презиме аутора: Сања Ђурђић Мијин

Број индекса: 8017/2018

### Изјављујем

да је докторска дисертација под насловом

### Нееластично расејање светlostи на квази- дводимензионалним материјалима

- резултат сопственог истраживачког рада;
- да дисертација у целини ни у деловима није била предложена за стицање друге дипломе према студијским програмима других високошколских установа;
- да су резултати коректно наведени и
- да нисам կршио/ла ауторска права и користио/ла интелектуалну својину других лица.

### Потпис аутора

У Београду, 10. 03. 2022.

---

## **Изјава о истоветности штампане и електронске верзије докторског рада**

Име и презиме аутора: Сања Ђурђић Мијин

Број индекса: 8017/2018

Студијски програм: Физика

Наслов рада: Нееластично расејање светлости на квази-дводимензионалним  
материјалима

Ментор: др Ненад Лазаревић

Изјављујем да је штампана верзија мог докторског рада истоветна електронској  
верзији коју сам предао/ла ради похрањена у **Дигиталном репозиторијуму  
Универзитета у Београду**.

Дозвољавам да се објаве моји лични подаци везани за добијање академског  
назива доктора наука, као што су име и презиме, година и место рођења и датум  
одбране рада.

Ови лични подаци могу се објавити на мрежним страницама дигиталне  
библиотеке, у електронском каталогу и у публикацијама Универзитета у Београду.

### **Потпис аутора**

У Београду, 10. 03. 2022.

## Изјава о коришћењу

Овлашћујем Универзитетску библиотеку „Светозар Марковић“ да у Дигитални репозиторијум Универзитета у Београду унесе моју докторску дисертацију под насловом:

### Нееластично расејање светlostи на квази-дводимензионалним материјалима

која је моје ауторско дело.

Дисертацију са свим прилозима предао/ла сам у електронском формату погодном за трајно архивирање.

Моју докторску дисертацију похрањену у Дигиталном репозиторијуму Универзитета у Београду и доступну у отвореном приступу могу да користе сви који поштују одредбе садржане у одабраном типу лиценце Креативне заједнице (Creative Commons) за коју сам се одлучио/ла.

1. Ауторство (CC BY)
2. Ауторство – некомерцијално (CC BY-NC)
3. Ауторство – некомерцијално – без прерада (CC BY-NC-ND)
4. Ауторство – некомерцијално – делити под истим условима (CC BY-NC-SA)
5. Ауторство – без прерада (CC BY-ND)
6. Ауторство – делити под истим условима (CC BY-SA)

(Молимо да заокружите само једну од шест понуђених лиценци.  
Кратак опис лиценци је саставни део ове изјаве).

### Потпис аутора

У Београду, 10. 03. 2022.

- 1. Ауторство.** Дозвољавате умножавање, дистрибуцију и јавно саопштавање дела, и прераде, ако се наведе име аутора на начин одређен од стране аутора или даваоца лиценце, чак и у комерцијалне сврхе. Ово је најслободнија од свих лиценци.
- 2. Ауторство – некомерцијално.** Дозвољавате умножавање, дистрибуцију и јавно саопштавање дела, и прераде, ако се наведе име аутора на начин одређен од стране аутора или даваоца лиценце. Ова лиценца не дозвољава комерцијалну употребу дела.
- 3. Ауторство – некомерцијално – без прерада.** Дозвољавате умножавање, дистрибуцију и јавно саопштавање дела, без промена, преобликовања или употребе дела у свом делу, ако се наведе име аутора на начин одређен од стране аутора или даваоца лиценце. Ова лиценца не дозвољава комерцијалну употребу дела. У односу на све остале лиценце, овом лиценцом се ограничава највећи обим права коришћења дела.
- 4. Ауторство – некомерцијално – делити под истим условима.** Дозвољавате умножавање, дистрибуцију и јавно саопштавање дела, и прераде, ако се наведе име аутора на начин одређен од стране аутора или даваоца лиценце и ако се прерада дистрибуира под истом или сличном лиценцом. Ова лиценца не дозвољава комерцијалну употребу дела и прерада.
- 5. Ауторство – без прерада.** Дозвољавате умножавање, дистрибуцију и јавно саопштавање дела, без промена, преобликовања или употребе дела у свом делу, ако се наведе име аутора на начин одређен од стране аутора или даваоца лиценце. Ова лиценца дозвољава комерцијалну употребу дела.
- 6. Ауторство – делити под истим условима.** Дозвољавате умножавање, дистрибуцију и јавно саопштавање дела, и прераде, ако се наведе име аутора на начин одређен од стране аутора или даваоца лиценце и ако се прерада дистрибуира под истом или сличном лиценцом. Ова лиценца дозвољава комерцијалну употребу дела и прерада. Слична је софтверским лиценцима, односно лиценцима отвореног кода.



УНИВЕРЗИТЕТ У БЕОГРАДУ  
ФИЗИЧКИ ФАКУЛТЕТ  
Бр. 44/10  
16. 3. 2022.  
Београд студентски трг 12-б  
и ФФ-б

На основу члана 29 Закона о општем управном поступку («Службени гласник РС» број 18/2016 и 95/2018), и члана 149 Статута Универзитета у Београду - Физичког факултета, по захтеву САЊЕ ЂУРЂИЋ МИЈИН, дипломираног физичара, издаје се следеће

## УВЕРЕЊЕ

САЊА ЂУРЂИЋ МИЈИН, дипломирани физичар, дана 10. марта 2022. године, одбранила је докторску дисертацију под називом

„НЕЕЛАСТИЧНО РАСЕЈАЊЕ СВЕТЛОСТИ НА КВАЗИ-ДВОДИМЕНЗИОНАЛНИМ МАТЕРИЈАЛИМА“

пред Комисијом Универзитета у Београду - Физичког факултета и тиме испунила све услове за промоцију у ДОКТОРА НАУКА – ФИЗИЧКЕ НАУКЕ.

Уверење се издаје на лични захтев, а служи ради регулисања права из радног односа и важи до промоције, односно добијања докторске дипломе.

Уверење је ослобођено плаћања таксе.





# Citation overview

The citation overview has been downloaded as a comma separated file (.csv). ×

[Back to author results](#)

[Export](#) [Print](#)

This is an overview of citations for this author.

Author *h*-index : 2 View *h*-graph

## 4 Cited Documents from "Djurđić-Mijin, Sanja" [+ Add to list](#)

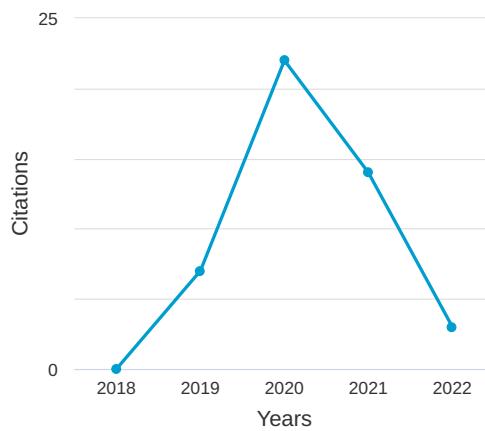
Date range: 2018 to 2022

Exclude self citations of selected author

Exclude self citations of all authors

Exclude citations from books

[Update](#)



Sort on: Date (newest)

Page Remove

Documents	Citations	<2018	2018	2019	2020	2021	2022	Subtotal	>2022	Total
		Total	0	0	7	22	14	3	46	46
<input type="checkbox"/> 1 Probing charge density wave phases and the Mott transition in Fe <sub>3-x</sub> GeTe <sub>2</sub> single crystal...	2021					1			1	1
<input type="checkbox"/> 2 Short-Range Order in VIn <sub>3</sub>	2020								0	0
<input type="checkbox"/> 3 Lattice dynamics and phase transitions in Fe <sub>3-x</sub> GeTe <sub>2</sub>	2019				5	3	2		10	10
<input type="checkbox"/> 4 Lattice dynamics and phase transition in CrI <sub>3</sub> single crystal...	2018				7	17	10	1	35	35

Display: 20 results per page

1

[^ Top of page](#)

## About Scopus

[What is Scopus](#)

[Content coverage](#)

[Scopus blog](#)

[Scopus API](#)

[Privacy matters](#)

## Language

[日本語に切り替える](#)

[切换到简体中文](#)

[切換到繁體中文](#)

[Русский язык](#)

## Customer Service

[Help](#)

[Tutorials](#)

[Contact us](#)

---

**ELSEVIER**

[Terms and conditions](#) ↗ [Privacy policy](#) ↗

Copyright © Elsevier B.V. All rights reserved. Scopus® is a registered trademark of Elsevier B.V.

We use cookies to help provide and enhance our service and tailor content. By continuing, you agree to the use of cookies.

